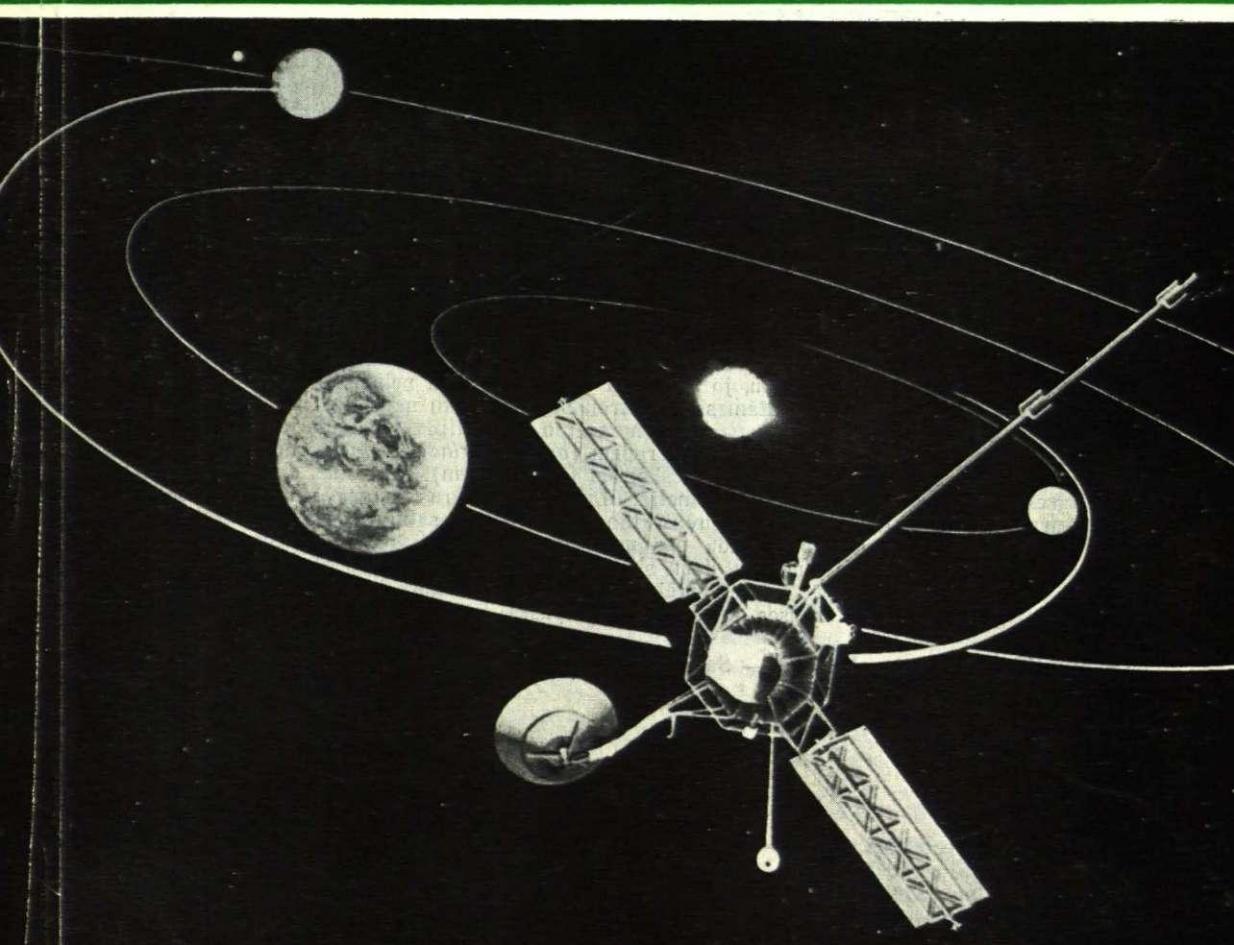
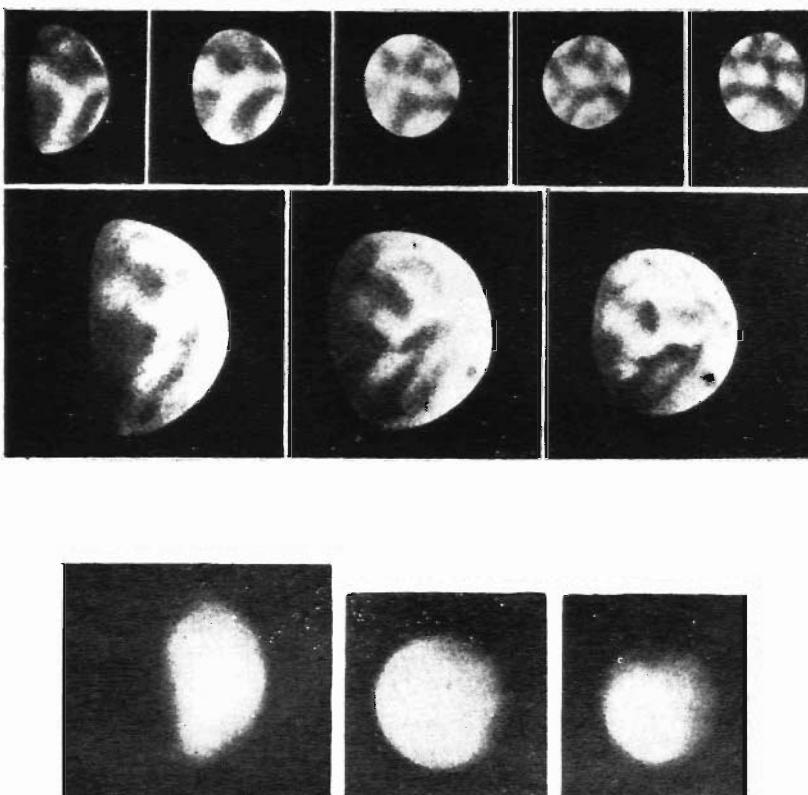


ZVAIGŽNOTĀ DEBESS

1995
PAVASARIS

Ap Pienā Ceļu riņķo astoņas pundurgalaktikas ● Kvazāri pie Visuma horizonta ●
Car — debess spožākā zvaigzne infrasarkanajā gaismā ● Saules riets Latvijas novadu
daiņās ● Grinberga teorēma palīdz atklāt slepkavu ● Pirmais latviskais datorkalen-
dārs ● Merkurs — planēta-paradokss ● Meteoru novērojumi bija sekmīgi ● Vai līvu
krastā būs VSRC?





Stāsta, ka Koperniks, gulēdams uz nāves eisām, sūkstījies, ka nekad neesot redzējis Merkuru. Šī versija šķiet nepatiesa, jo planēta Ziemeļeiropa reizēm redzama krēslas stūndās. Taču, ja Koperniks būtu skatījies uz Merkuru pat caur modernu teleskopu, viņš nebūtu gandarīts par tā attēlu, jo teleskopā var izšķirt tikai nelielu daudzumu izplūdušu detaļu. Tās ir tik vāji saskatāmas, ka astronomi ilgu laiku maldījās, nosakot nepareizu planētas griešanas ātrumu. Augša: astronoma Lio un Dolfusa zīmējumi, kas 1942. gada vasara (*augšēja rinda*) un 1950. gada rudeni (*apakšējā rinda*) izdarīti pēc vairāku dienu novērojumiem ar 38 cm un 60 cm teleskopiem (refraktoriem). Redzamas dažādās Merkura fāzes un mainīgais leņķiskais diametrs. Apakša: Merkura fotogrāfijas, ko ar 38 cm refraktoru 1942. gada vasarā ieguvuši Lio un Kamisels, satur vēl mazāk detaļu nekā zīmējumi. 1974. gadā (501. gads pēc mūsdienu astronomijas pamatlīcēja dzimšanas) kosmiskais aparāts «Mariner-10» dažu simtu kilometru attālumā no Merkura ieguva lieplikas tā fotogrāfijas, pēc kurām varēja konstatēt, ka Merkurs ir planēta-paradokss: tas ir līdzīgs Mēnesim no ārpuses un Zemei no iekšpusēs.

Sk. I. Vilka rakstu «Merkurs — Saulei tuvākā planēta»

Vaku 1. lpp.: Kosmiskais aparāts «Mariner-10» ceļā uz Merkuru. Priekšplānā — Venēra, pa kreisi Zeme un Mēness

ZVAIGŽNOTĀ DEBESS

LATVIJAS
ZINĀTNU AKADEMIJAS
RADIOASTROFIZIKAS
OBSERVATORIJAS
POPULĀRZINĀTNISKIS
GADALAIKU IZDEVUMS

IZNAK KOPS 1995. GADA RUDENS
CETRAS REIZES GADĀ

1995. GADA PAVASARIS (147)



REDAKCIJAS KOLEGIJA:

A. Alksnis, A. Andžāns, A. Balķaviks (atbild. red.), J. Birzvalks (atbild. red. vietn.), R. Küllis, E. Mūkīns, I. Pundure (atbild. sekr.), T. Romanovskis, L. Roze, I. Vilks

Tālrunis 226796

SATURS

Zinātnes ritums

Ilabla konstantes precizēšana turpinās. *Māris Krastiņš* 2

Jaunumi

Lokālās sistēmas pundurgalaktikas. *Zenta Atksne* 7

Papildinās joti tālo kvažāru saraksts. *Arturs Balkavs* 9

'parasta' pārnova galaktikā. *Jānis Imants Straume* 12

Kuģa Kiļa Eta — vai nakama pārnova? *Jānis Imants Straume* 14

Komētu novērojumi pēc «Ulysses» programmas. *Andrejs Alksnis* 14

Tautas garamantas

Saules rite Latvijā. *Zenta Alksne* 16

Zinātnieks un viņa darbs

Dr. E. Grīnaerga teorēmā par Hamiltona cikliem. *Jānis Dambitis* 22

Atziņu ceļi

Dabas vai domāšanas dialektika? *Rihards Kulīs* 27

Mazliet par «ismiemi». *Juris Birzvalks* 33

Skaitļotājs astronomijā

Kalendārs datorā. *Tomass Romanovskis, Aivars Zogla* 37

Skolā

Merkurs — Saulei tuvākā planēta. *Ilgonis Vilks* 41

Turnīru matemātika, VI. *Agnis Andžāns* 46

Par plāpīgiem kaimiņiem. *Agnis Andžāns* 50

Armatieriem

Vasaras novērošanas nometne «Ērgja Delta». *Ilgonis Vilks* 58

Hronika

Dramatiska ciņa par Ventspiļi antenām un VSRC. *Arturs Balkavs* 60

Zvaigžnotā debess 1995. gada pavasari. *Juris Kauliņš* 64

ZINĀTNES RITUMS

HABLA KONSTANTES PRECIZĒŠANA TURPINĀS

Habla likums ir viens no visnozīmīgākajiem 20. gadsimta astronomijas atklājumiem. Lai gan tas apraksta visplašāko un visvecāko procesu Visuma (faktiski Metagalaktikas) izplesšanos, tikai mūsu gadsimta divdesmitajos gados amerikāņu astronoma Edvina Habla (Edwin Hubble) darbos pilnībā tika atrisināts jautājums par lielos attālumos esošo miglāju dabu un sāka attīstīties ārpusgalaktiskā astronomija.* Līdz ar sistemātisku galaktiku izpēti tika konstatēts, ka, palielinoties attālumam r starp galaktikām, palielinās ātrums ar kādu tās attālinās cita no citas. Vispārīgā veidā šo likumsakarību apraksta Habla likums: $v=Hr$, kur H ir proporcionālitātes koeficients (Habla konstante). Taču šī matemātiski vienkāršā sakarība radījusi vēl neatrisinātu problēmu. Sākumā pats E. Habls konstantes H vērtību noteica visai lielu: 500 kilometru sekundē megaparsekā (1 Mpc ir 3,26 miljoni gaismas gadu). Habla konstantes apgrieztais lielums H^{-1} izsaka Visuma vecumu. Jo lielāka ir Habla konstante, jo ātrāk Visums izplešas, un tātad tas ir jaunāks. Tādēļ sākotnējie aprēķini liecināja, ka Visumam ir tikai 2 miljardi gadu. Taču vēlāk tika pierādīts, ka Saules vecums ir 4,5 miljardi gadu. Uzlabojās arī tālu galaktiku pētišanas iespējas. Tāpēc H vērtība pa-

kāpeniski samazinājās, un mūsu dienās tā jau ir mazāka par $100 \text{ km}\cdot\text{s}^{-1}\cdot\text{Mpc}^{-1}$. Starptautiskā Astronomijas savienība noteikusi konstantes vērtību $H=55 \text{ km}\cdot\text{s}^{-1}\cdot\text{Mpc}^{-1}$. Taču šādam pieņēmumam nepieciešams pamatojums, bet tādu līdz šim iegūt nav izdevies.

Lai aprēķinātu Habla konstanti, tiek mērīti tālu galaktiku ātrumi un attālumi līdz tām. 1992. gada sākumā šādā veidā iegūtie dati parādīja, ka Habla konstantes vērtība ir apmēram $80 \text{ km}\cdot\text{s}^{-1}\cdot\text{Mpc}^{-1}$. Tas nozīmē, ka galaktika, kas atrodas 1 Mpc attālumā no citas galaktikas, attālinās no tās par $80 \text{ km}\cdot\text{s}^{-1}$ ātrāk. Un tas nozīmē, ka Visums ir par 10 miljardiem gadu jaunāks.

1992. gada vidū Alans Sandidžs (Allan Sundage) un viņa kolēgi no Karnegijas (Carnegie) observatorijām Kalifornijā paziņoja negaiditus pētījumu rezultātus. Tie norādīja, ka Habla konstante ir mazāka par $50 \text{ km}\cdot\text{s}^{-1}\cdot\text{Mpc}^{-1}$. Sādus datus A. Sandidža grupa ieguva, pētot tuvējo galaktiku IC 4182, kas ir daudz mazāka par mūsu Galaktiku, bet tai ir liela nozīme, jo 1937. gadā tur uzliesmoja viena no mums vistuvākajām 20. gadsimtā novērotajām I tipa pārnovām. (Pārnovas ir uzliesmojušas zvaigznes, kas to lielā spožuma dēļ ir redzamas arī tālās galaktikās. Pēc līziņās dabas un redzamības tās iedala divos tipos. I tipa pārnovas maksimumu sasniedz dažās nedēļas, bet zaudē spožumu apmēram sešos mēnešos. II tipa pārnovas maksimumā ir vājākas, bet to spožums samazinās lēnāk.)

I tipa pārnovas rodas, ja baltā pundura

* Sk: Alksne Z. Habla likums // Zvaigžnotā Debess. — 1990. gada rudens. — 2.— 3. lpp.

masa 1,4 reizes pārsniedz Saules masu (Candrasekara robeža) un tas sabrukot eksplodē. Visām I tipa pārnovām ir vienāds absolūtais zvaigžņielums. Ja tas ir zināms, tad var aprēķināt attālumu līdz tālākām galaktikām, nosakot tajās uzliesmojušo I tipa pārnovu redzamo spožumu. A. Sandidžs sākotnēji izmantoja apgriezto sakaribu. Ja zināms attālums līdz IC 4182, tad nosakāms 1937. gada un visu pārējo I tipa pārnovu absolūtais zvaigžņielums. Lai šo attālumu aprēķinātu, parasti tiek izmantotas cefeīdas, kas atrodas kādā noteiktā galaktikā un ir lieiski piemērotas šāda mērķa iestenošanai. Izmantojot Habla teleskopu, A. Sandidžs un viņa kolēgi atklāja 27 cefeīdas galaktikā IC 4182. Viņi secināja, ka IC 4182 atrodas 16 miljonu ly no Zemes. Sis attālums bija tikai nedaudz lielāks par 1982. gadā A. Sandidža aprēķinātajiem 14 miljoniem ly. Tad par indikatoriem tika izmantoti tās pašas galaktikas sarkanie pārmilži. Bet šādi dati divas reizes pārsniedza Arizonā esošās Kitpiķas observatorijas astronoma Maikla Pīrsa (Michael Pierce) 1992. gada sākumā noteikto attālumu. Ari viņš pētīja IC 4182 sarkanos pārmilžus, bet ar daudz jutīgākiem detektojiem.

Ja IC 4182 ir 16 miljonu ly attālumā no Zemes, tad 1937. gada pārnovas spožums ir 17 miljardu reižu pārsniedzis Saules spožumu. Iegūtais rezultāts A. Sandidža grupai deva iespēju noteikt attālumus līdz tālākām galaktikām, kurās uzliesmojušas I tipa pārnovas. Bet šo galaktiku pētījumi ir nepieciešami, lai noskaidrotu Habla konstanti, jo IC 4182 atrodas tik tuvu Galaktikai un citām Lokālās sistēmas galaktikām, ka tās kustību stipri ietekmē lielāko kaimīgu gravitāciju un tā Visuma izplešanos neatspoguļo pietiekami vispārigi.

A. Sandidža noteiktā Habla konstantes vērtība bija $45 \pm 9 \text{ km} \cdot \text{s}^{-1} \cdot \text{Mpc}^{-1}$. Tai atbilstošais Visuma vecums ir starp 14 un 19 miljardiem gadu. Tas nav pretrunā ar lodevida kopu pētījumos iegūtajiem rezultātiem, kas norāda, ka šo objektu vecākās zvaigznes pastāv jau aptuveni 16 miljardu gadu.

Cefeīdu atklāšana galaktikā IC 4182 bija pārsteigums lielas Habla konstantes piekritē-

jiem. Kitpiķas observatorijas astronoms Džordžs Džakobi (George Jacoby) uzskatīja, ka tas ir liels trieciens šajā pētījumu laukā. Tomēr Dž. Džakobi nebija pārliecīnāts par A. Sandidža pētījumu ticamību. Pēc viņa domām, IC 4182 esošie putekļi varēja aptumšot cefeīdas, padarot tās blāvākas un tālākas, nekā tās ir patiesībā. Tāpat nav skaidrs, cik precīzs bija Habla teleskopa darbs, jo tā sākotnējie optiskie defekti varēja stipri ietekmēt tik precīzus pētījumus.

A. Sandidža grupa cefeīdu pētījumus veica dzeltenajā gaismā. Dž. Džakobi uzskatīja, ka novērošana jāveic spektra sarkanajā un infrasarkanajā daļā, kas cauri putekļiem izspiežas daudz labāk nekā dzeltenā gaisma. Pētījumi dažādās spektra daļās — zilajā, dzeltenajā, sarkanajā un infrasarkanajā — parādītu ari to, cik daudz putekļu atrodas starp mums un IC 4182 cefeīdām, dodot iespēju precīzēt galaktikas attālumu.

1993. gadā turpinājās astronomu centieni pierādīt mazu Habla konstantes vērtību. Septembrī Ričards Saunderss (Richard Saunders) ar kolēgiem no Kembrijas universitātes izveidoja Sjuņājeva—Zelđoviča efekta radio-karti. Sis efekts ir maza novirze no kosmiskā starojuma fona temperatūras, to novērojot caur gāzi, kas aptver galaktiku kopas. Kosmiskā starojuma fons ir atdzisusi palieka no lielā sprādziena, kurā radās Visums.

R. Saunderss ar kolēgiem kartēja Sjuņājeva—Zelđoviča efektu ap galaktiku kopu «Abell 2218». Viņi lietoja astoņas 13 m antenas no 5 km lielā Kembrijas Raila radio-teleskopa. Sjuņājeva—Zelđoviča efekta vērtību nosaka gāzes kārtas biezums, kurai cauri iet kosmiskā starojuma fons. Astronomi pieņēma, ka «Abell 2218» ir sfēriskā. Tātad šā gāzes mākoņa biezums nosaka galaktiku kopas patiesos izmērus. Gāze izstaro ari rentgenstarojumu. Veicot novērojumus rentgeniapazonā, tika iegūti kopas redzamie izmēri. Saīlzinot patiesos un redzamos izmērus, astronomi noskaidroja reālo attālumu līdz galaktiku kopai. R. Saundersa grupa galaktiku kopas attālināšanās ātruma aprēķināšanai izmantoja sarkano nobidi z. Iegūtais rezultāts $z=0,2$ ļāva secināt, ka Habla konstantes vērtība ir robežas starp $20 \text{ km} \cdot \text{s}^{-1} \cdot \text{Mpc}^{-1}$ un

$75 \text{ km} \cdot \text{s}^{-1} \cdot \text{Mpc}^{-1}$. Tomēr tālākie pētījumi parādīja, ka H vērtība ir tuvu $50 \text{ km} \cdot \text{s}^{-1} \cdot \text{Mpc}^{-1}$. R. Saundersa aprēķinātais Visuma vecums ir apmēram 15 miljardu gadu, un tas ir minimālais laikposms, kas nepieciešams, lai izskaidrotu Visuma evolūciju.

Atsauksmes par šo pētījumu bija dažādas. A. Sandidžu tāds fakti, protams, ļoti iepriecināja. Bet Roberts Kiršners (Robert Kirschner) no Hārvarda universitātes, kas savus aprēķinus balsta uz supernovu pētījumiem, izteica izbrīnu un uzsvēra, ka viens novērtējums vēl neko neliecina par Visuma izmēriem. Tomēr šis darbs bija vēl viens solis uz priekšu pētījumos, kas notiedz paradoksu, ka dažas zvaigznes būtu vecākas par Visumu.

R. Saundersa pētījums ierosināja viņa domubiedrus aktīvāk aizstāvēt tādu Habla konstantes vērtību, kas ir mazāka par $50 \text{ km} \cdot \text{s}^{-1} \cdot \text{Mpc}^{-1}$. 1993. gada oktobrī Karaliskās astronomijas savienības sanāksmē Londonā visi astronomi bija apņēmības pilni noskaidrot precīzu Habla konstantes vērtību. Maikls Džonss (Michael Jones) no Kembridžas Mūlarda radioastronomijas observatorijas informēja par pēdējiem atklājumiem, kas saistīti ar Sjuņājeva—Zejdoviča efektu galaktiku kopā. Viņš uzslāja, ka H vērtībai jābūt robežas starp $24 \text{ km} \cdot \text{s}^{-1} \cdot \text{Mpc}^{-1}$ un $54 \text{ km} \cdot \text{s}^{-1} \cdot \text{Mpc}^{-1}$, bet visprecīzākā no tām esot $38 \text{ km} \cdot \text{s}^{-1} \cdot \text{Mpc}^{-1}$. Vērtības noteikšana balstās tikai uz vienas kopas pētījumiem, bet tuvākajos divos gados viņš plānojot novērot vēl piecas vai sešas galaktiku kopas.

Apmēram tādu pašu Habla konstantes vērtību ($37+14 \text{ km} \cdot \text{s}^{-1} \cdot \text{Mpc}^{-1}$) centās pierādīt Džozejs Lēars (Joseph Lehar) no Kembridžas universitātes Astronomijas institūta. Viņa pierādījumu pamatā bija gravitācijas lēcu sistēmas geometrija, atbilstoši kurai no tāla kvazāra nākošu gaismu skata līnijā lauz tās ceļā esoša galaktika. Dž. Lēara aprēķini ir balstīti uz kvazāra gaismas mirgošanas laika intervāla mērījumiem, tai nākot līdz mums pa diviem dažadiem ceļiem.

Gustavs Tammans (Gustav Tamman) no Bāzeles universitātes piedāvāja savus pētījumus par I tipa pārnovām. Viņa metodes pamatā ir jau aprakstītā ideja, ka visām I tipa pārnovām ir vienāds absolūtais zvaigžnie-

mums. Habla konstantes vērtību G. Tammans noteicā, izmantojot attālumus līdz novērojām galaktikām un to sarkanās nobides. Iegūtā H vērtība ir $52+3 \text{ km} \cdot \text{s}^{-1} \cdot \text{Mpc}^{-1}$.

M. Pirss bija vienigais, kas turpināja aizstāvēt lielu H vērtību, kas, pēc viņa domām, ir $85+7 \text{ km} \cdot \text{s}^{-1} \cdot \text{Mpc}^{-1}$. Šāds pieņēmums tika pamatopts ar Tallija—Fišera metodi, kas saista galaktikas rotācijas ātrumu un tās absolūto spožumu. Rotācijas ātrumu ir viegli aprēķināt, jo tas nosaka platumu spektra līnijai, ko izstaro galaktikas neitrālā ūdegrāža gāze.

Astronomu vairākums 1993. gadā sliecās uz mazas Habla konstantes vērtības pusī. Arī lodveida kopu vecāko zvaigžņu pētījumi liecina, ka H vērtībai jābūt mazākai par $50 \text{ km} \cdot \text{s}^{-1} \cdot \text{Mpc}^{-1}$. Kā visatbilstošākā Habla konstantes vērtība tika pieņemta $H=32+5 \text{ km} \cdot \text{s}^{-1} \cdot \text{Mpc}^{-1}$. Tomēr ne visiem zinātniekim šāds skaitlis bija pieņemams.

1994. gadā R. Kiršners un Braiens Šmits (Brian Schmidt) no Hārvarda—Smitsonas Astrofizikas centra Kembridžā, Ronalds Istmens (Ronald Eastman) no Likā observatorijas Kalifornijā un viņu kolēgi ieguva jaunus Habla konstantes novērtējumus, pētot 1992. gada jūlijā atklāto pārnovu tālā galaktikā Valzivs zvaigznājā.

Pēdējos gados B. Šmits bija izstrādājis tehniku II tipa pārnovu attāluma noteikšanai. Sā tipa uzliesmojumi notiek masīvās zvaigznēs, kurām ir biezs ūdegrāža slānis. 1992. gada pārnovas pierību II tipam pierādīja izteiktās ūdegrāža līnijas tās spektrā.

Jaunās metodes pamatā bija pārnovas absolūtā zvaigžņieluma noteikšana, izmantojot zvaigznes nomestā apvalka (kas turpina izplesties) temperatūru un izmērus. Pārnovas krāsa liecina par tās temperatūru. Karsta viela spīd zilā krāsā, bet auksta — sarkanā krāsā. Apvalka izmērus var noteikt, zinot eksplozijas laiku un ātrumu, ar kādu viela attālinās no uzliesmojušās zvaigznes. Ātrums savukārt ir nosakāms pēc pārnovas spektra līniju platuma. Platākas līnijas norāda uz lielāku ātrumu.

Klasiska formula saista no jebkuras virsmas izstaroto energiju ar tās temperatūru. Tādēļ, zinot pārnovas apvalka temperatūru un iz-

mērus, var apreķināt tās absolūto zvaigžņielumu. Salīdzinot to ar redzamo spožumu, nosaka attālumu līdz pārnovai un galaktikai, kurā tā atrodas. Attālums un galaktikas sarkanā nobide dod iespēju apreķināt Habla konstantes vērtību.

Galaktikai, kurā 1992. gadā uzliesmoja II tipa pārnova, sarkanā nobide ir 0.048 . B. Smits un viņa koleģi aprēķināja, ka galaktika atrodas 590 miljonu ly attālumā no Zemes ar nenoteiktību $\pm 15\%$. Nenot vērā sarkanā nobīdi, šāds attālums norāda, ka Habla konstantes vērtība ir $81 \pm 12 \text{ km}\cdot\text{s}^{-1}\cdot\text{Mpc}^{-1}$.

B. Smits un viņa grupa uzsvēra, ka galaktikas attālums lika pētīls tieši un bez starpībām, neiesaistot tuvējās galaktikas. Ja iegūtais rezultāts ir pareizs, tad Visums ir jauns. Visuma vecums ir atkarīgs no tā blīvuma, jo gravitācijas spēks bremzē Visuma izplešanos. Jo lielāks blīvums, jo vairāk tiek bremzēta izplešanās. Pagātnē Visumam bija jāizplešas ātrāk. Tādēļ liels blīvums liecina par jaunāku Visumu.

Ja Habla konstantes vērtība ir $81 \text{ km}\cdot\text{s}^{-1}\cdot\text{Mpc}^{-1}$ un Visumam ir ticši tik daudz masas, lai apturētu izplešanos, tad Visums ir tikai 8 miljardus gadu vecs. Ja turpretī Visumam ir tikai 10% masas, kas nepieciešama, lai apstādinātu izplešanos, tad tā pastāvēšanas ilgums jau ir $10,8$ miljardi gadu.

B. Smits plāno lietot savu metodi arī citu tālās galaktikās uzliesmojušu II tipa pārnovu pētišanā. Pēc astronomu domām, šie novērojumi būtu labs pamats precīzas Habla konstantes vērtības noteikšanai.

B. Smits iegūtais rezultāts apstiprina, ka Habla konstantes precīzas vērtības noteikšana pagaidām vel nav iespējama. Ja Visums ir jauns, rodas neatbildēti jautājumi par zvaigznēm, kuru vecums pārsniedz 10 miljardu gadu. Pēdējā laikā radušies pārdroši apgalvojumi, ka eksistē pat vairāk nekā 20 miljardu gadu vecas zvaigznes.

Tomēr Habla konstante, kuras vērtība ne-pārsniedz $40 \text{ km}\cdot\text{s}^{-1}\cdot\text{Mpc}^{-1}$, pārliecinošāk izskaidro Visuma evolūciju. Savukārt H vērtība $50 \text{ km}\cdot\text{s}^{-1}\cdot\text{Mpc}^{-1}$ uzskatāma par izteiktī diplomātisku pieņēmumu, lai gan tā nav pretendēta ar Galaktikas vecāko zvaigžņu, pastāvē-

šanas laiku, ko pierāda R. Saundersa pētījums. Tāpat jāatzīmē visai lielā astronomu subjektivitāte, aizstāvot lielu vai mazu Habla konstantes vērtību. Dažkārt to padara par strīdu, nevis pētījumu objektu. Interesanti ir arī tas, kā katrs zinātnieks atrod pierādījumus savam viedoklim. Iegūto rezultātu objektivitāti bieži vien ir grūti apstridēt. Habla konstantes precīzēšanas procesa pretrunas labi ataino vissaraksti žurnālā «New Scientist», kura materiāli izmantojot šajā rakstā: «Acīgais Habla teleskopss dubulto Visuma vecumu» (1992. gada 18. jūlijā), «Top pierādījums vecākam Visumam» (1993. gada 9. oktobri), «Turiet ikšķus par vecāku Visumu» (1993. gada 30. oktobri), «Eksplozija pagātnē norāda, ka Visums ir jauns» (1994. gada 26. februāri).

Visu strīdu rezultātā tomēr aizvien vairāk sāk nostabilizēties doma, ka jāveic koordinēti un mērķtiecīgi pētījumi, izmantojot arī radiāli jaunas metodes. Vienu no labākajām piedāvāja Maikls Salamons (Michael Salamon) no Jutas universitātes Soltleksitijā, Floids Stekers (Floyd Stecker) no NASA Godarda kosmisko lidojumu centra Grīnbeltā un Okijs de Džegers (Okkie De Jager) no Potčefstrumas universitātes Dienvidāfrikā. Viņu metodes pamatā ir galaktikas patiesā attāluma aprēķināšana, nosakot gamma starojuma (kura enerģija pārsniedz 50 gigaelektronvoltu) daudzumu, kas absorbējas celā uz Zemi. Ja augstas enerģijas gamma starojuma fotons kosmosā mijiedarbojas ar intrasarkanā starojuma diapazona fotonu, tas izzūd, pārveidojoties elektronā un pozitronā. Jo tālāka galaktika, jo lielāka ir celā absorbētā augstas enerģijas gamma starojuma daļa. Šo daļu var aprēķināt, novērojot zemākas enerģijas gamma starojumu, kas nokļūst līdz Zemei. Tādēļ izzudušais augstas enerģijas gamma starojuma daudzums ir atkarīgs no intrasarkanā starojuma daudzumam un galaktikas attālumam. Pagaidām gan intrasarkanā starojuma fotonu blīvums starpgalaktiku telpā nav noteikts, bet M. Salamona grupa cer, ka šo informāciju sniegs COBE (Cosmic Background Explorer) pētījumi, jo viens no tā aprīkojuma instrumentiem ir konstruēts tieši intrasarkanā kosmiskā starojuma noteikšanai. Tāpat būs jāuztver arī augstas enerģijas gamma staro-

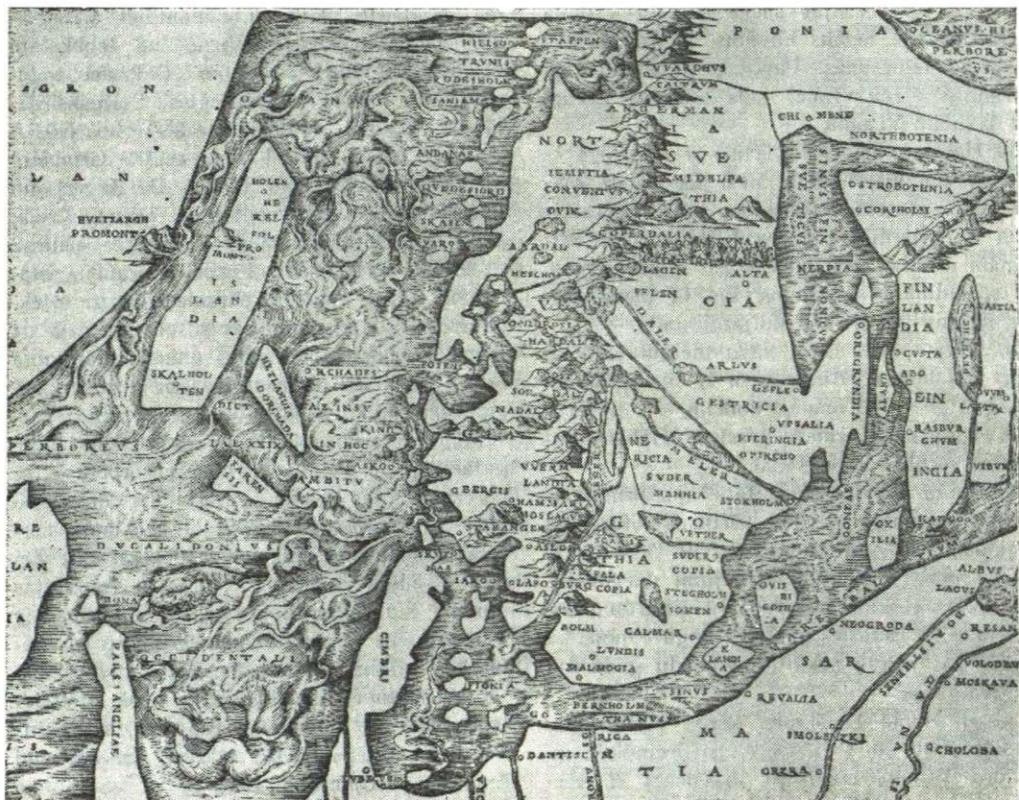
jums no aktīvām galaktikām. Vairākums pašreizējo uztvērēju spēj novērot tikai, zemas energijas starojumu. M. Salamons ir pārliecināts, ka tuvākajā laikā uz Zemes konstruētie detektori varēs uztvert, arī augstas energijas gamma starojumu.

M. Salamona metodei ir divas priekšrocības. Pirmkārt, būs iespējams noteikt attālumu līdz galaktikām, kas atrodas no Zemes daudzus miljardus gaismas gadu attālumā. Otr-

kārt, metode ir tieša, tas ir, tā nav atkarīga no citu Visuma objektu attālumu noteikšanas.

Habla konstantes vērtības noskaidrošana neapšaubāmi ir viens no grūtākajiem mūsdienu astronomijas uzdevumiem. Pēdējos gados aizvien noteiktāku vietu iegem H vērtība, kas nepārsniedz $50 \text{ km}\cdot\text{s}^{-1}\cdot\text{Mpc}^{-1}$. Tāpēc tieši večāka Visuma modelis var klūt par visatbilstošāko problēmas atrisinājumu.

M. Krastiņš



Ziemeļeiropa kokgriezumā (pilnigs 1994. gada rudens numura 1. vāka attēls)

JAUNUMI

LOKĀLĀS SISTĒMAS PUNDURGALAKTIKAS

Kā rāda debess novērojumi, vairums galaktiku nav izkaisītas telpā atsevišķi vai koncentrētas izleiktī bagātās galaktiku kopās, bet ir apvienotas nelielās grupās jeb sistēmās. Tāda neliela galaktiku grupa ir arī Lokālā galaktiku sistēma jeb Lokālā galaktiku grupa, pie kuras pieder arī mūsu Galaktika. Par Lokālās galaktiku sistēmas locekļiem tiek uzskaitītas tās galaktikas, kas no Galaktikas atrodas līdz 1000 kpc attālumā, ja piederību grupai apstiprina arī to kustības raksturlielumi. Lokālās sistēmas galaktiku pētījumiem ir liejas priekšrocības salīdzinājumā ar tālu galaktiku kopu pētījumiem: katru sistēmas locekli var novērot atsevišķi un precīzi izzināt tā īpatnības, piemēram, tajā ietilpst oso zvaigžņu īpašības un vecumu.

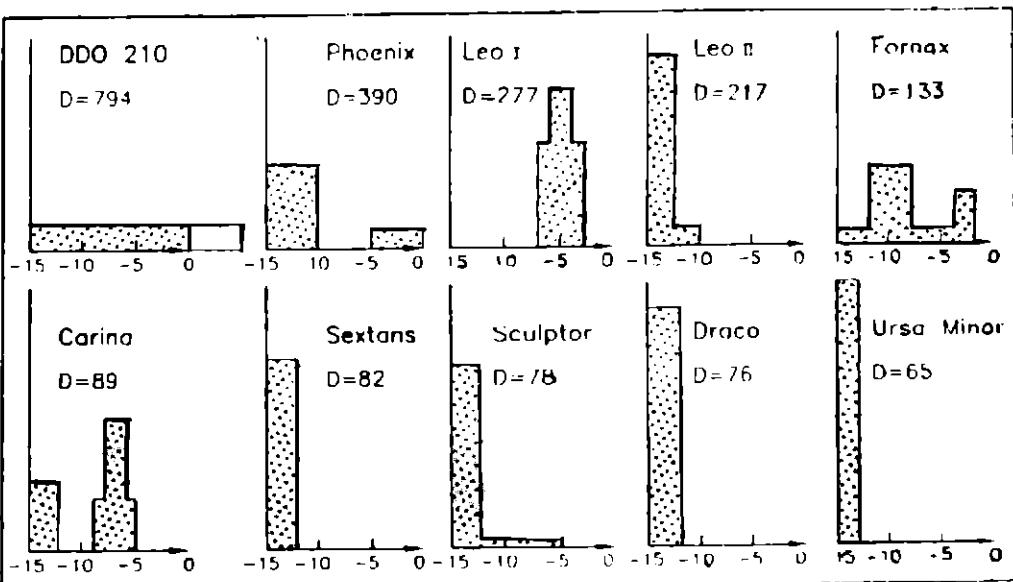
Ar katru gadu palielinās apzināto Lokālās sistēmas galaktiku skaits. Tā 1992. gadā Kanādas astronoms S. van den Bergs (Sidney van den Bergh) sastādīja Lokālās sistēmas locekļu sarakstu, kas aptvēra 27 galaktikas, bet jau 1994. gadā viņš sarakstam pievienoja vēl divas galaktikas. Sarakstu ievada milzu spirāliskās galaktikas — M31 jeb Andromēdas miglājs un mūsu Galaktika jeb Piena Ceļš. To patiesais spožums vizuālajos staros attiecigi ir $-21,1$ un $-20,6$ zvaigžņlielumi. Sarakstu turpina vēl 10 spožas spirāliskas, eliptiskas un neregulāras galaktikas. Telpā tās veido divas apakšgrupas ap M31 un ap Galaktiku. Sarakstu noslēdz slēriskas (to ir visvairāk), neregulāras un starptīpienīs pundurgalaktikas. To patiesais spožums ir tikai no -13 līdz -8 zvaigžņlielumiem ($1500—150\,000$ reižu vājāks nekā galaktikai M31).

Astotās pundurgalaktikas ir tizikāli saistītas mūsu Galaktikas pavadones. Tas nozīmē, ka šīs pundurgalaktikas rīnko ap mūsu Galaktiku. Galaktikai M31 ir trīs pavadones. Pundurgalaktikas ir nosauktas to zvaigznāju vārdā, kuru virzienā tās ir redzamas, piemēram, Draco, Carina, Ursa Minor. Ja kāda zvaigznāja virzienā redzamas vairākas pundurgalaktikas, tad to nosaukumu papildina ar romiešu ciparu, piemēram, Leo I., Leo II. Pundurgalaktikas telpā, protams, atrodas tālu, tālu aiz attiecīgā zvaigznāja zvaigznēm.

Domājams, ka gan patiesi spožās, milzīgās, gan vājās, sīkās Lokālās sistēmas galaktikas ir radušās no dažāda blīvuma un izmēra pirmsgalaktiku vielas sabiezinājumiem. Mazie sablīvējumi ir grupējušies ap lielajiem sablīvējumiem un laika gaitā attīstījušies par tāgad novērojamām pundurgalaktikām.

Jau 1974. gadā igauņu astronoms J. Einasto ar kolēģiem izteica domu, ka Lokālās sistēmas un tai radniecīgu sistēmu pundurgalaktikās novērojamas atšķirīga vecuma zvaigžņu populācijas, turklāt pastāv sakarība starp pundurgalaktiku attālumu no patiesi spožājām galaktikām un pundurgalaktiku zvaigžņu populāciju vecumu. Kā zināms, zvaigznes galaktikās rodas nevis nepārraukti, bet gan atsevišķos samērā īsos laikposmos — tā sauīcamajos zvaigžņu rašanās uzliesmojumos. Katrs uzliesmojums rada jaunu zvaigžņu populāciju.

1994. gada janvārī Cīlē īpaši Lokālajai sistēmai veltītā konferencē S. van den Bergs uzskatāmi pierādīja J. Einasto domas patiesīgumu attiecībā uz Lokālās sistēmas pundur-



Pundurgalaktikas, kas atrodas dažādā attālumā D (kpc) no mūsu Galaktikas, satur dažāda vecuma zvaigžņu populācijas. Vecums (miljardos gadu) atlikts uz horizontālajām asim.

galaktikām. Attēlā (sk. att.) redzams, ka mūsu Galaktikai vistuvākajās stēriskās pundurgalaktikās — Ursa Minor, Draco, Sculptor, Sextans — ir tikai vecas populācijas zvaigznes. Tālāk esošajās pundurgalaktikās Fornax un Leo I sastopamas vidēja vecuma vai jaunas populācijas zvaigznes.

Likumībai it kā neatbilst pundurgalaktiku Carina un Leo II vecās zvaigžņu populācijas. Sai atkāpei tomēr ir vienkāršs izskaidrojums. Pundurgalaktikas — mūsu Galaktikas pavadones riņķo ap to pa izstieptām orbitām. Tāpēc to pašreizējie attālumi no Galaktikas var neatbilst attālumiem, kuros tās veidojušās un attīstījušās. S. van den Bergs norāda, ka arī tajās trīs pundurgalaktikās, kas atrodas cieši pie M31, novērojamas tikai par visam vecas populācijas zvaigznes. Lielos attālumos no Galaktikas un M31 atrodas ne-regulāras vai starptipu pundurgalaktikas. Tajās zvaigžņu veidošanās uzliesmojums sācies tikai nesen. Gan S. van den Bergs, gan arī citi pētnieki uzskata, ka visas Lokālajā sistēmā ietilpst ošas pundurgalaktikas pēc savas

būtības ir vienveidīgi objekti, kas pašlaik atrodas dažādās attīstības fāzēs.

S. van den Bergs mēģina izskaidrot, kāpēc dažādos attālumos esošās pundurgalaktikas nav attīstījušās vienādi. Vispirms to attīstību varēja ieteikmēt veidošanās apstākļi. Ap mūsu Galaktiku un M31 esošais plašais gāzes vains varēja būt daudz blīvāks laikā, pirms izveidojās šo galaktiku vecākie objekti — lodveida kopas —, vai arī pirms stēriskā vairnaga gāze koncentrējās abu galaktiku plakanajos diskos. Tieši šajā laikposmā abu lielo galaktiku tuvumā varēja rasties ar gāzi bagātas pundurgalaktikas, kurās tūlīt iesākās zvaigžņu veidošanās process. Vēlāk, kad Galaktikas un M31 jaunās zilās zvaigznes deva intensīvu ultravioleto starojumu vai sāka uzliesmot supernovas, radot spēcīgu zvaigžņu vēju, šie abi spēki varēja aiznest gāzi no tuvākajām pundurgalaktikām un apturēt tur zvaigžņu veidošanos. Tāmēr tālākajās pundurgalaktikās zvaigžņu veidošanās turpinājās vai bija tikko iesākusies.

Noslēgumā pieminēsim vēl vienu pundur-

galaktiku īpatnību. Nav nevienas pundurga-laktikas, kas kādai no lielajām galaktikām atrastos tuvāk par 65 kpc, lai gan aiz šīs robežas tuvāko galaktiku ir vairāk nekā tā-lāko. Tas norāda, ka vistuvākajās pundurga-laktikās, ja tādas vispār ir bijušas, gāze ne-zināmā veidā ir «nolaupīta» un zvaigznes ne-maz nav sākušas veidoties. Varēja būt arī ci-

tādi: lielās galaktikas radītie paisuma un bē-guma spēki iznīcināja tuvākās mazās pundur-galaktikas. Abos gadījumos pundurgalaktiku viela saplūda ar Galaktikas vai M31 tumšo halo.

Z. Alksne

PAPILDINĀS ĽOTI TĀLO KVAZĀRU SARAKSTS

Kvazāri kā vistālāk redzamie Metagalakti-kas objekti astronomiem ir interesanti galve-nokārt no diviem aspektiem.

Pirkārt, protams, tie ir interesanti kā ļoti spoži un tātad milzīgus starojuma daudzumus generējoši kosmiskās materijas veidojumi. Tas izvirza tūri fizikālās problēmas, kas saistītas ar kvazāru dabas un enerģijas generēšanas mehānismu izskaidrošanu. Intensīvie pētījumi, kas šajos jantājumos veikti pēdējos gadu des-mitos, ir vainagojušies ar vērā nemamiem rezultātiem. Tie devuši iespēju vismaz pamat-vilcienos izprast kvazāru tenomenu, skaidro-jot to kā pārsvarā jaunu galaktiku kodolu ļoti aktīvu dzīves posmu. Aktivitātes cēlonis ir starpzvaigžņu vielas un pat zvaigžņu pa-stiprināta akrēcija uz melnajiem caurumiem, kas izveidojušies kvazāru kodolos. Taču jā-uzsver, ka kvazāru problēmu par atrisinātu var uzskatīt tikai pamatvilcienos. Līdz de-talizētai to dabas un starojuma mehanisma iz-pratnei vēl ir jāatbild uz ļoti daudziem ne-skaidriem un sarežģīliem jautājumiem.

Otrākā, kvazāri ir interesanti no kosmolo-gisko pētījumu viedokļa, jo, būdami ļoti spoži objekti, tie dod iespēju ielūkoties ļoti tālos un līdz ar to arī agrinās attīstības stadijās esošos Metagalaktikas apgabalos. Tas paver iespējas pētīt un precizēt Metagalaktikas ag-riņās attīstības stadijas, t. i., tieši tās, par kurām visvairāk trūkst objektīvā faktu mate-riāla, kas dotu iespēju stipri samazināt visai lielo iespējamo teorētisko modeļu kopumu un tuvoties arvien adekvātākai apkārtējās kosmis-kās pasaules izpratnei.

Tieši no šā, kosmoloģiskā, redzes viedokļa

ļoti tālu kvazāru meklējumi un atradumi iegūst īpašu nozīmi un vērtību, jo, kā viegli saprast, kvazāru fizikālās dabas noskaidro-šanai ne tikai noder, bet arī ir vieglāk pē-tāmi (visglāk iegūstami novērojumu dati) tu-vākie kvazāri. Tiesa gan, tuvo un tālo kva-zāru iespējamā identitāte ir spēkā tikai ar no-teikumu, ka evolucionārie elekti nespēlē pārāk lielu lomu, t. i., ka tuvāko un vecāko kva-zāru fizikālā daba neatšķiras vai vismaz ļoti maz atšķiras no tālāko un jaunāko kvazāru dabas.

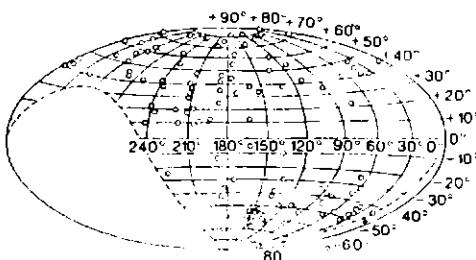
Attīstoties astronomisko novērojumu tehn-iķai, iespējas šajā ziņā ir krietni pieaugušas. Ja vēl nesen par astronomiskām sensācijām tika uzskatīti kvazāru atklājumi ar sarkanam nobidēm $z \approx 2^*$ un pat tika diskutēts, vai vis-

* Sarkanās nobides jeb z vērtība kosmisko objektu spektros tiek definēta ar šādu izteik-smi: $z = (\lambda - \lambda_0)/\lambda_0$, kur λ_0 ir kaut kādas spek-trālinijas viļņa garums, kas izmērts labo-ratorijas apstākļos uz Zemes, bet λ — šīs pašas spektrālinijas garums kosmiskā ob-jekta spektrā. Tāliem un ļoti tāliem kosmiskiem objektiem (galaktikām, kvazāriem u. c.), Lielā Sprādzienu rezultātā attālinoties no Ze-mes, Doplera efekta dēļ $\lambda > \lambda_0$, t. i., viļņu ga-rumi šo objektu spektros vienmēr ir nobidīti uz spektra sarkanu galu, un tādēļ arī ir ra-dies apzīmējums «sarkanā nobide». Nobide z faktiski raksturo ātrumu v , ar kādu objekts attālinās (vai tuvojas) novērotājam uz Ze-mes, jo, kā viegli pārliecībāties, $z = \Delta\lambda/\lambda_0 \approx -v/c$, kur c ir gaismas izplatīšanās ātrums. Ja v sāk tuvoties c , tad iepriekšējās izteiksmes vietā ir jālieto precīza, proti: $z = [1 + (v/c)] / [1 - (v/c)^2]^{1/2} - 1$. Šādu z izteiksmi dod aprē-ķini, kas balstīti uz relativitātes teoriju.

pār ir iespējama kvazāru pastāvēšana ar $z > 2$, tad tagad šo robežu ir izdevies pārsniegt vismaz divas reizes, izmantojot pētījumos jaunākās paaudzes teleskopus, spektrometrus, jaunas tehnoloģijas gaismas uztveršanas jomā, t. i., lādiņsaites matricas ar 1024^2 un vēl vairāk elementiem. Pēdējos gados vairāku pētnieku grupu sekmīga darba rezultātā ir atrasti jau vairāk nekā 40 kvazāri ar $z > 4$. Sevišķi veiksmīga šajā ziņā ir bijusi angļu astronomu grupa: M. Irvins, R. Makmahons un C. Hazards (M. Irwin, R. McMahon, C. Hazard), kas veikusi daudzkrāsu fotometriskus meklējumus, izmantojot ar Apvie-notās karatistes Šmita teleskopu iecūtas plātes, un atklājusi vairāk nekā 20 šādu objektu. Var atzīmēt, ka kopējais kvazāru skaits, kuriem ir izmērītas sarkanās nobīdes z , jau tuvojas 2000. Kvazāru izvietojums pie debess sfēras ir ļoti vienmērīgs (sk. 1. att.).

Ļoti tālu kosmisko objektu galveno spek-trāliniju meklējumi (piemēram, ūdeigrādim kā visizplatītākajam elementam — Laiunena sērijas līnijas, pēc kurām visertāk izdarit šo līniju identificēšanu) spektrāliniju lielu nobīžu dēļ ir jāveic spektra sarkanajā un pat infrasarkanajā daļā. Tas rada papildu grūtības šādu tālu objektu novērošanā un pēlišanā. Bieži vien spektra redzamajā daļā, piemēram, B jeb zīlajā joslā, tie vispār nav redzami. Tāds, piemēram, ir Dž. Šmita (J. Smith, Palomara kalna observatorija, ASV) grupas nesen atklātais kvazārs QSO 0111—2838, kam $z = 4,042 \pm 0,005$, bet tā spožums B joslā ir vēr-tejams kā mazāks par $23^m,5$, kas bija šajos novērojumos lietotā instrumenta un aparatu-ras jutības robeža. Sarkanā spektra daļā — R joslā — tā spožums ir ap $19,75$ (sk. 2. att.).

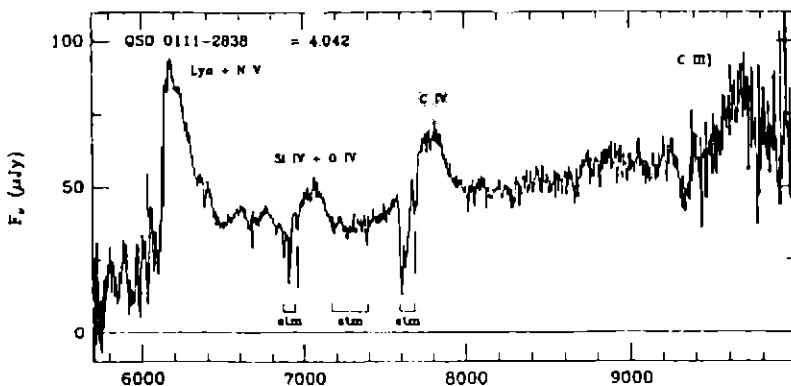
Viens no visspožākajiem pašlaik zināmajiem kvazāriem ir kvazārs ar apzīmējumu BRI 2235—03, kura bolometriskais, t. i., pil-nais vai pa visu zvaigznes spektru sasum-mētais spožums jeb izstārošanais spēja (jauda) ir 10^{49} ergi/ $s = 2,6 \cdot 10^{15} L_{\odot}$ (kur L_{\odot} ir Saules bolometriskais spožums). Tātad BRI 2235—03 ir 2,6 tūkstoši triljonu reižu spožaks par Sauli. Šim kvazāram $z = 4,24 \pm 0,02$, un R joslā tā spožums ir $18,6 \pm 0,2$ (sk. 3. att.). Arī tas B joslā nav redzams, ja novērojumos izman-



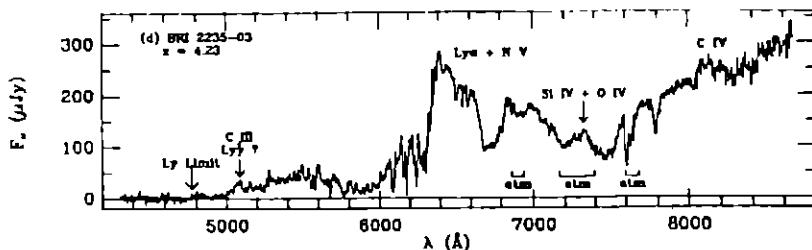
1. att. Kvazāru sadalījums debess sfēras ziemeļu puslodē. Tas ir ļoti vienmērīgs. Kvazāru trūkums attēla vidusdaļā ir saistīts ar kvazāru starojuma absorbciju Pienā Ceļa joslā, kas šajā koordinātu sistēmā ir ori-en-tēta tieši pār ekvatoru. Tukšais apgabals, kas izņemts ar pārraktu līniju, ir debess sfēras rajons, kas nav pieejams novērojumiem no Zemes ziemeļu puslodes

loto instrumentu un aparātūras jutīguma ro-beža šajā joslā ir līdz $20^m,5$, jo tā novērtē-tais spožums B joslā ir ap $21^m,5$.

Jauņatklātie kvazāri ar $z > 4$ no kosmolo-gisko pētījumu viedokļa rāda, ka kosmiskās matērijas koncentrācija galaktiskās struktūrās notiek ļoti agrīnās attīstības stadijās. Tā, pie-mēram, ja Habla konstantes vērlību pie-ņemam $75 \text{ km}/(\text{s} \cdot \text{Mpc})$, kas nozīmē, ka Lielais Sprādziens noticis (Metagalaktikas izplešanās sākusies) pirms 13 miljardiem gadu, tad $z \approx 4$ vai $v \approx 0,9 c$, un tās norāda, ka kvazāri un tātad arī galaktisku izmēru struktūras ag-rīnajā Metagalaktikā ir izveidojušās un pa-slāvējušas jau ap 1 miljardu gadu pēc pa-šreiz novērojamās Metagalaktikas izplešanās sākuma. Tas ir visai īss laikspridis un rada lielas grūtības agrīnā Metagalaktikas attīsti-bas perioda sākumnosacījumu izskaidrošanai pa-šreiz izvirzīto un izstrādāto Visuma evolū-cijas kosmoloģisko modeļu ietvaros. Šādā ga-dījumā ir jābūt stiprām kosmiskās matērijas blīvuma sākumfluktuācijām, jo tikai liela matērijas sākumblīvuma gadījumā varēja pietie-kamai isā laikā — 1 miljardā gadu — izvei-doties aktīvas galaktikas — kvazāri. Bet kos-miskā reliktā starojuma ītona temperatūras fluktuāciju mērījumi, kā rāda nesenais COBE



2.att. Kvazāra QSO 0111—2838 starojuma spektrs. Identificēta spēcīgā ūdeņraža Laimena sērijas alfa līnija, četrkārt jonizēta slāpekļa, trīskārt jonizēta skābekļa, trīskārt un divkārt jonizēta oglekļa līnijas. Attēla lejāsajā atzīmēti Zemes atmosfēras absorbēcijas rajoni. Laimena sērijas alfa līnija, kas veidojas, elektronam pārejot no otrā enerģētiskā līmeņa (galvenais kvantu skaitlis $n=2$) uz pamatlīmeni ($n=1$), un kuras viļņa garums laboratorijas apstāklos ir 1216 Å, sarkanās nobides dēļ kvazāra QSO 0111—2838 spektrā ir redzama pie viļņa garumiem, kas lielāki par 6000 Å. Uz ordinātu ass attlikta starojuma intensitāte, kas mērīta mikrojanskos (1 janskis = 10^{-26} W/(m²·Hz))



3.att. Kvazāra BRI 2235—03 starojuma spektrs (apzīmējumi tādi paši kā 2.att.). 5000 Å rajonā redzama tā sauktā Laimena sērijas robeža un, šķiet, arī (tādēļ apzīmēta ar jautājuma zīmi) Laimena sērijas gamma līnija, kas veidojas elektrona pārejā no ceturtā enerģētiskā līmeņa ($n=4$) uz pirmo ($n=1$). Laimena sērijas gamma līnijas viļņa garums laboratorijas apstāklos ir 973 Å

eksperiments,* liecina, ka šādas blīvuma fluktuācijas agrīnajā Visumā ir stipri niecīgas.

Novērojumi liecina, ka kvazāri ar $z>4$ nav nekāds retums, resp., $z=4$ nav nekāda dabas noteikta robeža. Jau tiek plānoti novērojumi

ar nolūku atklāt kvazārus ar $z>7$. Šādu objektu sekmīga atklāšana situāciju ar kosmiskās materijas blīvuma sākumfluktuāciju lielumu sarežģīts vēl vairāk, t. i., radis lielas teorētiska rakstura grūības gan kvazāru rašanās, gan arī Metagalaktikas evolūcijas sākumperiode fiziķalo apstākļu izskaidrošanai.

* Sk.: *Balklavs A. Signāli no sākotnes. Epohāls atklājums // Zvaigžņotā Debess. — 1993. gada pavasarīs. — 16.—21. lpp.*

NEPARASTA PĀRNOVA TUVĀ GALAKTIKĀ

Veicot jonizētā ūdegrāža apgabalu pētījumus tuvās galaktikās 1990. gadā, S. Riders (S. Ryder) un M. Dopita (M. Dopita) spirāliskās galaktikas NGC 1313 ārējā daļā atklāja neparastu objektu. Tas sakotnēji tika identificēts ka parasta nova. Pēc tam veica objekta radionovērojumus un konstataja, ka tas ir ļoti liels. Atklāja arī rentgenstarojumu, kas parasti novam nav raksturigi. Tas viss liek secināt, ka pirms apmēram 15 gadiem ir bijis nepamanīts neparasti blīvā miglājā iekļautas pārnovas uzliesmojums. Šai pārnovai dots apzīmējums SN 1978 K (tas nozīmē: SN — pārnova, 1978 — atklāšanas gads, K — pēc alfabetā burtu seības tā ir devītā dotajā gadā atklātā pārnova).

Lielākā daļa pārnovu uzliesmojumu tiek klasificēti pēc diviem tipiem: tips I (ja spektros nav redzamas ūdegrāža linijas) un tips II (atkarībā no spožuma maiņas liknes). Pēdējā laikā atklātas dažas neparastas pārnovas, piemēram, SN 1961 V spirāliskajā Sc tipa galaktikā NGC 1058, kur pirms uzliesmojuma zvaigzne bija zila maiņzvaigzne ar ļoti līclu spožumu ($M_B = -12$), ko sauc arī par Habla—Sandidža objektu un kas ir līdzīga zvaigznei η Carina mūsu Galaktikā vai Zelta zivij S (S Doradus) Lielajā Magelānā mākonī.* Vēl divas līdzīga tipa pārnovas SN 1981 K un SN 1986 J vispirms tika atklātas radiodiapazonā un pēc tam optiskajā spektra rajonā. Sīs pārnovas tagad tiek klasificētas ka V tipa pārnovas.

Pēc objekta identificēšanas par pārnovu SN 1978 K rodas jautājums, kāpēc tas netika pamānīts jau 1978. gadā, īpaši tāpēc, ka tuvo galaktiku pētījumi ar mērķi atklāt novas un pārnovas notiek regulāri. (Galaktikas NGC 1313 attālums ir 4,5 miljoni gaismas gadu; tātad reālais uzliesmojums noticis daudz agrāk par cilvēka pirmatnējo senču rašanos.)

* Sk. arī J. J. Straumes rakstu «Kuģa Kīla Eta — vai nākamā pārnova?» 14. lpp.

Zvaigzne atrodas dienvidu puslodē ar koordinātām $\alpha = 3^h 17^m 38^s.6$ un $\delta = -66^\circ 33'$. Tikla (Reticulum) zvaigznājā. Uzliesmojuma maksimums varēja būt 1978. gada vasarā, kad apgabals nakts lielāko daļu bija ļoti zemu zem pola. Pārnova SN 1978 K atrodas ārpus galaktikas spirāļu zariem un kļūdas dēļ varēja tikt uzskaitīta par lauku zvaigzni. Izpētot dažādu observatoriju arhīvu uzņēmuimus, pārnova un pirmsuzliesmojuma zvaigzne tika identificēta uz vairākiem no tiem. Tomēr ir grūti noteikt, cik spoža tā ir bijusi maksimumā, jo no dažiem punktiem nevar rekonstruēt spožuma maiņas līkni. Ja tai ir bijusi plato tipa spožuma maiņas līkne, tad tās absolūtais lielums maksimumā varēja būt $M_B = -14$, līdzīgi kā labi pazīstamajai pārnovai SN 1987 A Lielajā Magelānā mākonī. Bet, ja tai ir bijusi līneārā spožuma maiņas līkne, tad tās spožums maksimumā varēja būt $M_B = -15.5$. No fotometriskajiem novērojumiem var secināt to, ka pirms un pēc uzliesmojuma spožumi bija apmēram vienādi. Tās spožums zilajos staros 1974. gadā bija $22^m.1$ un attiecīgi $21^m.6$ pēc uzliesmojuma 1987. gadā. Bez optiskajiem arhīvi uzņēmuimiem galaktikas NGC 1313 apgabals 1980. gadā (pusotra gada pēc uzliesmojuma) tika novērots arī rentgenadiapazonā ar Einšteina X-staru pavadoni. No jauna izskatot šos datus, atklāja divus X-staru avotus: vienu, spožāko, — blakus galaktikas centram un otru, mazāk spožu, — uz dienvidiem no galaktikas centra. Pēdējais kļūdu robežas atbilst SN 1978 K atlašanās vietai. Galaktiku 1983. gadā novēroja arī ar infrasarkanā starojuma teleskopu pavadonī *IRAS*, bet pārnova nav identificēta.

Pirmos optiskos spektrus ieguva 1990. gada janvārī ar Austrālijas 2,3 metru teleskopu spektra diapazonā no 3400 Å līdz 8100 Å. Identificētas skābekļa un slāpekļa, kā arī jo-nizētā skābekļa un slāpekļa aizliegtās emisi-

jas līnijas, kas ir raksturīgas planetārajiem miglājiem, kā arī pārnovu nomestajiem apvalkiem, kad tie ir, kļuvuši pietiekami retināti (tā saucamā nebulārā stadija). Bez šim skābekļa un slāpekļa līnijām identificētas ūdeņraža Balmera sērijas līnijas, kas norāda uz to, ka zvaigzne ir bijusi bagāta ar ūdeņradi, tāpēc ir uzskatāma par jaunu.

Novērojumi radiodiapazonā rāda, ka SN 1978 K ir viena no visspožākajām radiopārnovām, turklāt radiostarojums ir netermiskas dabas. Pašreizējā radiostarojuma jauda ($1,6 \cdot 10^{20}$ vatū uz hercu pie 4,8 gigaherciem) ir apmēram 220 reižu lielāka nekā labi pazīstamajam radiostarojuma avotam Kasiopeja A. Radiostarojuma jauda novām un Habla—Sandīža maiņzvaigznēm ir par 7 kārtām mazāks. Radiostarojuma avota rādiuss ir mazāks par vienu parseku.

Spektros atklātās skābekļa un slāpekļa aizliegtās rekombināciju līnijas liecina, ka zvaigzni aptver apvalks jeb miglājs, kurš izplešas. No šo līniju intensitāšu attiecībām var uzzināt elektronu blīvumu un elektronu temperatūru un aprēķināt jonizētās gāzes apjomu, kā arī objekta lineāros izmērus. Tie izrādās visai nelieli — rādiuss tikai 0,006 parseki. No ūdeņraža Balmera sērijas līniju kontūru aprēķiniem var noteikt izplešanās ātrumu, un tas arī ir visai neliels — apmēram 400 km/s; parasti pārnovu apvalku izplešanās ātrums ir mērāms tūkstošos kilometru sekundē. Tas varētu norādīt uz to, ka no pirmsuzliesmojuma zvaigznes ir notikusi ļoti spēcīga vielas izplūšana un, tā kā tā ir bijusi ļoti karsta, visa gāze ultravioletā starojuma ielekmē ir jonizēta. Ja apvalks ir jonizēts Habla—Sandīža tipa zvaigznes starojuma ieteikmē, tad var aprēķināt šādas zvaigznes starjaudu un masu. Tā kā zvaigznes spektrā ir konstatētas vājas jonizētā hēlija emisijas līnijas, tad centrālās zvaigznes efektīvā temperatūra varētu būt 80 000—120 000 K; no tā izriet, ka zvaigznes masa $M > 215 M_{\odot}$. Tas

šķiet mazticami, jo zvaigznes ar tik lielu masu nevar būt stabilas. Miglāju var jonizēt arī rentgenstarojuma avots vai no centrālās zvaigznes iznākušie disipējošie triecienviļņi. Triecienviļņu modelēšanā noskaidrots, ka to izplatīšanās ar ātrumu 200 km/s labi izskaidro miglāja izplešanās ātruma dispersiju, bet neizskaidro skābekļa un jonizētā slāpekļa aizliegto līniju intensitātes. Novēroto līniju intensitāšu attiecība dod pretrunīgus rezultālus skābekļa līniju $\lambda_{5577}/\lambda_{6584}$ intensitāšu attiecība dod augstu elektronu blīvumu, bet jonizētā slāpekļa līniju $\lambda_{5755}/\lambda_{6584}$ intensitāšu attiecība dod daudz zemāku elektronu blīvumu. Iespējams, ka pastāv sistemātiska kļūda, ka pilnībā nav izslēgta nakts debess spīdēšana skābekļa līnijās. Pastāv varbūlība, ka skābeklim ir viens ierosmes mehānisms optiskais starojums, bet jonizētā slāpekļa aizliegtajām rekombinācijas līnijām ierosmes mehānisms ir rentgenstarojums, un tas rodas miglājā citā vietā ar mazāku elektronu blīvumu. Iztirzāts arī modelis, pēc kura ap masīvu centralo zvaigzni ar masu $M = 80 M_{\odot}$ pastāv ekvatoriāls diskveida apvalks ar $150 M_{\odot}$ lielu masu. Nav izslēgts, ka kādreiz ir bijusi cieša dubultzvaigzne un viena no tām sabrukdamā izveidojusi šo disku.

Noslēgumā jāpiemin, ka SN 1978 K ir tālākiem pētījumiem ļoti izdevīga pekulāra pārnova. Tā ir relatīvi tuva, tās virzienā ir ļoti maza starpzaigžņu absorbcija un tuvumā nav citu līdzīgu starojuma avotu. Bez tam pārnovu evolūcija 10—20 gadu laikā pēc uzliesmojuma ir mazpēlīta. Arī laktis, ka pārnovas uzliesmojuma moments nelika fiksēts, norāda uz to, ka līdzīgi gadījumi var būt bijuši arī citās galaktikās un supernovu uzliesmojumu biežums var būt lielāks, nekā pašreiz tiek uzskatīts.**

** Sk.: Alksne Z., Alksnis A. Cik bieži uzliesmo pārnovas // Zvaigžnotā Debess. — 1994. gada vasara. — 9.—12. lpp.

J. I. Straume

KUGA KĪLA ETA – VAI NĀKAMĀ PĀRNOVA?

Sis neparastais debess objekts ir miglāju, putekļu, zvaigžņu kopu un spožu zvaigžņu komplekss Piena Ceļa dienviddaļā. Ar angļu Smita teleskopu uzņemtajā attēlā (sk. krāsu ielikumu) sarkanā krāsā ir jonizētā ūdeqraža apgabali; vienlaikus redzami tumši putekļu apgabali (burta Y veidā), novērojamas arī zaļas jonizētā skābekļa aizliegtās rekombinācijas līnijas, kas ir tipiskas planetārajiem miglājiem. Kompleksa centrālā ir pazīstama valējā zvaigžņu kopa Trumpler 14 un grupa karstu 0 klasses zvaigžņu. Attālums līdz zvaigznei η Car ir tikai 6800 gaismas gadu. Detalizētākos uzņēmumos ir redzams, ka η Car nav zvaigžņveida, bet ir miglājveida objekts, kas pēc izskata atgādina mazu, resnu cilvēciņu, tāpēc tā nosauktā par Homunkulu. Šo miglāju jau 1840. gadā uzzīmēja lievērojamais angļu astronoms sers Viljams Heršels, un tad tam bija daudz izteiktāka forma. Tagad tas ir kļuvis izplūdušāks un spožums arī ir samazinājies. Pašas zvaigžnes spožums pirmo reizi tika noteikts 1677. gadā, un tad tā bija ceturtā lieluma zvaigzne, septītā spožākā zvaigzne Kuģa Kīla zvaigznājā. Vēlākie pētījumi parādija, ka tā ir maiņzvaigzne ar spožuma maiņu no otrā līdz ceturtajam lielumam. Laikā, kad V. Heršels zīmēja miglāju, tā jau bija pirmā lieluma zvaigzne, 1843. gadā tā kļuva par otru spožāko re-

dzamo zvaigzni pēc Sīriusa, ar zvaigžņu lielumu — I, pēc tam tā pamazām samazināja spožumu līdz 8. līclumam. Mūsdienās tās spožums ir 6^m.2. Zvaigzni aptverošā Homunkula miglāja pašreizējie redzamie izmēri ir 18×8 loka sekundes, un tas izplešas ar ātrumu 500 km/s. Tomēr zvaigznes spožuma samazināšanās ir tikai šķietama. Sešdesmito gadu beigās G. Negebauers (Gerry Neugebauer) un J. Vestfāls (J. Westphal) atklāja, ka infrasarkanajā spektra diapazonā η Car ir debess spožākā zvaigzne. Saskaitot visu izstaroto enerģiju, zvaigzne ir tikpat spoža kā 1843. gadā. Optiskais starojums, kas bija redzams 1843. g., tiek absorbēts jaunajā miglājā un pārstarots infrasarkanajā daļā. Pēc izstarotās enerģijas η Car ir neparasti masīva zvaigzne. No zvaigžņu evolūcijas teorijas ir zināms, ka zvaigžnes ar masu, kas līclāka par 100 Saules masām, nevar veidoties un būt stacionāras. Iespējams, ka šis spožuma uzliesmojums (nav izslēgts, ka senāk ir bijusi arī citi uzliesmojumi) ir zvaigžnes mēģinājums nomest vienu vai vairākus apvalkus un kļūt stabilai. Ja tas neizdosies, tad ir sagaidāms viens no grandiozākajiem, Saulei ļoti tuvajiem pārnovas uzliesmojumiem.

J. I. Straume

KOMĒTU NOVĒROJUMI PĒC «ULYSSES» PROGRAMMAS

1990. gada rudenī startējušā kosmiskā aparāta «Ulysses» zinātniskais uzdevums ir pētīt telpu (heliosfēru) virs Saules polu apgabaliem. Par komētu novērošanas plānu «Ulysses» programmas ietvaros jau rakstījām.* Ta-

gad varam informēt par šā plāna izpildes pirmā gada rezultātiem.

Vispirms par novērojumiem ar Baldones Smita teleskopu. Jāpicimē, ka mūsu observatorijas ģeogrāfiskā stāvokļa (platuma) dēļ 1993.—1994. gadā nebija iespējams novērot tās komētas, kas atradās tanī pašā Saules vēja pusē, kurā kosmiskais aparāts «Ulysses». Līdz šim varējām novērot tikai tās komētas,

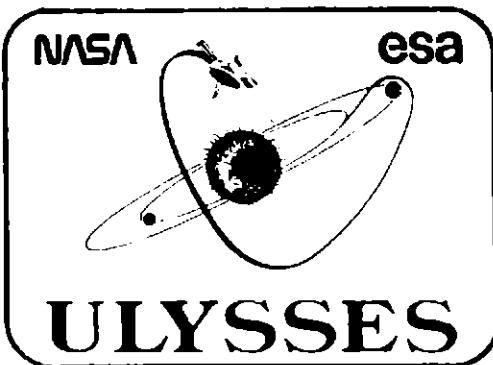
* Sk.: Alksnis A. Piedalīsimies «Ulysses» programmā // Zvaigžņotā Debess. — 1993. gada vasara. — 61., 62. lpp.

kuru pētījumiem programmā sekundāra nozīme.

1993. g. 16./17. novembrī un 6./7. decembri mēģinājām nosotografiēt periodisko Enkes (Encke) komētu saskaņā ar elemērīdas datiem, kas ievietoti «Ulysses» komētu patruļas bijelēnā nr. 3. Tomēr šīs komētas attēlu uz 10—20 minūšu ilgi eksponētām ORWO firmas astronomiskām fotoplatēm saskatīt neizdevās. Jāsecina, ka komēta bijusi vājāka, nekā parredzēts.

Naktis no 1994. g. 4./5. aprīļa līdz 5./6. maijam Baldonē desmit reižu ir fotografēta Maknota—Rasela (McNaught—Russell) komēta (1993v). Tā ir labi saskatāma uz visiem uzņēmumiem, bet nav manāmas komētas astes pazīmes, kas liecinātu par komētas aktivitāti.

Kā ziņots minētā bijetena 5. numurā, interesi par piedalīšanos «Ulysses» komētu patruļas novērojumos izleikuši vairāk nekā 200 individuālie novērolāji un organizācijas. Visu 1994. gadu kosmiskais kugis «Ulysses» attiecībā pret Sauli atradās virs tās dienvidu platuma grādiem maksimālo heliogrāfisko dienvidu platumu — vairāk nekā 80 grādu — sasniedza 1994. gada septembrī. Tāpēc šajā laikā galvenie programmas objekti bija mums nepieejamās dienvidu puslodes komētas Millera (Mueller) komēta (1993p) un periodiskā Tutla (Tuttle) komēta. Millera komētu 1994. g. aprīlī un maijā ar Eiropas Dienvidu



«Ulysses» programmas emblēma

observatorijas Smita teleskopu Lasijā (Cile) 20 reižu nosotografējuši G. Pizarro un Dž. Brants. Līdzīgu komētas uzņēmumu skaitu ieguvis arī V. Lillers Laskampanas (Las Campanas) observatorijā (arī Cilē).

«Ulysses» programmas zinātniskās darba grupas sanāksmē 1994. g. aprīlī Fridrihshāfenā (Vācijā) atzīts, ka kosmiskais aparāts atrodas labā tehniskā stāvoklī un ir cerības, ka tas varēs veikt vēl vienu apriņķojumu.

Saules ziemeļu platuma grādos «Ulysses» nonāks tikai 1995. g. pavasarī. Tad galvenā nozīme būs ziemeļu puslodes komētu novērojumiem.

A. Alksnis

JAUNUMI ISUMĀ ● JAUNUMI ISUMĀ ● JAUNUMI ISUMĀ ● JAUNUMI ISUMĀ

Magellan virs normas nostrādātais laiks tika izmantots augstas izšķirtspējas Venēras kartes izveidei. 1994. gada septembra sākumā tas uzsāka «vējdzirnavu» projektu, kas ievāca papildu datus par atmosfēras struktūru. Pats aparāts eksperimenta laikā griežas ap savu asi. Oktobra sākumā tika samazināts tā augstums un 14. oktobrī tas ietriecās Venēras virsmā. Eksperti vērlē, ka vairāk nekā 4 gadu ilgie pētījumi ir devuši vairāk nekā cerēts.

TAUTAS GARAMANTAS

SAULES RITE LATVIJAS NOVADU DAINĀS

«Saules dainu» izlase (*Vīķe-Freiberga V., Freibergs I. Saules dainas.* — Riga, 1988. — 267 lpp.) rosinā vienkopus savākto bagāto materiālu aplūkot arī astronomiskā aspektā. Katrai dainai ir uzrādīta tās pierakstīšanas vieta — aprīņķis un pagasts pēc Latvijas administratīvā iedalījuma brivvalsts laikā. Tolaik Kurzeme aptvēra Aizputes, Kuldīgas, Liepājas, Talsu un Ventspils aprīņķi, Zemgale — Bauskas, Ilūkstes, Jēkabpils, Jelgavas un Tukuma aprīņķi, Vidzeme — Cēsu, Madonas, Rīgas, Valkas un Valmieras aprīņķi, Latgale — Abrenes, Daugavpils, Ludzas un Rēzeknes aprīņķi.

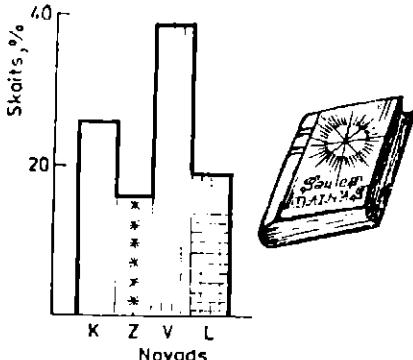
Tas, ka «Saules dainās» dota pierakstīšanas vieta, mudināja šim apskatam izvēlēties cilvēku dzīvē svarigu un neapšaubāmi dainu sacerētājus rosinošu jomu — Saules gaitu cauri rītam, dienai, vakaram un naktij un noskaidrot, kā šie astronomiskie laikposmi attēloti dainās un vai attēlojums visu Latvijas novadu dainās ir vienāds vai tieši ot-rādi atkarīgs no dainu izceļsmes vietas (dainu pierakstīšanas vietas).

Geogrāfisks stāvoklis dainas saturu varēja ietekmēt vismaz divējādi. Pirmkārt, dažādās vietās Saules novērojumus un līdz ar to atspoguļojumu dainās varēja ietekmēt viesītējās ipatnības: jūra, ezeri, lielas upes, biezi meži, pakalni vai līdzenumi. Otrkārt, dainu rašanās sākumpriodā, ko joti aptuveni varētu datēt ar 10. gs., dažādās Latvijas vietās vēl dzīvoja kurši, zemgalī, latgalī, sēli un libieši, kuriem bija gan savas sadzīves ipatnības (to apliecinā arheoloģiskie izrakumi),

gan arī atšķirīgi mitoloģiskie prīckstati. Atšķirību veidošanos varēja ietekmēt arī cilšu sakari ar citām kultūrām ziemeļos, austrumos, dienvidos un rietumos. Neapšaubāmi, ka turpmākajos gadsimtos svešu kultūru ietekme pieauga. Tomēr par šo ietekmju izpausmēm dažādu novadu dainās var spriest tikai pasaules tautu mitoloģijas un folkloras pazīnēji. Sā apskata ietvaros meklēta un skaidrota saules dainu saturu atkarība no vietas ģeogrāfiskajām ipatnībām.

V. Vīķe-Freiberga un I. Freibergs norāda, ka «Saules dainās» pavismi ietvertas 3652 dainas, neskaitot dublikātus, kurus šajā apskatā neizmantojam. Autori arī norāda, ka atsevišķas dainas pierakstītas vairākkārtīgi dažādās vietās. Tāpēc iesūtīto pierakstu skails ir lielāks nekā dainu skaits. Izrakstot Saules ritei veltītas dainas, kļuva redzams, ka patīcīšām viena un tā pati daina dažākāt pierakstīta divas, trīs un vairāk reižu, turklāt visdažādākajos novados. Tālākajā dainu statistikā un analīzē pa tēmām vienmēr norādīsim aplūkojamo dainu un to pierakstu skaitu.

Kopumā V. Vīķes-Freibergas un I. Freiberga izlašē ietverti 3929 pieraksti, kuru sadalījums pa novadiem ir šāds (sk. 1. att.): Kurzemē — 1015 (25,8%), Zemgalē — 627 (16,0%), Vidzemē — 1538 (39,1%), Latgalē — 749 (19,1%). Kopskaitā nav ietverli 218 pieraksti, kam nav zināma precīza pierakstīšanas vieta un kurus mūsu pētījumā nevarējām ietvert. Arī katras novada aprīņķos pierakstu skaits ir visai dažāds. Tā, piemēram, Vidzemē Madonas aprīņķī ir pierakstītas 573 dainas,



1. att. Saules dainu pierakstu skaita sadalījums Latvijas novados (procēntos no visu Saules dainu pierakstu skaita): Kurzemē (K), Zemgale (Z), Vidzeme (V), Latgalē (L)

Rīgas aprīķi — 515, bet Valmieras aprīķi — tikai 91. Pedējā gadījumā pierakstu vākšanu varēja ietekmēt Valmieras apkārtnei atlīslītā brāļu draudžu kustība. Dainu pierakstu neviennērīgais sadalījums Latvijas teritorijā apgrūtina Saules rites atsevišķo posmu atspoguļojuma īpatnību analīzi Latvijas novados, bet, kā tālāk redzēsim, nepadara to pilnīgi neicspējamu.

Izlases autori «Saules dainas» ir sakārtojuši trīs nodaļas: kosmoloģiskā, fiziskā un teiksmainā Saule. Sadalījums tomēr ir visai nosacīts, jo ne katrā daina ir nepārprotami attiecīnāma uz to vai citu nodaļu. Šajā apskatā apstrādāts tikai trešās nodaļas (teiksmainā Saule) materiāls.

Pēc «Saules dainu» autoru ieceres šajā nodaļā ietilpst dainas, kurās «Saule parādīta kā personificēta būtne ar cilvēciskām īpašībām... un izdarībām», un to kopšķaitis ir 1446. No tām apskatam izvēlētas visas dainas, kurās jebkādā sakarībā raksturota Saules atrašanās vieta vai uzvedība visos četros galvenajos Saules rites posmos. Nav ļemtas vērā dainas, kurās pēc Saules izskata (galvenokārt rieta laikā) pareģo laika apstākļus.

Izrakstīto dainu tālāko klasifikāciju un analīzi visvairāk apgrūtina apstāklis, ka vienā dainā bieži ir pieminēti divi Saules rituma posmi, piemēram, riets un lēkts. Aplūkojot

vienu no posmiem, daļu dainu izdodas apvienot pa tēmām, bet tās savā starpā var pārklāties. Tāpat dažos motīvos par vienu un to pašu tēmu dažkārt izteiktas pavism pretējas domas. Ir arī dainas, kas apvienojamas sīkākās grupās vai aplūkojamas pilnīgi individuāli.

Apskatā citētas dainas, kas vislabāk raksturo kādu tēmu, kā arī daļa īpatnējāko, savdabīgāko, spilgtāko dainu. Dainu numerācija šajā apskatā nav sniegta, lai nevajadzētu paskaidrot visus numerācijas veidošanas principus, kas doti «Saules dainas», kurās tās apkopotas no daudziem avotiem. Tā kā katra «Saules dainu» nodaļā dainas sakārtotas alfabētiskā secībā, tad jebkurš interesents citēto dainu un tās numuru pamatavotā var viegli atrast.

Apskata ievadā iederas 4 dainas, kurās nav tieši raksturots neviens no četriem Saules rites posmiem, bet nenoliedzami izteikta pati rites ideja:

Ni šodien, ni vakar
Neteik Saule kājiņām:
Par siliņu ratiņos,
Par juriņu laiviņā.

Daina pierakstīta Madonas aprīķi. Tai identiska, bet citā izloksnē pierakstīta Rēzeknes aprīķi. Turpat Madonas aprīķi pierakstīta daina, kas izsaka prelējas domas par Saules pārvietošanās iespējām:

Saulītei, māmiņai
Tai ir grūsi jādzīvo:
Pate tek vakarā,
Pate rīta rasiņā.

Dainā, kas pierakstīta Valmieras aprīķi, savdabīgi raksturota Saules rite, bet nav skaidrs, kurā posmā Saule pārkāpj jūriņai:

Ai, Saulīt, spodraliņ,
Kur pārkāpi jūriņai?
Ne redzēju tiltu grieztu,
Ne laipiņu laipojam.

Izvērtējot dainu sadalījumu pa Saules rites posmiem, redzams, ka visvairāk dainu veltīts Saules rietam un noslēpumā titajām

nakts stundām. Tāpēc Saules rites apskatu sāksim it kā ačgārnā secībā — nevis ar lēktu, bet gan ar rietu.

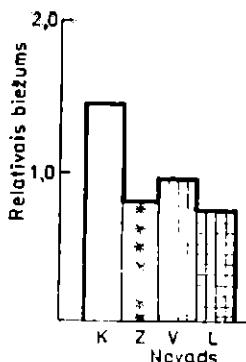
SAULES RIETS

Iestājies vakars, debesis laistās saulrieta krāsās. Tuvojas atpūtas stundas pēc dienas darbiem. Acis un prātu piesaista spožā Saules ripa, kas pazūd aiz tālē zilgmējoša horizonta, zaiem kokiem pievārtē vai svipelēkā ūdens klaida. Ikkatra veidā riets ir tik spilgta parādība, ka dainu sacerētāji to apdziedājuši daudzkārt. Tālākā Saules rieta apskalā ietvertas 99 dainas, kas iesūtītas 123 pierakstos.

Visvairāk tiek apdziedāts riets aiz meža vai koku galiem (50 dainu 57 pieraksti). Analizējot iesūtīto dainu pierakstu relatīvo biežumu Latvijas novados, var redzēt, ka tēma sastopama visos Latvijas novados gandrīz vienādi bieži. Vienīgi Kurzemē rietu aiz mežiem apdzied nedaudz biežāk kā citur (sk. 2. att.). Tas izskaidrojams ar mežu bagātību visos Latvijas novados. Gandrīz ikkatrā sētā jaudis, domājams, redzēja Sauli norietam aiz tuvāka vai tālāka meža vai koku galiem, kas nereti rieta brīdi uzmirdz. Jādomā, ka tieši tāpēc 28 dainu pierakstos minēts, ka Saule noiedama pušķo mežu (koku) galus, bet ne visos novados tas darīts vienādi (sk. 3. att.). 12 dainu 17 pierakstos, kas galvenokārt iesūtīti no Kurzemes un Vidzemes (ipaši no bagātās Rīgas apkaimes), plaši daudzinātas kokiem dāvātās dāsnās un greznās rotas:

Noriet Saule vakarāi,
Koku galus veltīdama:
Liepai lika zelta kroni,
Ozolami sudrabīņa,
Sīkajami bērziņami —
Dimantiņa lapiņām;
Mazajami kārkliņami
Uzmauc zelta gredzenīnu.

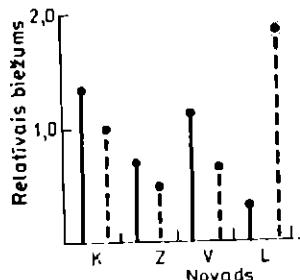
Turpretim citās 11 dainās parasti īsi pavēstīts par tādām vienkāršām veltēm kā zeķes, cimdi, dvieļi, jostas, villaines:



2. att. Tēmas — Saules riets aiz meža — relatīvais biežums Latvijas novadu dainu pierakstos. (Tēmas biežums ir attiecīgajai tēmai veltito dainu pierakstu skaita attiecība pret visu Saules dainu pierakstu skaitu. Tēmas relatīvais biežums novadā ir biežums novadā attiecībā pret biežumu visā Latvijā.)

Skaisti Sauļeite rītēja,
Kūku goluš pušķodama:
Pridei cymdi, eglei zečes,
Bārzam zaļi dzeipareņi.

Tikai dažās izvērstākās dainās šim veltēm pievienoti vara pakariņi, sudraba gredzenīņš, Sāda rakstura dainas biežāk pierakstītas Latgalē, ipaši Abrenes aprīņķī (3 dainas). Vai šajā apvidū, kas tāls no galvenajiem satiksmes ceļiem, būtu saglabājusies senāki mutvārdi



3. att. Tēmas — meža galu pušķošana ar zelta un sudraba rotām (nepārtrauktās līnijas) — relatīva biežuma salīdzinājums ar tēmas — pušķošana ar pašdarinātām veltēm (pārtrauktās līnijas) — relatīvo biežumu

kultūras slāni, vai šeit dzīvoja nabadzīgāki jaudis, kam sveša zelta spozme un vērtība?

Savukārt Kurzemē pierakstītas 3 dainas, kas vēsta par Saules zīda svārkiem kā mežu rotu saulrietā. Citos novados šāds motīvs nav sastopams.

Vēl 8 dainu 10 pierakstos tēma par meža galu pušķošanu saulrieta brīdi izmantota kā krāšķ salidzinājums tuvu cilvēku pušķošanai svarīgos dzīves brižos:

Noiet Saule vakarā,
Meža galus pušķodama;
Tā pušķoja māte meitu,
Tautiņas vadīdama.

Sādi biežāk dainojuši Vidzemē (5 pieraksti no 10).

Tēlojot Saules rietu aiz meža, 16 dainas (katrā no tām pierakstīta likai vienā vietā) vēsti nevis par meža galu pušķošanu, bet gan par to līdzināšanu jeb strīķēšanu:

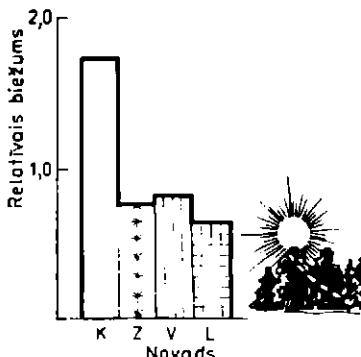
Sak' Saulīte noiedama:
Nav līdzeni meža gali.
Nem, Dieviņi, zelta šķērēs,
Nolīdzini meža galus!

Ej, Saulīte, drīz zemē,
Nelīdzini meža galus,
Lai līdzina Mēnēstiņš
Sudrabiņa šķērītēm.

Pirmajā skatījumā motīvs šķiet pilnīgi nesaprotams. Kāpēc tādas bažas par nelīdzīniem meža galiem un līdztekus lūgums Saulīti nelīdzināt meža galus? Atbilde skaidri dota šādā un tai līdzīgās dainās:

Riet', Saulīte, rietēdama,
Nelīdzini koku galus!
Jau piekusa govju gani,
Jau arāju kumeliņi.

Tātad, grūtā darbā nogurdināti, jaudis gaidīt gaida Saules rietu un lūdz Saulīti nekavēties koku galos. Varbūt tieši šā iemesla dēļ riets aiz mežiem šķiet tik skaists, jo ir ļoti ilgots. Trijās dainās abi motīvi — meža galu pušķošana un līdzināšana — apvienoti. Meža galu līdzināšanu tautas mulē vairumā gadījumu



4. att. Tēmas — meža galu līdzināšana — relatīvais biežums

veic Dieviņš ar zelta šķērēm vai kēdēm, Dieva dēli ar asiem zobeniem vai Saule pati:

Lidzi meži saauguši,
Nava lidza virsotnites.
Nem, Saulīte, zelta šķērēs,
Līdzin' meža virsotnites!

Neapšaubāmi, ka šajās dainās meža galu līdzināšana jāsaprot kā astronomiska parādība — Saules slīdēšana aiz horizonta no brīža, kad Saules redzamais disks tam pieskaras, līdz brīdim, kad Saule pilnībā pazūd aiz horizonta. Sāda parādība Latvijā, tāpat kā citur lielos geogrāfiskā platuma grādos, ir krikti ilgstošāka nekā dienvidu zemēs, piemēram, Krimā vai Itālijā, nemaz nerunājot par Zemes ekvatora apvidiem, kur Saule vertikāli «krit» zem horizonta. Turpretim aiz polārā loka tāda «meža galu līdzināšana» vasaras sezonā var pat nebeigties ar Saules rietu.

Dainas par meža galu līdzināšanu skandētas visos novados, tomēr vairāk tās izplatītas Kurzemē (sk. 4. att.). Kurzemes puses dainās parādība attēlota arī daudzpusīgāk un krāsaināk.

Ipašu tēmu veido motīvs par Saules rietu aiz vientuļa koka, kuru Saule, ik vakaru rietēdama, izgrezno, pakārdama tajā savu jostu:

Sudrabiņa bērziņš auga
Saules taka maliņā;
Tur Saulīte jostu kāra,
Ik vakara noiedama.

Šī tēma apdziedēta 12 dainās, kas pierakstītas 20 vietās. Visos gadījumos runa ir tikai par lapu kokiem: ozolu — četrās, liepu — piecās un bērzu — trijās dainās. Koks parasti tiek raksturots kā izcis — zelta vai sudrabā, bet tā atrašanās vieta var būt gan pirts takas, gan Saules lakanas, gan diža ceļa malīnā vai vienkārši aiz upītes kalniņā. Saprotaums, ka tieši Jēkabpils aprīņķi pierakstītajā dainā minēta savdabīga koka atrašanās vieta:

Ozols auga Daugavā
Skruzainām lapiņām;
Tur Saulīte jostu kāra,
Ik vakaru noiedama.

Tēmai par Saules rietu aiz vientuļa koka pieder četras dainas (5 pieraksti, visi no Valmieras un Madonas), kurās netieši, bet pietiekami skaidri pateikts, ka ceļmalā augošu koku (bērzu) Saule no rita un vakarā izgaismo katru reizi no citas pusēs:

Bērziņš auga ceļmalā
Zeltītām lapiņām:
Vienā lapā Saule lēca,
Otrā Saule norietēja.

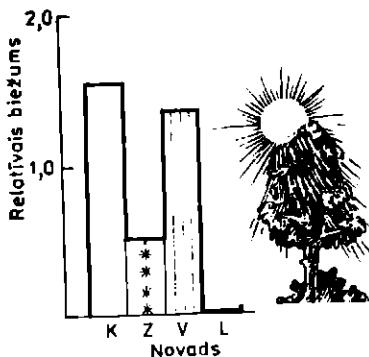
Tāds pats motīvs tiek skarts arī divās dainās (5 pierakstos) par jostas kāršanu saulrietā, pieminot, ka lecot Saule kokā sijā sudrabiņu.

Kopumā par rietu aiz vientuļa, atstatus stāvoša koka savākti 25 dainu pieraksti, kas iesūtīti galvenokārt no Vidzemes un Kurzemes, bet nemaz tādu nav no Latgales (sk. 5. att.).

Toties Latgalē vienā dainā minēts, ka Saule vakarā «atasēda sudrabiņa krēslīnā» (Abrenes aprīņķis), un citā dainā no Daugavpils aprīņķa motīvs jau izvērts īstā vakarēšanas ainā:

Dīva dēli krēslu cēla,
Svātā Muora kūdeliņu.

Vēl četru dainu piecos pierakstos stāstīts par Saules rietu vienkārši aiz augstiem kalniem vai, tieši otrādi, aiz upītes lejīnā. Šai grupai var pievienot interesantu dainu par Saules rietu Daugavā, kas atkal pierakstīta Jēkabpils aprīņķī:



5. att. Tēmas — Saules riets aiz vientuļa koka — relatīvais biežums

Saulīt' brida Daugavā,
Vakarā aiziedama;
Rītā agri uzlēkdamā,
Daugaviņu apveltīja,
Daugaviņu apveltīja
Ar sudrabā vizulīti.

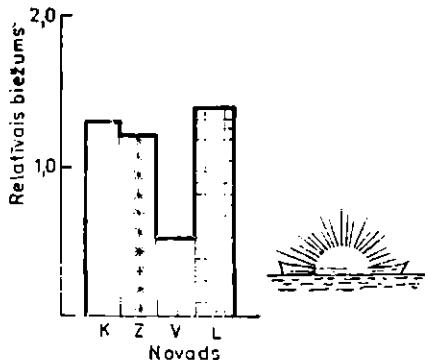
Šī jaukā daina noslēdz iepriekšējo tēmu loku un ievada to dainu apskatu, kurās attēlots Saules rietis uz ūdeņiem.

Septiņās dainās no visiem Latvijas novadiem (viena no tām pierakstīta divās vietās) ļoti dažādi apdziedāts Saules rietis jūrā, piemēram, šādi:

Jau Saulīte aizlaidēs
Aiz deviņi ezerīgi;
Vara lēdes noskanēja,
Jūriņā laižoties.

Tomēr rietu uz ūdeņiem galvenokārt apdzied simboliskā veidā kā Saules sēšanos laivīnā. Par laivīnu varētu būt dēvēta tā sudrabaini vai zeltaini mirdzošā strēle, kas stiepjas pāri ūdenim (jūrai, ezeram, upei) no Saules rieta vietas pie horizonta uz novērotāju. Kā liecina arheoloģiskie pētījumi, ideja par Saules pārvietošanos laivā bija plaši izplatīta arī citu seno tautu daiļradē. Rāksturīgs piemērs ir Skandināvijas petroglifi, kuros attēlotā laiva ar Sauli tajā.

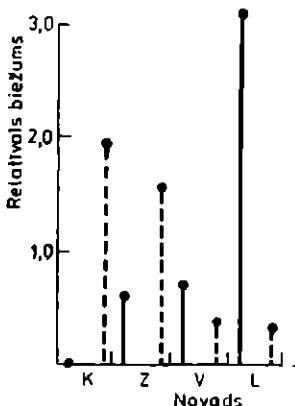
Kopumā rietam laivīnā veltītas 20 dainas, kas pierakstītas 26 vietās. So dainu pierakstu



6. att. Tēmas — Saules sēšanās laivīnā rieta laikā — relativais biežums

sadalījums pa novadiem (sk. 6. att.) ir pavisam citāds nekā rieta attēlojumam aiz mēziem (2. att.) vai vientuļa koka (5. att.). Dominē pieraksti, kas nākuši no ūdeņiem bagātiem novadiem — Kurzemes, Zemgales un Latgales. Ipatnības pa novadiem izpaužas vēl krasāk, ja pievēršamies tam, kādi molivi pausti laivīnas tēmā. Triju dainu četros pierakstos tikai konstatēts, ka Saule vakarā sēžas laivīnā:

Ik vakaris skatījos,
Kā Saulīte noritēja;
Kā Saulīte noritēja
Zeltītā laivīnā.



7. att. Tēmas — airu mešana laivīnā (nepārtrauktās līnijas) — relativā biežuma salīdzinājums ar tēmas — laivīnas parnešana (pārtrauktās līnijas) — relativu biežumu

Bet 10 dainās, no kurām katra pierakstīta citā vietā, pamatdoma papildināta ar vēstījumu par zeita airu jeb īrkļu skanēšanu, metot tos laivīnā:

Jau Saulīte noritēja
Aiz dzīļaja ezeriņa,
Zelta airi noskanēja,
Laivīnā iemetot.

Papildinājums pirmā brīdī šķiet uzīverams tikai kā daiļskanigs, lēlains izteiciens. Patisībā tajā var būt ietverta dzīļaka jēga — norāde uz to, ka Saule laivīnā irlsies uz lēkta vietu, t. i., arī naktī pārvietosies. Vairums šo dainu (7 no 10) pierakstīts Latgalē, bet tās nemaz nav sastopamas Kurzemē (sk. 7. att.). Izteicīgākā daina latgalisko izceļsmi apstiprina gandrīz katrā dainā sastopamā norāde uz Saules rietu aiz ezera vai pat deviņiņiem ezeriem.

Citās septiņās dainās pausta doma, ka no rīta Saule pamet laivu, kurā vakarā iesēdusies, iekritusi, ierītejusi:

Noiet Saule vakarā,
Iekrīt zelta laivīnā;
Uzlec Saule no rītiņa,
Paliek laiva līgojot.

Tikko citētā daina izplatīta ipaši plaši — tā pierakstīta sešos Kurzemes un Zemgales apriņķos, pārējās sešas dainas — katrā tikai vienā vietā. Kopumā ņemot, šī tēma galvenokārt risināta Kurzemē (7. att.), un var domāt, ka apdziedētā laiva peld jūras ūdeņos, lai gan tiešas norādes uz to neviens dainā nav. Tā kā Kurzemes rietumu krastā jūrā redzams Saules riets, bet austrumu krastā — lēkis, tad nav brīnuma, ka tieši šā novada laudis apdziedēja Saules braucienu laivīnā no rietu uz lēkta vietu, kur Saule laivu atstāj, pamet, pārvēde malīnā. Tādā kārtā šajās dainās savā, ipatnējā veidā atkal vēstīts par Saules riti cauri naktij.

Visā Saules rieta attēlojumā krasāk izceļas atšķirības, kas sastopamas Latgales novada dainās. Pilnīgāki slēdzieni būs izdarāmi tikai pēc visu Saules ritei veltīto dainu izteicīgās.

(Turpmāk vēl)

Z. Alksne

ZINĀTNIEKS UN VIŅA DARBS

Dr. E. GRINBERGA TEOREMA PAR HAMILTONA CIKLIEM

Daudzi no mums pārzina šaha spēles gājienu un prot to spēlēt. Vai ir iespējams ar zīrdziņu apstāigāt visus 64 šaha galdiņu lauciņus tā, ka katrā lauciņā zīrdziņš ielec tikai vienu reizi un ar pēdējo gājienu atgriežas lauciņā, kurā tas savu ceļu uzsāka? Tas ir, maršrutam jābūt noslēgtam. Atbildi uz šo jautājumu sniedz 1. att. kurā lauciņu numerācija sakrīt ar zīrdziņa gājienu secību.

Protams, šā uzdevuma atrisinājumu var atrast, tieši eksperimentējot uz šaha galdiņa. Mēs centīsimies runāt par to grafu teorijas valodā.

Ar grafu teoriju «Zvaigžnotās Debess» lasītāji saskārušies vairākkārt (sk., piemēram, I. Frances rakstus «Krāsainā matemātika», «Pastaigas grafos» un «Par strīdigiem kaimiņiem» trijos iepriekšējos numuros). Atgādinām, ka par grafu sauc punktu kopu, no kuriem visi vai daži savienoti savā starpā ar līnijām. Punktus sauc par virsotnēm, līnijas — par šķautnēm. Mēs aplūkosim tikai sakarīgus grafus, t. i., tādus, kuros no katras virsotnes var aiziet uz katru citu, ejot pa šķautnēm.

Ceļu, kas iet pa grafa šķautnēm un satur katru virsotni tieši vienu reizi, sauc par **Hamiltona ceļu**; ja šis ceļš ir noslēgts (sākuma un beigu virsotnes sakrīt), to sauc par **Hamiltona ciklu** (H. c.). Par Hamiltona ceļiem un cikliem sk., piemēram, iepriekšminēto rakstu «Pastaigas grafos».

Minētais uzdevums par šaha galdiņa apstāigāšanu grafu teorijas valodā var tikt formulēts šādi.

58	43	60	37	52	41	62	35
49	46	57	42	61	36	53	40
44	59	48	51	38	55	34	63
47	50	45	56	33	64	39	54
22	7	32	1	24	13	18	15
31	2	23	6	19	16	27	12
8	21	4	29	10	25	14	17
3	30	9	20	5	28	11	26

1. att.

Grafa virsotņu kopa ir $V = \{1, 2, 3, \dots, 63, 64\}$, bet šķautņu kopa $E = \{\dots, [1, 2], [1, 4], [1, 10], [1, 16], [1, 38], [1, 48], [1, 50], [1, 64] \dots\}$. Katru šaha galdiņa lauciņu var uzskaitīt par grafa virsotni, bet divas virsotnes (i un j) savienotas ar šķautni $[i, j]$ (jeb $[j, i]$) tad un tikai tad, ja atbilstošos lauciņus ar numuru i un j zīrdziņš var vienu no otra sasniegt ar vienu gājienu. Ja zīrdziņš atrodas lauciņā 1, tad ar vienu gājienu viņš var novākt lauciņos $\{2, 4, 10, 16, 38, 48, 50, 64\}$; iepriekš uzrādītas atbilstošās šķautnes. Tātad iegūts Hamiltona cikls

$H = \{[1, 2], [2, 3], [3, 4], \dots, [63, 64], [64, 1]\}$.

2. *eff.*

Protams, zīrdzīņš var sākt gājenus no jebkura lauciņa, piemēram, no 26. Tad var izdarīt lauciņu pārnumurēšanu:

26, 27, 28, . . . , 63, 64, 1, . . . , 24, 25

1, 2, 3, ..., 38, 39, 40, 63, 64;

augšējā rindā ir vecā, bet apakšējā rindā — jaunā lauciņu numerācija.

Daudziem grafiem, kam eksistē kaut viens H. c., eksistē arī vairāki H. c. Arī mūsu uzdevumam eksistē vairāki atrisinājumi. Otrs uzdevuma atrisinājums parādīts 2. att. Augšējā daļā jūs varat paši iekrakstīt zīrdziņa ga-jienu secībū simetriski apaksējai daļai: $1 \rightarrow 33$, $32 \rightarrow 64$. ult.

Abos zīmējumos parādītos rezultātus īsi var formulēt šādi: šāha galīgā grātam eksistē Hamiltona cikls. Tomēr vispārīgā gadījumā jautājumam par to, kādiem grāliem eksistē H.c., apmierinoša risinājuma (kas pēc būtības atšķirtos no visu variantu pārlases) nav vēl šodien.

Raksta nosaukumā minētā E. Grinberga teorēma runā par nepieciešamajiem noteikumiem, kad plašai un svarigai grafu klasei — t. s. planārajiem grafiem — eksistē Hamiltona cikls. Tā dod iespēju daudzos gadījumos viegli noskaidrot to, ka kādam konkrētam grafam Hamiltona cikla nav.

Vispirms izsekosim E. Grinberga rezultāta novērtējumam grafu teorijas speciālistu vidū

un pēc tam sniegsim tā populāru izklāstu, kas līdz šim latviešu valodā nav darīts.

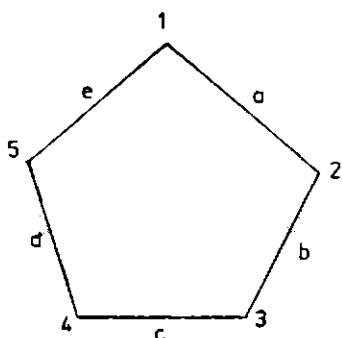
E. Grinbergs gandrīz visus savus pētījumus publicējis izdevumā «Latvijas matemātikas gadagrāmata». Rezultāts, kuru iztirzāsim šajā rakstā, publicēts 1968. gadā ar nosaukumu «Par plakaniem kubiskiem grātējiem bez Hamiltona cikliem».

Pirmais autors, kura grafu teorijai veltītājā grāmatā ir ietverts E. Grinberga rezultāts, ir prof. H. Zakss (*Sachs H. Einführung in die Theorie der endlichen Graphen*. — 1972. — T. 2). Grāmatas manuskripts bija jau nodots publicēšanai, kad prof. H. Zakss uzzināja šo rezultātu. Tomēr viņš nolēma grāmatu papildināt ar E. Grinberga pētījumu. Jaunu pierādījuma variantu atrada ievērojamais grafu teorijas speciālists V. Tats, kurš savā grāmatā to nosauca par E. Grinberga teorēmu (*Tutte W. Graph theory*. — 1984). Grāmatas ievadā prof. K. Nečs-Viljams par ievēribas cienīgām atzīmē tris tajā ietvertās teorēmas, un viena no tām ir Grinberga teorēma. Pārejās divas teorēmas ir grafu teorijas klasiski, fundamentāli rezultāti — Kuratovska un Bruksa teorēmas. Protams, minētās grāmatas nav vienīgās, kuras minēts un izklāstīts Grinberga rezultāts.

Ievērojamais zinātnu popularizētājs Dž. Stjuarts 1992. gada oktobra mēneša žurnālā «*Scientific American*» publicē rakstu «Slepka-vība Gastlej-Grendzā» (Stewart J. Murder at Ghastleigh Grange). Izmantojot slavenos personāžus — Holmsu un Vatsonu, autors populārā veidā izklāsta E. Grinberga teorēmu, kas «palīdz» atklāt slepkavu. Jāatzīmē, ka Stjuarta rakstā E. Grinbergs dēvēts par krievu zinātniku. Šis raksts tulkošs arī populārajā žurnālā «В мире науки» 1992. g. 11., 12. nr. Protams, likteņa ironijai ir lab-patīcīs, ka nevienā līdz šim krievu valodā sarakstītā grāmatā Grinberga rezultāts nav pat pieminēts. Vienigais, kas E. Grinbergu saista ar Krieviju, ir tas, ka viņš dzimis Pēterburgā latviešu luterānu īnācītāja ģimenē (tēvs Jānis, māte Mērija, dzimus Grosvalde). Pēc pirmā pasaules kara ģimene atgriezās Latvijā. Sīkāku informāciju par E. Grinberga biogrāfiju var smeltīties rakstā: *Riekstiņš E.*

Dambitis J. Rīgas matemātikas skolas pārstāvis Dr. math. E. Grinbergs. — LZA Vēstis. — 1993. — Nr. 6. — 78.—80. lpp.*

E. Grinberga dzīvesbiedre (dzimusi Cepurite) ar dēlu Miku kara laikā aizbrauca no Latvijas. Pēc kara viņi nonāca Amerikā, kur dēls kļuva par matemātikas profesoru. Viņa pašreizējā adrese nav zināma, un diezin vai viņš zina tēva izcilos sasniegumus matemātikā. Cerēsim, ka raksts palidzēs arī šā jautājuma noskaidrošanā.



3. att.

Tālāk ar vienkāršiem piemēriem sniegsmim E. Grinberga rezultāta izklāstu. Iepriekš grafa jēdzienu ilustrējām ar šaha spēles palīdzību, bet tagad izmantosim daudzstūri. Apļūkosim, piemēram, piecstūri ar malām $\{a, b, c, d, e\}$ un virsotnēm $\{1, 2, 3, 4, 5\}$ (sk. 3. att.).

Jebkuru daudzstūri plaknē var uzskatīt par grafu $G=(V, E)$, kur V un E attiecīgi ir grafa virsotu un šķautņu kopas. Katru grafa šķautni var definēt ar divu virsotu palīdzību: $a=[1, 2]$, $b=[2, 3]$, $c=[3, 4]$, $d=[4, 5]$, $e=[5, 1] (= [1, 5])$. Daudzstūrim atbilstošais

* Sk. arī rakstus žurnālā «Zvaigžnotā Debesi»: Leimanis E. Matemātikis Emanuels Grinbergs. — 1994. gada rudens. — 21. lpp.; Dambitis J. Izcilā latviešu matemātika Emanuela Grinberga (1911—1982) atstātais matemātiskais mantojums. — 1994./95. gada ziema. — 32. lpp.

grafs H izveido H. c., jo satur visas grafa virsotnes:

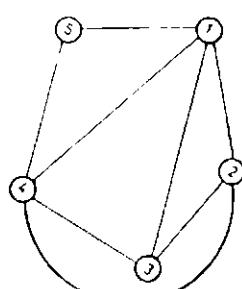
$$H=\{[1, 2], [2, 3], [3, 4], [4, 5], [5, 1]\}.$$

Tādu grafu sauc par planāru, jo to var uzņemt plaknē tā, ka nekādas divas šķautnes nekrustojas. Bet grafa bez šķautnēm, kas izveido H. c., var eksistēt arī vēl citas šķautnes, piemēram, $[1, 3]$, $[1, 4]$, $[2, 4]$, $[2, 5]$, kuras sauksim par hordām. Hordas $[1, 3]$, $[1, 4]$ varam iezīmēt H. c. iekšpusē, bet hordas $[2, 4]$, $[2, 5]$ — H. c. ārpusē tā, ka nekādas divas šķautnes joprojām nekrustojas. Tātad arī šāds grafs ir planārs. Ja hordas $[2, 4]$, $[2, 5]$ zīmētu H. c. iekšpusē, tad tās krustotos ar $[1, 3]$, $[1, 4]$ un mēs būtu ieguvuši planāra grafa neveiksmīgu attēlu, kuru iespējams «izlabot». Ja turpretim bez minētajām 4 hordām grafram pievienosim vēl šķautni $[3, 5]$, tad šāds grafs jau nebūs planārs — savienojot 5 punktus plaknē ar līnijām cītu ar cītu, kādas divas līnijas noteiktī krustosies (šā apgalvojuma pierādījums ir līdzīgs I. Frances rakstā «Par strīdīgiem kaimiņiem» dotajam).

E. Grinberga teorēma attiecas uz planāriem grafiem, kas satur Hamiltona ciklu.

Aplūkosim nākamo piemēru — 4. att. parādīto grafu $G=(V, E)$. Tajā ir Hamiltona cikls $\{[1, 2], [2, 3], [3, 4], [4, 5], [5, 1]\}$.

Bez minētā H. c. šajā grafā eksistē vēl arī citi slēgti maršruti, kas nesatur visas virsotnes. Arī tos sauksim par cikliem, piemēram, $[1, 2]$, $[2, 3]$, $[3, 1]$; $[1, 3]$, $[3, 4]$, $[4, 1]$; $[1, 4]$, $[4, 5]$, $[5, 1]$; $[2, 3]$, $[3, 4]$, $[4, 2]$; $[2, 4]$, $[4, 5]$, $[5, 1]$, $[1, 2]$, un $c_1=\{[1, 2],$



4. att.

$[2, 3], [3, 4], [4, 1]\}$; $c_2 = \{[1, 3], [3, 4], [4, 5], [5, 1]\}$. Pirmes piecus ciklus sauksim par robežcikliem, jo vismaz viena no to ierobežotajām plaknes daļām nesatur ne virsotnes, ne šķautnes. Pirmie trīs cikli ir iekšējie robežcikli, bet pēdējie divi ir ārējie robežcikli, jo tie atrodas H. c. iekšpusē (ārpusē). Cikli c_1 un c_2 nav robežcikli, jo abas to norobežotās plaknes daļas satur hordas un (vai) virsotnes.

Cikls $c_3 = \{[1, 2], [2, 4], [4, 1]\}$ arī nav robežcikls, jo ārpusē tas ierobežo plaknes daļu, kas satur virsotni 5 un šķautnes $[1, 5], [4, 5]$, bet iekšpusē — virsotni 3 un šķautnes $[1, 3], [2, 3], [3, 4]$.

Par cikla garumu sauc šķautņu (virsotņu) skaitu, kas izveido doto ciklu. Mūsu piemērā pirmie četri robežcikli ir ar garumu 3, bet piektais robežcikls — ar garumu 4. Protams, n virsotņu grafa H. c. garums ir vienāds ar n (mūsu piemērā $n=5$).

Tātad plakanam grafam H. c. visus tā robežciklus sādala divās daļās — iekšējos un ārējos robežciklos. Ar g_i apzīmēsim tādu iekšējo robežciklu skaitu, kuru garums ir i , un ar f_i — tādu ārējo robežciklu skaitu, kuru garums ir i . Grinberga teorēma apgalvo, ka plakaniem grafiem ar Hamiltona ciklu pastāv sekojošas sakarības starp robežciklu un H. c. garumiem:

$$\sum_{i=3}^n g_i(i-2) = n-2 \quad \text{un}$$

$$\sum_{i=3}^n f_i(i-2) = n-2,$$

no kurienes seko, ka

$$\sum_{i=3}^n (g_i - f_i)(i-2) = 0. \quad (*)$$

Mūsu piemērā $g_3=3$, bet $f_3=1$ un $f_4=1$, tātad $3 \cdot (3-2) = 5-2$, $1 \cdot (3-2) + 1 \cdot (4-2) = 3$ un $(3-1) \cdot 1 + (0-1) \cdot 2 = 0$.

Par Grinberga teorēmas pierādījumu pagaidām rosinām lasītāju padomāt patstāvīgi. Par to runāsim kādā no turpmākajiem rakstiem.

Mūsu piemērā virsotnei 1 ir incidentas 4 šķautnes ($[1, 2], [1, 3], [1, 4], [1, 5]$), bet virsotnēm 2 un 3 katrai ir incidentas 3 šķautnes ($[2, 1], [2, 3], [2, 4]$ un $[3, 1], [3, 2], [3, 4]$). Saka, ka virsotnei 1 pakāpe ir 4, bet virsotnēm 2 un 3 pakāpe ir 3. Ja visām grafa virsotnēm pakāpe ir 3, tad to sauc par kubisku grafu. E. Grinbergs atrada konstrukciju, kā izveidot plakanus kubiskus grafus, kuriem vienai virsotnei incidentās 3 šķautnes izveido 3 nepāra garuma robežciklus, bet pārējie robežcikli ir ar pāra garumiem. Līdz ar to tādam grafam nav Hamiltona cikla, jo sakarības (*) kreisajā pusē ir nepāra skaitlis, kas nevar būt 0.

Pagājušā gadsimta beigās P. G. Teils izvirzija hipotēzi, ka «normāli» plakanai grafiem vienmēr satur H. c. (Vārdū «normāli» izskaidrot raksta ietvaros būtu pagrūti, tādēļ atjaunošs to nedarit, P. G. Teils būtibā apgalvoja, ka Hamiltona ciklu var nesaturēt tikai ipaši «viltīgi» konstruēti grafi.) Hipotezi ar pretpiemēru 40. gados atspēkoja V. Tats, pēc tam pretpiemērus atrada arī citi grafu teorijas speciālisti. Balstoties uz Grinberga teorēmu un iepriekš minēto konstrukciju, izveidojās vesela pretpiemēru klase, kurus speciālajā literatūrā sāka dēvēt par Grinberga grafiem.

Tagad mēģināsim izskaidrot, kā radās interese par plakaniem grafiem bez Hamiltona cikliem.

Pagājušā gadsimta sākumā strauji palielinājās ģeogrāfisko karšu iespiešana. Labākas pārskatāmības dēļ kaimiņvalstis (kurām ir kopēja robeža) bija jāiekārso dažādās krāsās. Bija svarīgi noskaidrot minimālo krāsu skaitu, kas nepieciešamas, lai visas kaimiņvalstis būtu dažādās krāsās. Iedibinājās vispārīgs uzskats, ka minimālais krāsu skaits ir 4.

Karšu krāsošanas vietā var aplūkot atbilstošu uzdevumu par grafa virsotņu krāsošanu. Tiešām, uzskatīsim, ka tras valsts galvaspilsētu par viena grafa virsotni. Starp divām virsotnēm tad un tikai tad novilksmi šķautni, ja atbilstošo galvaspilsētu valstīm ir kopēja robeža (tās ir kaimiņi). Tādā veidā izveidotais grafs ir planārs.

Tātad valstī krāsošanu var reducēt uz ie-gūlā grafa virsotņu krāsošanu: katrai di-vām kaimiņu virsotnēm (tādām, kas savie-notas ar šķautni) jāpiešķir atšķirīgas krā-sas. Tā ir slavenā četru krāsu problēma pla-kaniem grafiem. To samērā viegli izdevās at-risināt grafiem, kam ir H.c. Tāpēc radās da-biska interese par to, vai ir «daudz» plakanu grafu bez H.c., jo tikai šo grafu vidū būtu meklējami grafi, kurus ar četrām krāsām iz-krāsot nevar (ja tādi eksistētu). Atzīmēsim, ka četru krāsu problēma tika atrisināta tikai mūsu gadsimta 70. gados (sk. [3]).

Jāatzīmē, ka E. Grinberga teorēma — viens no izcilākajiem grafu teorijas rezultātiem — ir arī ļoti vienkāršu formulējumu, un var tikt pabrīnīties, kāpēc tā netika atklāta jau senāk, jo nopietni pētījumi par Hamiltona ciklu ek-sistenci tiek veikti jau kopš pagājušā gad-simta beigām. No otras puses, sadas teorēmas atklāšana liecina par tiešām izcilajām

E. Grinberga matemātiķa spējām, kurām diem-žēl dažādu 20. gs. lielo vēsturisko notikumu dēļ pilnībā izpausties nebija lemts.

LITERATURA

1. Гринберг Э. Я. О плоских графах сте-пени три без гамильтоновых циклов // Латв. мат. ежегодник. — Р., 1968. — Вып. 4. — С. 51—58.

2. Zeps D., Dambitis J. An overview of three works of E. Grinbergs in graph theory and combinatorics // Latv. Univ. zinātniskie raksti, Matem. — 1993. — Nr. 588. — 7.—14. lpp.

3. Appel K., Haken W. Every planar map is four-colorable.

Discharging // Illinois J. Math. — 1977. — № 21. — P. 429—490.

Reducibility // Illinois J. Math. — 1977. № 21. — P. 491—567.

J. Dambītis

JAUNUMI ISUMĀ ● JAUNUMI ISUMĀ ● JAUNUMI ISUMĀ ● JAUNUMI ISUMĀ ● JAUNUMI ISUMĀ

Sakarā ar paredzēto starptautiskās orbitālās stacijas būvi radīsies nepieciešamība veikt gan sarežģītus kosmisko kuģu manevrus, gan arī montāžas darbus atklātā kos-mosā. Tuvākā manevru reize gaidāma 1995. gada maijā, kad ASV *Space Shuttle* kosmo-plāns *Atlantis* sakabināsies ar Kravijas orbitalo staciju *Mir*. Tāpēc 1994. gada septembrī kosmoplāna *Discovery* lidojuma laikā tika izmēģināta jauna portativā manevrēšanas sistēma. Tā ir līdzīga pirms vairāk nekā desmit gadiem izmēģinātajam «reaktīvajam krēslam», tikai kompaktāka un efektīvāka. Darboties atklātā kosmosā ir stipri neērti (bet droši), ja astronauts (vai kosmonauts) ir ar saiti piesaistīts kosmiskajam kuģim. Taču ir gadījumi, kad pārāk gara saite fraucē manevrēt un tam avārijas situācijā var būt izšķiroša nozīme. Tādēļ tika izstrādāta portativā glābšanas iekārta. Kosmoplāna lido-juma laikā divi astronauti veica brivus pārlidojumus, izmēģinot līdekkartas 24 sprauslu darbības režīmus.

Pamanītās klūdas

«Zvaigžnotās Debess» 1994./95. gada ziemas numura 36. lpp.:

6. jautājuma atbildes «c) Halleja komētai» vieta jābūt «b) Enkes komētai»;
9. jautājuma atbildes «c) opozīcija» vietā jābūt «b) apēkss».

ATZIŅU CĒLI

DABAS VAI DOMĀŠANAS DIALEKTIKA?

Marksistiskā filosofija visā tās pastāvēšanas vēsturē neatlaidīgi ir centusies pasvītrot savu orientāciju uz zinātni, apliecināt atziņu par cilvēka intelekta neierobežotajām iespējām ielauzties Visuma noslēpumos. Pētošais prāts var visu, ir nepieciešams vienigi laiks, paaudžu darbs, lai, uzkrājot citu pie cita «atziņas graudus», cilvēce izzinātu pasauli, kurā tā dzīvo, izzinātu pati sevi, spētu saprast gan savu pagātni, gan arī «stingri zinātniski» ielūkoties nākotnē.

Materiālās pasaules izziņu marksistiskā filosofija gan labprāt būtu atlaiusi eksakto zinātņu kompetencē, vienlaikus pretendējot uz savdabīgu pārrauga, brīziem pat vagara lomu. Viens no marksisma iemūtotākiem domāšanas instrumentiem vienmēr ir bijis «dialektika». Jāteic, arī šajā vagara darbībā realizējas savdabīga dialektika. Filosofs marksists vēlas noteikt pasaules izziņas, interpretācijas standartu, normu. Ārpus šās normas, protams, nevar realizēties «patiesi zinātniskas» pasaules apguve un interpretācija. Taču filosofam marksistam ir joti nepieciešama arī zinātne. Varētu pat teikt, ka viņš mil zinātni, it īpaši mil tās faktus. Izrādās, bez šiem faktiem viņš vienkārši nespēj dzivot, jo amats un brīziem arī partija viņam liek tos vispārināt. Protams, šās vispārināšanas rezultātā rodas «paši vispārigākie dabas, sabiedrības un domāšanas attīstības likumi» jeb tā saucamie dialektikas likumi. Ir skaidrs, ka ne jau katru dienu izdomāsi pa «dialektikas likumam», turklāt tos jau pasen fiksējuši marksisma klasikši. Te nebūtu daudz ko spriedelēt un jaukties, te viss ir skaidrs, te jau ir realizējusies «absolutā

patiesība», tā ir joma, kurā dziļā godbijibā var rast impulsu domai vai arī gluži vienkārši — citātu. Dažbrīd gan ir nācies uzklauši ignas dabaszīnānieku balsis: vai tad mēs paši pietiekami labi neprotam vispārināt? Neprotat, biedri, neprolai! Ne jums tadas izglītības, ne tāda partījiskā rūdījuma. Te ir vajadzīga ģeniāla marksistiski ļejiniska galva, kāda parasti līdz kārtējai varas maiņai nodota kārtējā partijas generālsekreterā vai politiķi, kā kolektīva subjekta rīcībā, vai arī darbs šādu ģeniālu galvu tiešā vadībā. Tādēļ nekurniet, bet dodiet laktus! Mēs tos vispārināsim. «Ģeniālās galvas» parasti gan nevēlējās saprast, ka situācija, kurā tās nonākušas, ir visai apkārunojoša — staigāt apkārt ar ubaga tarbu plecā, lūdzot no eksaktajām zinātnēm faktus, lai tos vispārinātu un galarezultātā formulētu «pašus vispārigākos likumus», noteiktu normatīvos ietvarus arī pašai zinātnei. Varbūt vēl viens apliecinājums marksistiskajai atziņai: esamība nosaka apziņu? Ko lai dara! Ja «laktu vispārināšana» kļūst par izdzīvošanas jautājumu, var pievērt acis un nerēdzēt, cik neapskaužamā situācijā šī filosofija visparinataja nonākusi. Var arī nejautāt, vai tomēr filosofijai nav cits darbības laiks, citi mērķi un uzdevumi.

Lielākā daļa no mums, jādomā, nav aizmirsusi kādu spārnotu un daudzkārt atkārtotu frāzi — «marksisma mācība ir visuspēcīga, jo tā ir pareiza». Sobrid par šīs mācības pilnīgu krahu laikam gan varētu šaubties vienigi nelabojami cietpauri un utopisti. Vienlaikus gribētos jauktāt, kā gan šādu krahu varēja piedzīvot mācība, kas vienmēr ir pasvī-

rojusi, ka tā orientējas uz zinātni, zinātniski traktētu likumu un dialektisku domāšanas veidu. Kurš no šiem elementiem varētu padarit zinātni par antizinātni? Varbūt pie visa vainīga ir savdabīga, tieši marksismam raksturīga minēto elementu kombinācija, to mijiedarbība vai arī kādi īpaši (vēsturiski, šķiriski) faktori, kas neļāva adekvāti realizēties daudzkārt deklarētajai orientācijai uz stingri zinātnisku pasaules izziņu?

Tātad — kas vainīgs?

Vispirms par zinātni. Šķiet, ka grūti būtu kādas filozofijas nezinātniskumā vairīt orientāciju uz zinātni. Protams, katrais laikmetis un sabiedrība uz zinātni raugās citādi, atšķirīgi izprotot tās mērķus un uzdevumus. Atšķirīgi tiek vērtētas arī tās iespējas atklāt Visuma ritmus, fiksēt tos likuma formā.

Marksistiskā izziņas koncepcija piedāvā samērā vienkāršu, skaidru un, galvenais, optimistisku problēmas risinājumu. Pasaule ir izzināma. Cilvēciskajai izziņai nav nekādu principiālu robežu, kas liegtu tai ielauzties materiālā un garīgā Kosmosa dzīlēs. Paša materiālajā pasaule valda nepieciešamas, noturīgas, būtiskas attiecības starp lietām un parādībām; šīs attiecības regulāri atkārlojas, un minētā attiecību regularitāte un noturīgums ir objektīvs dabas likums. Apziņa ir esamības atspoguļojums, tā ļauj dabas un sabiedrības objektīvās norises izteikt verbālā formā. Jāteic, ka šāds viedoklis ir organiski saistīts ar 18., 19. gs. materiālistiskās domas tradīciju. Optimistiskā pasaules izziņas iespēja ir raksturīga visai klasiskajai kultūrai.

Kopš 19. gadsimta, kurā radās nozīmīgākie marksisma klasiku darbi, ir pagājis samērā daudz laika. Lai arī cik brīziem pārliecināša un optimistiska nešķistu inmarksistiskā koncepcija, filosofi (arī dabaszinātnieki) nekad nav pārstājuši jautāt: kas ir zinātniska izziņa šā vārda patiesā nozīmē, kas ir zinātnes likums? Varētu pat teikt, ka 20. gs. šie jautājumi gūst īpašu ievēribu, turklāt atbilstes, kuras uz tiem sniedz mūsdienu filosofija un dabaszinātnes, nepavisam nevar lepoties ar to «gaišo optimismu», kāds zinātniskās izziņas iespēju vērtējumos bija raksturīgs marксisma klasikiem.

Vispirms par tā saucamo zinātnes likumu. Neviens, protams, nešaubās par to, ka dabā pastāv kādi noturīgi, stabili ritmi, noturīgas attiecības starp lietām un parādībām. Varētu pat teikt, ka šīs norises, lietu un parādību dabiskā kārtība «atspoguļojas» cilvēka apziņā, tālāk gūstot izteiksmi verbālā formā. Tomēr šķiet, ka līdz pat 19. un 20. gs. mijai tikai konsekvents eirocentrisms Rietumu zinātniekam un filosofam lika uz t. s. zinātnes likumu, uz noteiktām domāšanas operācijām, kas izaugušas Rietumu civilizācijas un pasaules skatijuma augsnē, raudzīties kā uz vienīgo iespējamo un objektīvo pastāvošo norišu atainojuma veidu. Dažādu laikmetu un reģionu pieredze pasaules apgušanā un izskaidrošanā liecina par iespējām principā vienus un tos pašus dabas un sabiedriskās dzives procesus aprakslīt (objektīva likuma nozīmē) radikāli atšķirīgā veidā. Īpaši interesanta varētu būt Japānas un Ķīnas pieredze. 19. gs. sākumā, kad pirmo reizi nopietni sastopas Rietumu un Japānas civilizācija, japānim ir praktiski neiespējami iestāstīt, kas ir cēloņsakarība, kas ir cēloņu un seku attiecību likums. Tas, protams, nenozīmē, ka ķīnietis vai japonis nespētu vai pat nevēlētos īpašā veidā interpretēt tos procesus un norises, kurās Rietumu zinātnieks pirmkārt redz cēloņu un seku attiecību likuma darbību (bez šaubām, jautājums par to, vai tomēr ir runa par vienu un to pašu procesu redzējumu un interpretāciju, vienmēr paliks atklāts). Runājot par Ķīnas kultūrai raksturīgām izziņas formām, viens no Rietumu zinošākajiem speciālistiem šajos jautājumos Marsels Granē pasvitro, ka pretstatā Rietumu pētniekam, kas ikvienu parādību cenšas aplūkot kā cēloņu un seku virknes elementu, ķīnietis šo pašu parādību aplūkos it kā «laukā», attiecībā pret grupu, pat pret veselumu. Viņš centīsies ierādīt tai vietu kādā universālā lietu un norišu ciklā.

Pat tādā gadījumā, ja mēs konsekventi paliiku Rietumu zinātniskās tradīcijas ietvaros, būtu jātābild uz joti daudzjiem jautājumiem, kas saistīti ar zināšanu vispārīguma, likuma darbības ierobežotības problēmu. Kur beidzas īstas zināšanas, kur sākas racionālistiskas spekulācijas, kāds ir to attaisnojums un robe-

žas, kad tās pārī pravietojumos un apziņas vīzijās? Tie ir jautājumi, kas īpaši nodarbina mūsdienu pozitīvisma filosofijas pārstāvju. Nemaz jau nerunājot par to, ka ārkārtīgi grūti būtu pierādīt objektīvu vēstures un sabiedrības attīstības likumu esamību, mūsdienu filosofija (arī paliekot dabaszinātņu pozīcijās) visai skeptiski raugās uz centieniem pasludināt kādu dabas likumu par tādu, kas pāceltos pāri laikam un situācijai. Viens no mūsdienu ievērojamākajiem zinātniskās izziņas metodoloģiem Karls Popers raksta, ka mēs nekad nevarām būt pilnībā pārliecīnāti par to, vai mūsu likumi ir patiesi universāli vai arī tie darbojas tikai kādā noteiktā periodā (piemēram, Visuma paplašināšanās laikā) vai vienīgi noteiktā reģionā (iespējams, vāju gravitācijas lauku zonā). Pazīstamais amerikānu zinātnes filosofs T. S. Kūns saista izziņas specifiku konkrētā vēsturiskā laikmetā (arī likumu kā noteiktu objektīvās pasaules norišu formu redzējumu un atainojumu) ar zinātnes paradigmu, t. ar kādā vēsturiskā periodā valdošo zinātniskās sabības veidu.

Taču atgriezisimies pie marksistiskās filosofijas pretenzijām izziņas jomā. Kā jau noskaidrojām, marksistiskā filosofija apliecinā absolūtu uzticēšanos zinātnes likumam kā objektīvam reālās pasaules notikumu un norišu atspogulojumam; protams, pieļaujot iespēju, ka šis atspogulojums varētu būt nepilnīgs un laika gaitā pilnveidojams. Jāteic, ka šādi priekšstati par zinātniskās izziņas mērķiem un iespējām būtībā paliek klasiskās kultūras pasaules izpratnes ietvaros. Taču klasiskajā kultūrā sakņojas vēl kāda būtiska marksistiskās filosofijas īpašība — rast savdabīgu universālu atskaites punktu, kas pavērtu iespēju ne tikai zinātniski interpretēt lietas un parādības atsevišķas esamības jomās, bet gan skaidrot tās globālā, varētu pat teikt — kosmiskā mērogā. Tas dotu iespēju «zinātniski» novērtēt gan pagātnes notikumus (dabas un sabiedrības vēsturi), gan arī ielūkoties nākotnē. Tieši tādēļ marksismu interesē ne tik daudz dabas vai sabiedrības attīstības likumi, bet gan «paši vispārīgākie dabas, domāšanas un sabiedrības attīstības likumi», kas varētu pavērt līdz šim neapjaustas perspek-

tivas cilvēka intelektuālajai darbībai, dotu iespēju tvert dabas un sabiedrības vēsturi kopsakarā, veselumā, sācot no amēbas, kas peld pirmatnējā okeānā, līdz pat sarežģītākajām sociālās dzīves un apziņas lormām.

Atzīmēsim, ka arī viena no klasiskās filosofijas raksturīgākajām iezīmēm bija centieni radīt pabeigtu monistisku sistēmu, kas pilnībā spētu izteikt pasaules universālo vienību. Šādas pieejas pamatā bija pārliecība, ka paša esamībā valda dabiska kārtība un harmonija neatkarīgi no tā, vai tā būtu dievišķās gudrības iemiesojums vai arī pašas dabas skaituma un harmonijas izpausme. Harmonija, kārtība, likums līdzīgi gaismai piestrāvo esamību, vieno kosmosu ar cilvēcisko saprātu. Nevar būt principiālās atšķirības starp Visuma uzbūvi un cilvēka intelekta organizāciju. Visuma norises, tāpat kā cilvēka saprāts, pakļaujas vienotai loģikai, racionālam pirmspamatam. Tieši tas paver neierobežotas iespējas izzināt pasauli un izteikt to saprāta terminos. Vēl vairāk — tas rada iespēju izzināt pasauli saprātā, padarit saprātu par sabiedrības un pasaules organizācijas modeļi.

Marks filosofija atrodas it kā pusceļā starp klasiskā racionālisma kultūru un tās noliegumu. Marks ir ateists, taču būtu grūti attiecināt uz viņa mācību Ničes sacītos vārdus: «Dievs ir miris!» Dieva vietu Marks filozofijā aizpilda «dievišķota materīja». Mēs jāsietām tiek likta strādnieku šķira un vēstures likumā mitošā augstākā jēga. Marks domā Rietumu kultūras kategorijās, viņš nesaņem arī Rietumu civilizācijas organizācijas pamatformu — cilvēks, sabiedrība un tai pāri stāvoša objektīva jēga, ko nosaka paši vispārīgākie dabas, sabiedrības un domāšanas attīstības likumi.

Runa tātad ir par tā saucamajiem dialektikas likumiem marksistiskās filosofijas redzējumā. Bet dialektikas pamatlilikumi ir:

- likums par kvantitatīvu pārmaiņu pāreju kvalitatīvajās un otrādi,
- pretstatu vienības un cīņas likums,
- negācijas negācijas jeb nolieguma nolieguma likums.

Varetu jautāt: varbūt tieši dialektika ir tas marksistiskās filosofijas elements, kas nav devis iespēju adekvāti realizēties tās sludi-

nātajai orientācijai uz zinātnisku pasaules interpretāciju. Tomēr dialektiskās domāšanas formas gadsimtu (pat gadu tūkstošu) gaitā tik ļoti ir saaugušas ar dažādām filosofiskajām skolām un virzieniem (brīziem stipri vien atšķirīgiem), ka dažkārt vārds «dialektika» tiek uztverts kā sinonims izteikumam «filosofijas būtība». Dialektika — tas ir domas dialogs, centieni aplūkot lietas un parādības to sakaru un attiecību daudzveidībā, uztvert un interpretēt pasaules norises to kopsakarā un attīstībā. Savdabīgas dialektikas lietojuma formas vērojamas gan Sokrāta, gan Kjerkegora, gan arī Hēgeļa filosofijā. 20. gs. pirmajā pusē Rietumos kļūst populārs filosofisks virziens «dialektiskā teoloģija». Mūsdienu vācu domātājs T. Adorno izstrādā filosofijas formu, ko viņš pats apzīmē ar jēdzienu «negatīvā dialektika». Šķiet, pasludināt par filosofijas Kaina zīmi dialektilku būtu tas pats, kas reizi par visām reizēm piedēvēt filosofijai antizinātniskumu vispār. Gribētos piebilst, ka kritiskas piezīmes (pirms vēl nav piedāvāts izsvērtu argumentu kopums) par dialektiku, tās likumiem — arī marksistiskās dialektikas likumiem — visai bieži izraisa protestus dabaszinātnieku auditorijās. Lieciet mieru dialektikas likumiem, tas ir vienīgais zinātniskais elements marksistiskajā filosofijā!

Mēs tomēr nedrīkstētu aizmirst, ka marksistiskā filosofija «izdara apvērsumu» domas vēsturē. Tas, protams (un varbūt vispirms), skar arī dialektikas izpratni un lietojumu. Marksistiskajā filosofijā daudzkārt ir uzsverīta doma, ka marksisms ir «nostādījis uz kājām» Hēgeļa «ideālistisko dialektiku». Sā «apvērsuma» rezultātā «ideālistiskā, subjektīvā» dialektika kļūst par «objektīvu» dialektiku un dialektiskās domāšanas formas un likumi — par «dabas dialektikas» likumiem. «Tā sauktā objektīvā dialektika valda visā dabā, bet tā sauktā subjektiķā dialektika, dialektiskā domāšana, ir tikai visā dabā valdošās, pretstātošas noticīkošās kustības atspoguļojums,» pēc apvērsuma izdarīšanas apmierināti paziņo F. Engelss. Pirms tiekam skaidribā, kas ir Hēgeļa «subjektīvā dialektika», aplūkosim, kadas ir butiskakās «dabas dialektikas» iezīmes.

Pēc «apvērsuma» kļūst skaidrs, ka dialektika valda pašā dabā; nav vienīgi zināms —

kā (ir «zināmi» vienigi «paši vispārigākie likumi», kas nu veiksmīgi «stāv uz kājām»). Tā kā Markss ir joli aizņemts ar sabiedriskās esamības ekonomisko pamatu noskaidrošanas problēmu, šiem jautājumiem savu turpmāko dzīvi nolemj velīt Engelss, un, sekojot viņa paraugam, līdz pat 20. gs. beigām to darījuši daudzi marksistiskās filosofijas dižākie prāti (piemēram, bulgārs Todors Pavlovs vai arī latviešu marksisma ievērojamākais pārstāvis Ernsts Kārpovics, kas mēģināja aprakstīt objektīvo dabas dialektiku ķīmijas jomā). Šķiet gan, ka augstāko virsotni šajā titānkājā darbā jau krieti sen pirms viņiem bija sasniedzis «krievu ģēnijs» Nikolajs Cerniševskis, kas, domājot par nolieguma nolieguma likumu, nonāca pie šādas atziņas:

«Dzīves augstākais produkts, smadzeņu masa, ar savu raksturu atgādina kaut kādu ķiseli, kam gandrīz nav to formu un īpašību, kādas piemīt gaļai — dzīvnieku valsts domīnējošam elementam. Dzīvnieciskās dzīves zemākai pakāpei, kas izpaužas moluskos un gliemežos, ir pilnīgi tas pats raksturs: austeres recekļveida ķermenis drīzāk ir līdzīgs smadzenēm nekā gaļai. Tādējādi mēs atkal redzam trīs formas, no kurām augstākā (smaženes) ir it kā atgriešanās no otrās (gaļas) pie pirmatnējās formas (recekļveida vielas).»

Jāteic gan, ka īpaši spozi rezultāti parasti bija vērojami gadījumos, kad «gēnijs ar recekļveida smadzenēm» kērās pie sabiedrības vēsturiskās attīstības procesa interpretācijas. Lai arī dialektikas likumi attiecas uz ikvienu lietu un parādību (Cerniševskis, piemēram, runā par bikšu dialektisku attīstību) vai to kopumu, šķiet, ka viena no jomām, kuru īpaši mil nolieguma nolieguma likums, ir vēstures joma. Parasti gan likums tika izmantots nedaudz vienpusīgi, t. i., lai «zinātniski» pierādītu, ka savā attīstības gaitā, izejot vairākas secīgas un nepieciešamas attīstības tāzes, sabiedrība nonāks komunismā. Tā teikt, dziedi vai raudi, komunisms atnāks «zinātniski», stingri nepieciešami, tikpat nepieciešami kā nāve. Nekad gan netika īpaši paskaidrots, kādēļ šo procesu vajadzētu sākt aplūkot tieši ar pirmatnējo sabiedrību. Kāpēc mēs, piemēram, nevarētu domāt, ka šis likums, t. i., mūsu vēsture ir bijusi ieprogrammēta jau kādā kos-

miskā miglājā, pirmatnējā okeānā, kurā varbūt peldēja vientuliga amēba, ko likums ilgstošā evolūcijā pārvērtā par pērtīki, lika tam celties kājās, dziedāt, tad kāpt kokā, no kura to nokāpt, lai nemtu rokā darbariku un kļūtu par cilvēku, šķiet, pierunāja Engelss.

Parasti, «zinātniski» interpretējot šo likumu, piemirs arī to, ka dažādos laikmetos, dažādos atšķirīgos pasaules reģionos cilvēces vēstures attīstības gaita ļoti bieži skatīta caur lidzīgu «zinātnisku» likumu prizmu. No pēdējā gadsimta pieredzes derētu atcerēties kaut vai dižā vācu fizīra «atklāto» un pamatoto «stingri zinātnisko» rasu teoriju, kuras uzdevums bija apliecināt «vēsturisko nepieciešamību», kas par savu mesiju un istenotāju izvēlējusies vācu nāciju. Tomēr vēlreiz jāpasvitro, ka centieni atklāt vēstures mērķi, dabas un sabiedrības norisēs slēpto viennozīmīgo likumu nepavīsam nav jaunāko laiku kultūras prioritāte. Centieni aptvert «pašus vispārigākos dabas un sabiedrības likumus» laikam gan ir tikpat veci kā pati cilvēce. Seno grieķu izpralnē visas dabā un sabiedrībā vērojamās norises pakļautas universālam kosmiskam ritnumam, likumainam, kura darbības rezultātā išteinojas «mūžīgā atlīgšanās». Senais grieķis spēj iedomāties vēsturi vienīgi kā ciklu, atkārtošanos, kas būtibā nevar nest neko jaunu, un tieši tādēļ šādu pasaules redzējumu ir visai grūti nosaukt par vēsturisku šā vārda ieraslajā nozīmē. Līdzīgas kosmisko ritmu, universālā likuma izpralnes iezimes vērojamas senas Ķinas filosofijā. Pasaules sākotnējā stadija ir «Vienotais»; izejot caur dažādam «īņ» un «jan» mijiedarbības stadijām, tas jaunā savas attīstības spirāles lokā cētisies atgūt attīstības gaitā zaudēto sākotnējo vienību.

Rietumu cilvēks viduslaikos uz vēstures procesu raugās kā uz sabiedrības providenciālu virzību uz gaidāmo pestišanu, uz Dieva valstības iedibināšanos zemes vīrsū. Pēc viduslaiku sholasta domām, šādu virzību nosaka universālais mērķiecības «likums».

Ļoti daudzas mācības dažādos laikmetos ir centušās pieļidzināt vēstures gaitu dažādiem dzīva organismu attīstības etapiem: dzīmšanai, bērnībai, jaunībai, briedumam, vecumam un nāvei. Cikliskās attīstības ideja ļoti bieži

liek attiecināta ne vien uz dažādām sabiedrībām, rasēm vai kultūrām, bet arī uz pasauli kopumā. Jaunākajos laikos to modifiktētā veidā ir izmantojuši Makiavelli, Viko, Spenglers u. c. Jāteic, ka līcība šādam universālam vēstures likumam — būtibā apziņas fantomam, kura saknes meklējamas pasaules mitoloģiskās uztvēruma formās, — caurvij dažādu laikmetu un reģionu kultūru līdz pat jaunākajiem laikiem, savās izpausmēs ieizmējot tās vai citas «pasaules ainas» savdabību.

Kādā veidā šādus apziņas tantomus, pasaules mitoloģiskās interpretācijas formas var atšķirt no reāliem dabas un sabiedrības attīstības likumiem? Tas ir viens no centrālajiem jautājumiem mūsdienu zinātnes filozofijā, kas pretendē izpildīt savdabīgu «apziņas sanitāru» lomu, attīrot to no tukšiem jēdzieniem, apgalvojumiem, kas radušies vienīgi racionālistisku spekulāciju rezultātā un nekādā veidā nav pārbaudāmi, t. i., verisīcējami. Saskaņā ar visai vienprātīgu mūsdienu pozitivistiskās filosofijas pārstavju atziņu nekādā veidā nav verisīcējami neierobežoti vispārinājumi, taču tā saucamie paši vispārigākie dabas, sabiedrības un domāšanas likumi, t. i., objektīvās dialektikas likumi, ir tipisks šādu neierobežotu vispārinājumu paraugs. Tieši tāds pats absolūli neierobežots vispārinājums

Viduslaiku mērķiecības «likums». Tik tiešām, ja kāds kategoriski apgalvo, ka dabā, sabiedrībā, domāšanā viss ir pakļauts universālam mērķiecības likumam, tad tē būtu lieki kaut ko iebilst — iebildumi te vienkārši neiedarbojas, jo, pat norādot uz acīm redzamām novirzēm no «likuma» darbības normas, mēs saņemsim atbildi, ka šī konkrētā novirze iekļaujas universālajā attīstības procesā, galarezultātā to būtiski veicinot. Līdz ar to likuma pārbaudes vietā neizbēgami stājas ticība likumam. Ja dialektikas likumus attiecinātu uz atsevišķām parādībām, procesiem, kādu ierobežotu cilvēciskās esamības jomu, to darbību būtu iespējams viegli pārbaudīt. Taču šo likumu specifika rodama tieši tur, ka tos attiecinā uz katru lietu un parādību un reizē uz visu lietu un parādību kopumu. Tas liek kā vienotu veselumu, būtibā kā unikālu norisi aplūkot arī pasaules attīstības procesu, organiski iekļaujot tajā arī sabiedrības at-

līstību. Pret šādu likuma izpratni un pasaules interpretācijas iespēju visai kategoriski iebilst filozofs Karls Popers. Viņa domas ir šādas: «Mēs nekad nevarēsim pārbaudit universālu hipotēzi vai zinātnei pieņemamu likumu, ja aprobežosimies ar viena unikāla procesa novērošanu. Novērojot vienu unikālu procesu, mēs nevarēsim pat paredzēt tā attīstību nākošnē. Paši rūpīgākie viena kāpura attīstības novērojumi neļaus paredzēt tā pārvērtību taurēni.» Varbūt tas nozīmē, ka cienīti atrast likumus ar augstu vispārinājuma pakāpi būtu gandrīz vai bezcerīgs pasākums? Nepavisam ne! Taču hipotēzei, likumam jābūt samērojamam ar zinātnes piedāvātajām iespējām to pārbaudīt. Nav jēgas apgalvojumiem, kas pat domas eksperimenta veidā nebūtu atspēkojami. Teiktais attiecas arī uz vēstures izpētes sfēru. Pagaidām gan visai grūti būtu runāt par universāliem vēsturiskās attīstības likumiem. Labākajā gadījumā ir iespējams fiksēt vēsturiskās attīstības tendences, izteikt hipotēzes par atsevišķu norišu vai norišu kopuma virzību.

Kā redzams, nav pamata runāt par īpašu objektīvu «dabas dialektiku». Vai tas nozīmē, ka arī Hēgeļa formulētie dialektikas likumi nav nekas vairāk kā slimīgas tantāzijas auglis, racionālistiskas spekulācijas? Patiesībā ir gluži otrādi — tieši Hēgeļa dialektika stingri stāv uz kājām. Tās likumi, kategorijas utt. nav Hēgeļa tantāzijas auglis un nav arī objektīvu dabas likumu atspoguļojums apziņā, bet ir fiksētas Rietumu kultūras arhetipiskas formas. Tādās formas un tādās pasaules apzināšanās un interpretācijas instruments, kas laika gaitā ir izveidojies tieši Rietumu civilizācijā. (Austrumi uztver pasauli un izskaidroto citādi.) Sādā «hēgeliskā» veidā domājam mēs, tā skaidrojam pasauli, jo citādi mēs neprotam. Jau no Rietumu civilizācijas attīstības pirmsākumiem (Grieķija, Irāna, senebreju sabiedrība) pasaule tiek interpretēta kā pretstatu ciņa. Neko īpaši oriģinālu Hēgelis nepasaka arī, runājot par «absolūto garu». Tas galu galā ir tas pats Rietumu civilizācijas Dievs (arī kultūra, pieredze, kas pacelta absolūta pakāpē). Progresā ideja, kas ir cieši saistīta ar tā saucamo nolieguma nolieguma likumu, nav nekas cits kā jūdaismā pašapināta un kristietībā

nostiprinājusies ideja par absolūto jēgu, par garantēto ceļu uz to, par «apsolito zemi».

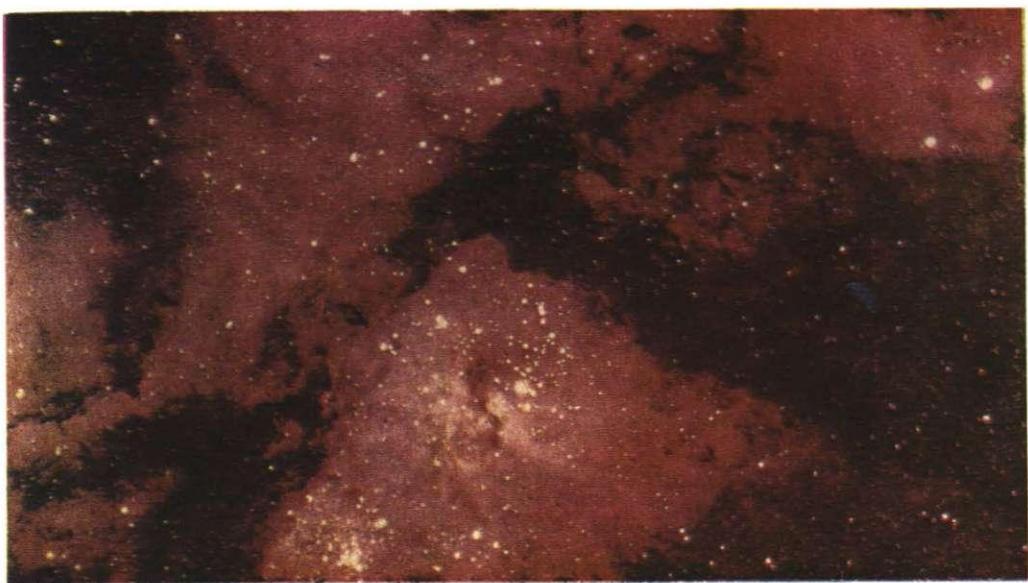
Marksisms šo apziņas dialektiku, šīs arhetipiskās Rietumu kultūras formas padara par patstāvīgām būtībām, padara domāšanas formas un līdzekļus par dabas likumiem. Pasaules skaidrojuma līdzeklis un forma pārvēršas par esamības paškustības formu. Līdz ar to tie kļūst par fantastiskiem monstrieri, kas būtībā neatšķiras no Viduslaiku sholastikas likumiem. Galarezuļķītā tie tiecas koncentrēt sevī absolūtu jēgu, kuras kontekstā jēgu, attaisnojumu vajadzētu gūt atsevišķa cilvēka un arī sabiedrības rīcībai. Marksisms nesarauj saites ar objekti, «absolūto jēgu», kuras gaismā savas esamības attaisnojumu gūst ikviens lieta un parādība.

Marksa un Engelsa mācība ar organiskām saitēm ir saistīta ar Rietumu utopiskās domāšanas pieredzi. Par to liecina daudzi viņu darbi («Komunistiskās partijas manifests», «Vācu ideoloģija» u. c.). Turklat runa nav tikai par tā saucamā utopiskā sociālisma (Ovens, Furjē, Sensimons) ietekmi, bet arī par tādām apziņas struktūrām, kas Rietumu kultūrā veidojušās kopš Platona «Valsts» laikiem. Te būtu jāatceras kaut vai odiozā «sievu kopības ideja» (tā tick atkārtota «Komunistiskās partijas manifestā»), doma par privātīpašumu kā visa jaunuma sakni. Taču utopiska ir arī pamatideja — doma par komunismu kā sabiedrību, kurā «materiālie labumi plūdis plašā straumē» un būs atrisinātas visas sabiedriskās antinomijas. Nav grūti šajā idejā saskatīt savdabīgu «leiputrijas», «parādīzes» un «apsolītās zemes» sintēzi.

Būtībā spekulatīvas konstrukcijas, dialektikas likumi, ja tos pretstatā Hēgelim attiecinā nevis uz domāšanas veidu, bet gan uz dabu, marksistiskajā filosofijā gūst ontoloģisku nokrāsu, kļūst par pašpietiekkošām, paškustīgām būtībām. Sie likumi faktiski kļūst par līdzekli jaunas reliģijas (zem ateisma maskas) pamatošanai.

R. Kūlis

Pēc autora kategoriska pieprasījuma vārds «filozofija» atstāts autora rakstībā. — Red.

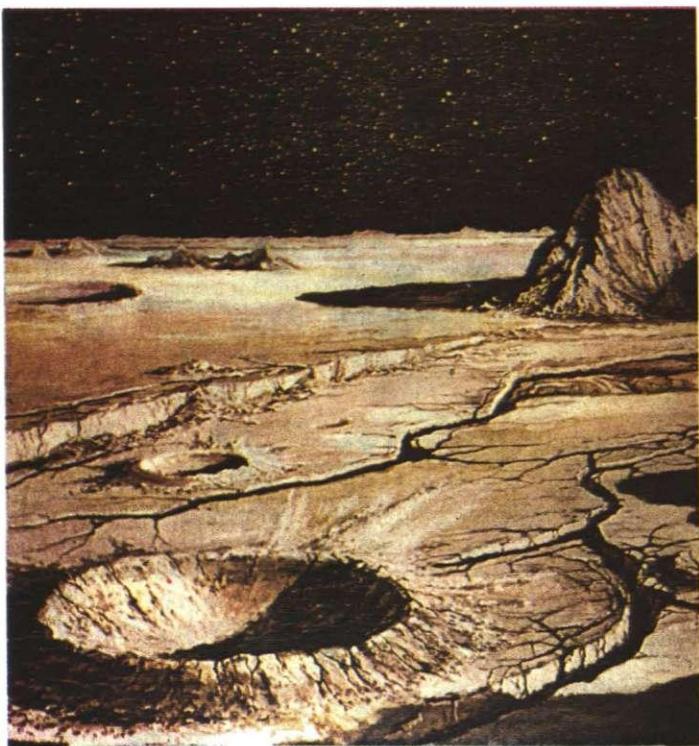


Kuģa Ķīļa Etaas miglāja vidusdaļa. Miglāja robežās ir daudz spožu zvaigžņu kopu, dažas izveidojušās samērā nesen. Augšā pa labi no centra redzama spožākā kopa Trumpler 14

Sk. J.-I. Straumes rakstu «Kuģa Ķīļa Eta — vai nākamā pārnova?»

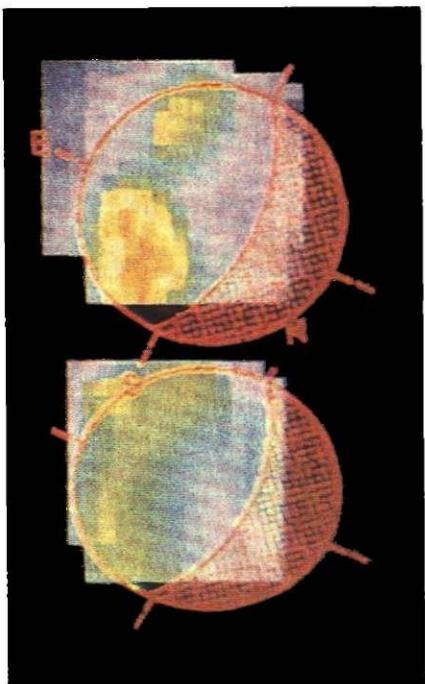


Bijušajā Krievijas armijas objektā «Zvaigznīte» visos virzienos grozāmās paraboliskās antenas: visvērtīgākais instruments — 32 m diametrā (*apakšā pa kreisi*) un 16 m diametrā (*apakšā pa labi*). O. Paupera foto. Cerams, ka tās izdosies izveidot par radio-teleskopiem RT-32 un RT-16

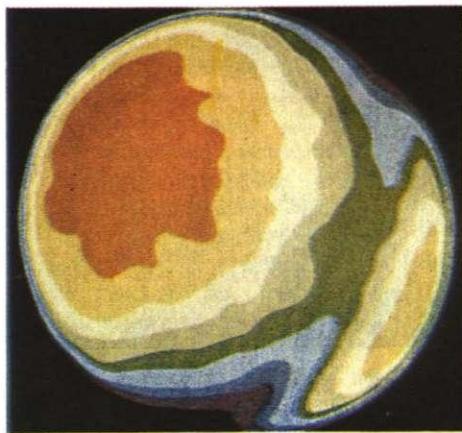


Sk. A. Balklava rakstu «Dramatiska ciņa par Ventspils antenām un VSRC»

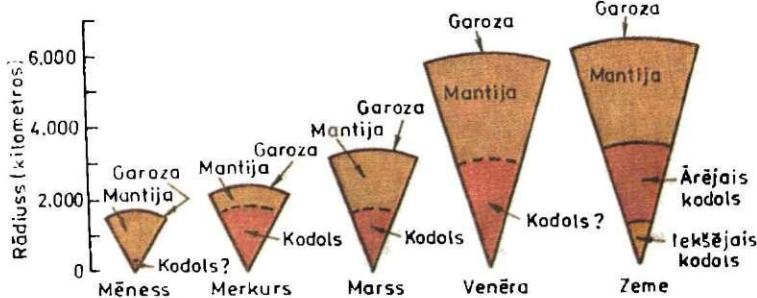
Ar specīgu iztēli apveltītie mākslinieki Merkura virsmu pārasti attēloja līdzīgu Mēness virsmai, un izrādījās, ka viņu intuīcija bija bijusi pareiza: «Mariner-10» fotogrāfijās redzams, ka Merkura virsma atgādina Mēness virsmu. Merkura panorāma (fragments), kādu to iztēlojās mākslinieks Luděks Pešeks sen pirms «Mariner-10» vizites (ilustrācija ievietota J. Sadila un L. Pešeka grāmatā *«Die Planeten des Sonnensystems»*, kas izdota Prāgā 1963. gadā)



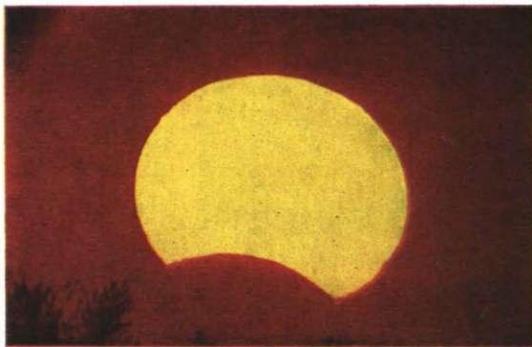
Bez hēlija Merkura retinātajā atmosfērā konstatēts arī nātrijs. Tā koncentrācija dienu no dienas mainās (salīdziniet dzelteno un sarkano planķumu intensitāti augšējā un apakšējā attēlā pa kreisi)



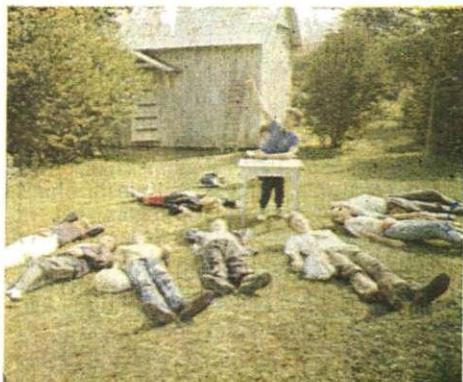
Sakarā ar Merkura rotācijas īpatnībām daži planētas apgabali saņem spēcīgāku Saules starojumu; šā iemesla dēļ uz planētas izveidojas divi karstuma poli. Attēlā dota Merkura temperatūras karte, kas iegūta pēc radionovērojumiem ar radioteleskopu VLA Jaunmeksikā ASV. Tajā reģistrēts planētas siltumstarojums, kas nāk nevis no tās virsmas, bet no nepilna metra dziļuma. Redzams tikai viens no karstuma poliem (sarkanā krāsā), otrs atrodas planētas neredzamajā pusē. Augstākā temperatūra karstuma polā ir apmēram 130 °C.



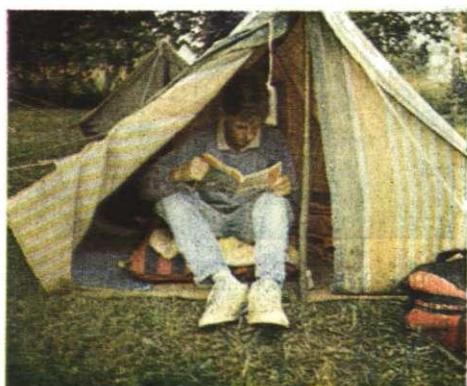
Zemes grupas planētu un Mēness iekšējās uzbūves salīdzinājums. Merkuram ir vislielākais kodols salīdzinājumā ar planētas izmēriem Sk. I. Vilka rakstu «Merkurs — Saulei tuvākā planēta»



Dajējs Saules aptumsums 1994. gada 10. maijā.
To uzņēmis astronomijas amatieris Longins Garkulis Daugavpilī ar fotoapārātu Zenit-TTL uz kinostatīva un objektīvu MTO-1000 un 2 reižu telekonvertoru (ekvivalentais fokusa attālums 2000 mm) caur gaiši zaļo filtru ZZS-9. Ekspozīcija 1/250—1/500 sekundes. Filma ORWO CHROM ar jutību 90 VVST. Attēlā labi redzams Saules diska saplacinājums, tai atrodoties apvāršņa tuvumā



Notiek meteoru novērojumu treniņš.
I. Vilka foto



Nometnes dalibnieki ar interesi lasīja žurnālu «Zvaigžņotā Debess»



Siguldas 13 cm reatraktors
Sk. I. Vilka rakstu «Vasaras novērošanas nometne «Ērgļa Delta»»

MAZLIET PAR «-ISMIEM»

Nesen man gadījās pārlasit kādu no daudzām Einšteina biogrāfijām*. Autors dievojās, ka izstāstīšot par Einšteinu visu patiesību, tikai patiesību un turklāt visu visgalvenāko patiesību. Kā vienmēr, šādam zvērestam var ticēt un tomēr laikam vienmēr vajag arī nedaudz neticēt ne jau tāpēc vien, ka grāmata ir, kā mēdz teikt, «tīri» marksistiska, lai gan jau tas vien varētu būt pietiekams šaubu pamats.

Einšteins bija, ir un mūžīgi paliks viena no visdziākajām un reizē arī visiņpatnējākajām personībām dabaszinātķu un kultūras vēsturē. Sajā rakstīgā tiks skarta tikai viņa speciālā relativitātes teorija, lai gan viņa radošās darbības virsotne acīmredzot ir vis-pāriģā relativitātes teorija, kā arī būtiski nozīmīgs ir viņa ieguldījums kvantu mehānikā.

Speciālā relativitātes teorija ir viņa gara «pirmdzimtais». Iekļaujoties modernās fizikas attīstībā, viņam jau relatiiv agrā jaunībā (relatīvi agrā salīdzinājumā ar viņam līdzīgu fiziku — Nūtona, Faradeja, Planka, Boltmaņa un citu mūža ritumu) — divdesmit sešu gadu vecumā — laimejās (ja šāds vārds ir vietā) radīt teoriju, kas radikāli mainīja priekšstatus par laiku un telpu un kas no tā sauktā veselā saprāta viedokļa ir neapšaubāms absurdus. Atgādināsim šā absurda būtību.

«Domu eksperiments», ar kuru pieņemts skaidrot speciālo relativitātes teoriju, ir šāds. Pa taisnām, bezgalīgi garām sliedēm vienmērigā ātrumā v rit vilciens; tā sastāvu veido platformas, un uz vienas no tām atrodas lielgabals, kas raida šāviņus gan vilcienu kustības virzienā, gan pretēji tam. Ja šāviņa ātrums ir v_1 , tad var izmērit tā ātrumu attiecībā pret zemi jeb, kā pieņemts teikt, «nekustīgo koordinātu sistēmu» un konstatēt, ka tas ir v un v_1 summa vai starpība atkarībā no tā, kurā virzienā tiek šauts. Bet, ja lielgabalu aizstāj ar ūsu gaismas impulsu avotu, tad šo

impulsu ātrums vienmēr ir konstants, tas pats c (apmēram 300 000 km/s) neatkarīgi no tā, kādā virzienā izplatās gaisma, un, pats galvenais, neatkarīgi no tā, kur — vilciēnā vai uz zemes — atrodas novērotājs, kas to mēri.

«Veselais saprāts» apgalvo, ka «tas nevar būt», un «veselajam saprātam» ir taisnība. Jo slīktāk «veselajam saprālam! Tiešam: lielgabala šāviņš un gaismas stars taču ir līdzvērtīgas «fizikālās realitātes», abām ir noteikta masa, impulss un tā tālāk. Ar ko gan gaisma izpelnījusies tādu «izņēmuma stāvokli?»

Nezinu, vai mūsdienu fizika kā «pēdējā instance» prot pareizi un izsmēloši atbildēt uz šo jautājumu. Tomēr skaidrs ir viens: gaisma ir šāds izņēmums, un no tā izriet vesela vīkne «visdivaināko» (atkal «visdivaināko» no «veselā saprāta» viedokļa secinājumu, to vidū arī masas un energijas ekvalences princips).

Nelielais ekskurss modernās fizikas vēsturē bija vajadzīgs, lai sasaistītu Einšteina atklāto «absurdu» ar filozofu atticksni pret to.

Vispirms piebildīsim, ka Einšteins savā darbībā nebija vientuļš. Nozīmīgs ieguldījums pieder arī daudziem viņa laikabiendriem. Laikmeta fizikālā doma, Maikelsona un Morlija klasiskā eksperimenta rosināta, sāka darboties šajā virzienā. Galvenās formulas (tā sauktās Lorenca transformācijas), kas veido speciālās relativitātes teorijas matemātiskos pamatgrodus, bija ieguvus nīderlandiešu fizikis H. Lorencs. Neatkarīgi no Einšteina un gandrīz reizē ar viņu teorijas pamattēzes savos darbos bija izklāstījis franču zinātnieks A. Puankarē. Piebildīsim vēl arī to, ka Maikelsona un Morlija eksperiments, ar kuru tika pierādīta neiespējamība elektrodinamiski konstatēt Zemes rotācijas ātrumu ap Sauli attiecībā pret «pasaules ēteru», nenozīmēja to, ka būtu jāatsakās no Kopernika uzskatiem un jāatgrīcīgas pie Ptolemaja sistēmas. Patiesām, zvaigžņu aberācija pastāvēja pirms Einšteina un pastāv arī pēc viņa. Tās būtība ir gaismas stara noliešanās nelielā leņķī attiecībā pret

* Herneks F. Alberts Einšteins. Patiesībai, cilvēcībai un mieram veltīts mūžs. — R. Liesma, 1968. — 216 lpp.

virzienu, kādā tas uz Zemi kristu gadijumā, ja tā ar ātrumu ap 30 km/s nejopotu ap Sauli. Nosacīti var apgalvot, ka stars attiecībā pret Zemi krit «slipī», tāpat kā uz ejoša vilcienu loga rūts slīpas pēdas atstāj lietus lāses, kas rāmā laikā, protams, kristu taisni. Tā kā lietus pilienu krišanas ātrums ir samērojams ar vilcienu ātrumu, leņķis ir liels, nereti pat krietni vien lielāks par 45° . Turpretim gaismas stara «krišanas leņķis» vai, labāk sakot, tā maiņa Zemes orbitālās kustības dēļ ir mazs (maza) (radiānos — vienāds ar abu minēto ātrumu attiecību, t. i., ap 10^{-4}) un tomēr precīzi izmērāms. Tātad, vērojot zvaigznes, var neapsaubāmi pierādīt, ka Zeme griežas ap Sauli; taisnība ir Kopernikam, nevis Ptolemajam. Vēl vairāk — taisnība ir Einšteinam: arī aberācijas dēļ noliektais gaismas stars izplatās ar to pašu absolūti nemainīgo ātrumu c , neskatoties uz to, ka pat tādā taisnleņķa trijstūrī, kura viens leņķis ir 10^{-4} radiānu (nedaudz vairāk par $20''$), hipotenūza ir nedaudz, nedaudz garāka par garāko kateli un tāpēc gaismas staram attiecībā pret zemi «būtu» jāizplatās «mazliet, mazliet» ātrāk, kā to patiesām dara kriptošā lietus lāse attiecībā pret jojojošo vilcienu. Lietus lāse — jā. Gaismas stars — nē. Sajā «paradoksā», kas nemaz nav paradokss, slēpjelas relativitātes teorijas un Einšteina kā fiziķa diženuma būtība. Cik vienkārši! Viss ģeniālais ir vienkāršs. Tomēr ne viss vienkāršais ir ģeniāls.

Aberācijas dēļ visa zvaigžņotā debess mazliet, mazliet maina savu «izskatu»: zvaigznes pie debess velvēs pārvietojas pa mazām aplocēm, ja tās atrodas ekiptikas polā, pa elipsēm ar viegli aprēķināmu pusasu attiecību vispārīgā gadijumā un pa nelieliem taišņu nogriežiem šurp un turp tad, ja tās izvietotas uz ekiptikas. Šā iemesla dēļ visi novērojumi dati, ja tas nepieciešams, ir jākoriģē, ko astronomi, izmantodami attiecīgas standartformulas, arī dara. Nekādu problēmu!

Problēmas rodas tad, kad Einšteinam klāt «ķeras».. filozofi. To sadalījums materiālistos un ideālistos ar daudzām apakšgrupām un starpvirzieniem esot novecojis. Tomēr Einšteina laikā tas tā nebija.

Te autors gribētu atgriezties pie savā rak-

sta «Astroloģija sānskatā»*, konkrētāk — pie tā noslēguma daļas. Tajā tika stāstīts par ārpasauli kā mūsu «smadzeņu produktu» tādā nozīmē, ka jebkuru fizikālū kairinātāju (gaismas vai skaņas viļņus, vielu tiešā sašķerē ar to utt.), kuru spējam sajust, sajūtam (uztveram) tāpēc, ka tas iedarbojas uz mūsu īmaņu orgāniem. Ierosa sarežģītu daudzpa-kāpju procesu rezultātā nokļūst attiecīgajos galvas smadzeņu centros, kur tā tiek ne vien sajusta, bet arī rada šķitumu, ka sajūtas saturs (krāsa, skaņa utt.) pastāv «ārpasaulei» — neatkarīgi no mums. (Vai kaut kādā ne vi-sai pilnīgi izprastā veidā tur vai arī kādos citos smadzeņu centros vai centrā rodas šis, turpmāk sīki iztīrījamais šķitums.) Tieši krāsa, skaņa utt., nevis tāda un tāda garuma elektromagnētiskie viļņi (tādas un tādas ener-gijas kvanti), skaņas viļņi utt.

Šķitums par «tieši uztveramās» ārpasaules «realitāti» ir, pirmkārt, ārkārtīgi spēcīgs, otrkārt, pilnīgi nejūtams. Ja tas tāds nebūtu, tas taču nebūtu nekāds īsts šķitums!

Ja lasītājs atļautu mazu atkāpi, autors pa-stāstītu, ka secinājumu par šāda šķituma eksistenci un visvarenibū viņš tika izdarījis pirms mazliet vairāk nekā piecdesmit gadiem, profesora Teodora Celma grāmatu un lekciju, kā arī dažu viņa vidusskolā — Jelgavas Her-coga Pētera ģimnāzijā — noklausītu fakulta-tīvu psiholoģijas ievadlekciju rosināts. Minē-tais šķitums, kura producēšana tātad acīm-redzot ir viena no apziņas pašām galvenajām funkcijām, tika lepni (jaunības pārspilētajā pašapliecinātībā) nosaukts par «galveno fe-nomenoloģisko šķitumu». Lieki piebilst, ka par pašu fenomenoloģiju tolaik autoram nekāda priekšstata nebija. Lieki piebilst arī to, ka ap-mēram piecdesmit gadu par kaut ko tik «ķecerīgu» («ķecerīgu» no marksistiskās filozofijas viedokļa) nācās piesardzīgi klusēt. Tomēr lai-kam nav lieki pastāstīt, ka «galvenais fe-nomenoloģisks šķitums» (turpmāk saīsināti GFS) tika izmantots par kādas jaunas (jaunes?) filozofijas «stūrakmensjēdzienu» (jeb varbūt labāk «stūrakmensprocesu»). Un šī «filozolīja» bija... ne vairāk un ne mazāk

* Sk.: Zvaigžņotā Debess. — 1992. gada pavasarīs. — 62.—65. lpp.

kā «materiālisma un ideālisma sintēze» (!). (Cits jau nu būtu palielijes, autors tikai «pasāstā».) «Fenomenu» pasaule pareiza ir ideālisma tēze: visas tieši tveramās (acīmredzamās) lietas un parādības ir apziņas produkts, «lietus» pasaule — materiālisma tēze. Un viss!

Par vienu no iespējām iekļūt «lietu» pasaulei (ja tas vispār iespējams, par ko nopietni jā-šaubās) ir pastāstīts rakstā «Astroloģija sānskatā». Tajā formulēts «saskanīgās samelošanās neiespējamības» princips («princips»): daba nevar (un «negrib») piecus miljardus reižu (ja nosacīti plēnem, ka uz Zemes mit pieci miljardi cilvēku) «saskanīgi sameloties», un tāpēc fizika un citas dabaszinātnes ir iespējamas un jēgpilnas, tās patiešām sniedz aizvien dziļaku ieskatu «īstajā pasaule». Astronomijas un astrofizikas nozarē šos ieskatus, atklājumus un atradumus popularizē un propagandē, bez šaubām, «Zvaigžņotā Debesīs».

Tomēr katrai medalai ir divas puses. Ko dara GFS ar zinātnes produkciju? To pašu, ko ar elementārajiem («elementārajiem!» patiesībā tie taču ir ārkārtīgi sarežģīti) sajūtu saturiem: vieš jebkurā zinātniekā, filozofā uzt. pārliecību, ka viņa galvā pastāvošā jēdzienu un zinātnisko priekšstatu pasaule pastāv neatkarīgi no viņa «ārpasaule». (Grozies, kā grībi, aste kā pakāja, tā pakāja!)

Jāpiebilst, ka GFS visvarenības nepietiekama novērtēšana rada to filozofisko sistēmu, kas mūsu tautu tika mocījusi (un ne tikai pārnestā, «filozofiskā» nozīmē vien) ap pusgadsimtu un ko pieņemts saukt par «dialektisko un vēsturisko materiālismu». Tā kritika, varbūt nepietiekami asa, atrodama šajā numurā publicētajā R. Kūļa rakstā (sk. 27. lpp.). Savukārt GFS pārvērtēja par universālu dogmu iesed mūs «subjektīvajā ideālismā». Atkal slīkti. Kur «-isms», tur slīkti.

Tomēr šķiet, ka, piemēram, Hēgelē «ideālistiskās dialektikas» izpratnei nepieciešams nosacijums (ipaši gadījumā, ja runa ir par izpratni populārā limenī) ir GFS (ja atlaujams lietot šo terminu) iesaistīšana izklāstā. Ja tas netiek darīts, izpratne ir nepietiekama un var iesakņoties pārliecība, ka «dialektiskais un vēsturiskais materiālisms» (lai arī, pie-

ņemsim, «humanizēts», atbrivots no komunistskā režīma šausmām) ir un paliek vienīgi pareizā filozofija. Autoram šķiet, ka, piemēram, jau minētajā R. Kūļa rakstā GFS vai tam ekvivalenta jēdzienu un priekšstatu sistēma ir iesaistīta ne gluži pietiekamā mērā un droši vien nepietiekami populārā limenī. Bet varbūt tā nav?

Kā jebkuram «solidam» procesam, arī GF šķitumam ir «rangis» jeb «pakāpes». Mēgināsim tos aprakstīt.

Ja nosacīti pieņemam, ka dzīvība uz Zemes pastāv ap divi miljardi gadu, tad tikpat ilgi pastāv arī GFS vienkāršākā forma, kas skar ārpasaules uzveri tās visai dažādajās pilnības (relativās pilnības) pakāpēs, ar visprimitīvākajiem organismiem sākot un ar augstākajiem zīdītājiem (arī cilvēku) beidzot. Vienkāršības labad izmantosim tikai aptuveni pareizus laika periodus ar ilgumu, kas iegūstams, jau minētos divus miljardus gadu daļot ar desmit kaut kādā pakāpē. Nākamais mūs interesējošais periods varētu būt divi miljoni gadu: tik senā pagātnē (varbūt arī ne gluži tik senā) uz zemeslodes parādījās pirmais cilvēks un līdz ar to, jādomā, radās arī pirmie valodas aizmetņi. Vārds, kas sašķāja ar Jāņa evaņģēliju bija «iesākumā» un allaž ir pastāvējis mijiedarbībā ar jēdzienu (jēdzieniem), nevarēja neizrādīt GFS pacelšanos jaunā, būtiski augstākā limenī.

Nākamais periods atkal ir tūkstoš reižu īsāks — ap divi tūkstoši gadu. (Droši vien patiesībā seši, astoņi vai pat desmit vai divdesmit tūkstošu.) Sajā laikā dzima zinātnē un pasaules galvenās reliģijas, un GFS visā savā daudzveidībā un pretrunībā «pārņem savā valdišanā un pārziņā» arī tās.

Un pēdējais periods ir atkal desmit reižu īsāks — divi simti gadu. Paliesībā tas ir vēl divas reizes īsāks, ja pievēršamies zinātnei, kuras rezultātus varam saprast, bet par kuriem izveidot uzkātamu priekšstatu nav iespējams, — divdesmitā gadsimta fizikai ar tās kvantu mehāniku un relativitātes teoriju, un divas (aptuveni) reizes garāks, ja runājam par moderno eksakto zinātni vispār, kas aizsākās ar Koperniku, Kepleru un Galileju, kuras sākumperiodu noslēdz Nūtona darbība

un filozofijā viens no ievērojamākajiem veikumiem pieder F. Bēkonam.

Sajā posmā GFS darbojas īpaši aktīvi un reizēm «slepeni»; visi zina, ka GFS pastāv, un visi to tikpat bieži un «elektīvi» aizmirst. Aizmirst!

Nē, patiesībā to neaizmirst neviens un visinazāk jau nu tāds zinātnes dižgars kā, piemēram, Einšteins. Un te nu mēs nonākam pie mūsu nelielā rakstiņa noslēguma daļas: īstī zinātnieki ir no «ismiem» brivi, ir neatkarīgi no tiem. Par spīti tam, ka visi filozofi allaž ir gribējuši un grib pataisīt Einšteinu par «savējo!» Ipaši centīgi šajā virzienā ir darbojušies, protams, «vulgārie materiālisti», marksistī.

Pāri «ismiem» stāv arī visi patiesi dižie dzejnieki, piemēram, Rainis, kuru arī daudzi ir gribējuši padarīt par «savējo». Un, jo neatkarīgāks no «ismiem» ir filozofs, jo viņš arī acīmredzot ir diženāks.

Bet šo rindu autors? Par laimi, viņš nav ne zinātnieks, ne dzejnieks, ne (kur nul) filozofs. Tāpēc viņš var tik vareni propagandēt pats savu «ismu» — GFS-ismu. (Nejaušā aliterācija ar vārdu «fašisms» ir māns: autors to ienīst.)

GFS-isma ietvaros ir interesanti pavērot minēto četru GFS «pakāpju» jeb «posmu» pamatīpatnību: jo vecāks GFS, jo grūtāk to pārvarēt. Ja mēs kaut ko aptaustām, tad šis «kaut kas» tāds taču patīcējam arī ir! Turpretī GFS pēdējā, ceturtā «pakāpe» ir apgūstamā tikai ilgā un grūtā darbā. Saprast relativitātes teoriju un kvantu mehāniku (kvantu elektrodinamiku utt.) ir grūti, pat joti grūti. Tas viss ir dabiski: ja mūsu biomolekulās jau dienus miljardus gadu dzīvo un no paaudzes uz paaudzi tiek pārmantots GFS, kas ir ieaudzis

jebkurā ārpasaules uztveres aktā, tad skaidrs, ka mūsu īsā mūža laikā tikt ar to galā ir grūti. Tikpat grūti šajā īsajā laikā ir pietiekami labi iejusties modernās fizikas — daudzu ģēniju paaudžu darba rezultātā — būtībā. Bet jādara tas ir, kā nu katrs to protam un varām.

Bet kā pārvarēt GFS?

Nekā. To ne ar kādu paņēmienu nevar izdarīt. Tāpēc tas arī ir GFS. Mēs nevaram uztvert neko citādi kā tikai ar apziņu. Psihi. Dvēseli. Garu. Sauciet to, kā gribat. «Apziņas produkts» ir pat visabstraktākās (zinātniskās, reliģiskās, mitoloģiskās) abstrakcijas.

Pārvarēt GFS var tikai nosacīti, izmantojot «saskanīgās samelošanās neiespējamības» principu (un pat tas reizēm «melo») vai kaut ko citu (saasinātu paškritiku u. tml.). Sāda nosacīta pārvarēšana ir arī, piemēram, raksta sākumdaļā izklāstītā zvaigžņu gaismas aberācija un tās korekcija, kuras rezultātā zvaigznes ieņem savu pareizo vietu pie debesīm. Bet... arī šīs koriģētās zvaigznes ir tikai mūsu «smadzeņu produkts» (minētajā nozīmē).

Un Einšteins to lieliski saprata. Būtu skaisti, ja šādai izpratnei tuvinātos arī mēs!

Mazs vingrinājums pašpārbaudei. Novērtējiet, cik liela ir tā papildu aberācija, kas rodas teleskopa kustības dēļ šādos divos gadījumos: 1) teleskops atrodas uz Zemes un līdz ar to rotē ap tās asi; teleskopa ātrums, protams, ir atkarīgs no vietas geogrāriskā platumā; 2) teleskops atrodas Zemes māksligajā pavadonī.

Labākās atbildes publicēsim.

J. Birzvalks

SKAITLOTĀJS ASTRONOMIJĀ

KALENDĀRS DATORĀ

Astronomiskās programmas ieņem stabilu vietu lietišķo programmu pakešu vidū. Populārākās programmas neprofesionāliem astronomiem ir «Dances of planets», «PC Globe», «Kosmoss». Lielu daļu programmu rada astronomi paši. To aktīvi dara gan amatieri, gan profesionāļi. Tā, piemēram, Vācijā astronomiska rakstura programmas regulāri tiek apkopotas un izplatītas par nelielu samaksu. Pēdējais no astronomisko programmu apkopojumiem ierakstīts läzerdiskā, t. s. CD ROM-ā.

Katrs dators vienlaikus ir arī laika mēritājs. Ja datora baterija nav beigusi darboties, tad ar DOS komandu TIME var uzzināt precīzu laiku, bet ar komandu DATE — datumu. Modernākos datoros, kuros lieto MS WINDOWS vidi, ir programma CALENDAR. Ar šo programmu var uzzināt nedēļas dienu izkārtojumu jebkurā mēnesī. Varam izteikt izbrīnu, kādēļ, zinot datora skaitlošanas un datu sakārtošanas iespējas, nav radīts ikvienam lietotājam uoderīgs astronomisks kalendārs. Tā kā latviešiem kalendārs allaž ir bijis svarīgs un ļoti iecienīts uzziņu krājuuns, tad nolēmām radīt pirmo latvisko datorkalendāru.

KALENDĀRA UZBŪVE

Datorkalendāram, protams, vispirms jāsaņur tās ziņas, kas atrodamas jebkurā kalendārā: attiecīgā datuma nedēļas diena, dienu izkārtojums mēnesī, Mēness fāze, Saules lēkta rieta laiks. Latviešu kalendārs bez astronomiskiem datiem sniedz arī personas datus, proti — vārdadienas. Izmantojot datora skait-

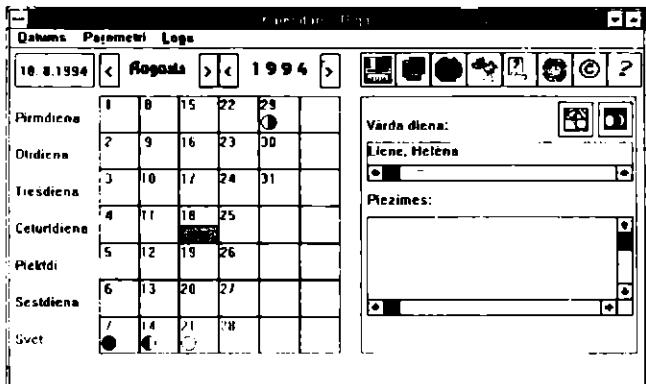
lošanas iespējas, datorkalendārā var paplašināt gan astronomisko, gan personas daļu.

Astronomiskos datus bez grūtībām var pildināt ar dienas un nedēļas numuru gadā, dienas garumu stundās, Saules ieiešanu noteiktā zvaigznājā (zodiaka zīmē).

Dators dod iespēju kalendāru arī stipri personificēt. Ar datorkalendāru var uzzināt, kādā nedēļas dienā, Mēness lāzē, zodiaka zīmē cilvēks ir dzimis, kā mainās cilvēka emocionālais, intelektuālais un fiziskais stāvoklis laikā. Eksistē vienkārša bioritmā teorija, kas apgalvo, ka cilvēka stāvoklis (emocionālais, intelektuālais un fiziskais) laikā mainās periodiski (ar periodu 28, 33, 23 dienas). Nav grūti ievērot, ka šie periodi ir tuvi Mēness riņķošanas periodam. Izmantojot datorkalendāru, katrs var pats pārliecināties, cik lielā mērā šī teorija ir piemērojama viņa personai. Bioritmā teorija apgalvo, ka nepatikamas ir tās dienas, kad attiecīgā stāvokļa likne šķērso abscisu asi, jo tad stāvoklis mainās visstraujāk (matemātiski teiktu — atvasinājums ir ekstremāls). Ja vienā dienā šādi mainās divu stāvokļu liknes, tad psiholīzioloģiskā nozīmē tā ir vēl nepatikamāka. Vienlaicīgi visi trīs stāvokļi šādi mainās tikai dažreiz visā cilvēka mūžā.

MANIPULĀCIJAS AR DATORKALENDĀRU

Ieslēdzot programmu, uz ekrāna parādās pašreizējā mēneša tabulkalendārs (sk. 1. att.). Tabulkalendārā parādītas dienas, kurās iestā-



1. att.

jas noteikta Mēness fāze, un kursors atzīmē attiecīgo dienu (attēlā tas ir 1994. gada 18. augusts). Ekrāna labajā pusē varam uzziņāt, kam 18. augustā ir vārdadiena (Lieene, Helēna). Labajā apakšējā logā «Piecīmes» lietotājs var ierakstīt papildu informāciju, piemēram, valsts vai baznīcas svētku dienas, cilvēka uzvārdu, telefona numuru, miljākās puķes, adresi utt. Protams, ka tur var ierakstīt arī astronomisko informāciju, piemēram, par Saules vai Mēness aplūksmu. Vārdadienai logā ir arī divi slēdzi: astronomisko datu slēdzis ar Saules un Mēness simboliem un personas datu slēdzis ar bioritmu simbolu — sinusoidām.

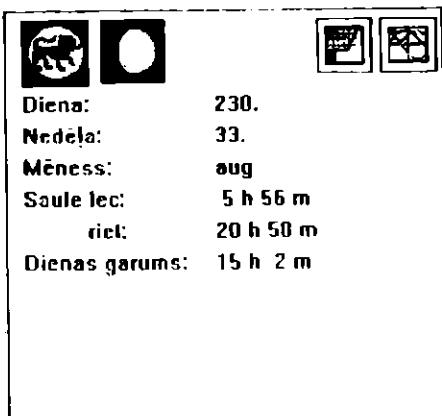
Ar peles manipulatoru pārslēdzot astronomiskās daļas slēdzi, uzzinām, ka 1994. gada 18. augusts ir gada 230. diena, 33. nedēļa, ka Mēness ir augošā fāzē, ka Saule lec $5^{\text{h}}56^{\text{m}}$ un riet $20^{\text{h}}58^{\text{m}}$, bet dienas garums (laiks no Saules lēkta līdz rietam) ir 15 stundas un 2 minūtes (sk. 2.att.). Saules ikonā redzam, ka Saule iegājusi Lauvas zīmē, bet Mēness ikonā redzam aptuveno Mēness izskatu (fāzi). Jādotajā datumā iestājas precīza Mēness fāze, tad ailē «Mēness» tiek dots fāzes iestāšanās laiks. Piemēram, 1994. gada 29. augustā datorkalendārs rāda, ka 4. fāze iestājas $9^{\text{h}}2^{\text{m}}$. Tas interesē lauksaimniekus un tos, kas ietur novājēšanas diētu (badošanos) pēc Mēness fāzēm.

Pirms bioritmu slēža izmantošanas vēlam ievadīt interesējošo dzimšanas datumu. To

var izdarīt divējādi. Visvienkāršāk to var izdarīt ar slēdzi «Stārkis». Ar peles manipulatora slēdzi noklikšķinot uz stārķa ikonas, ekrānā parādās logs «Dzimšanas diena». Ievadīsim tur 1960. gada 11. februāri. Nospiežot slēdzi OK un pēc tam bioritmu slēdzi (ikona ar sinusoidām), iegūstam personas datu logu (sk. 3. att.). Saules un Mēness ikonas rāda, ka personas dzimšanas diena bijusi ceturtā diena, Saule bijusi Ūdensvira zīmē, Mēness bijis augošš un līdz 1994. gada 18. augustam ir nodzīvotas 12 608 dienas. Bioritmu likne rāda, ka no 18. uz 19. augustu tiziskais stāvoklis mainās visstraujāk (sinusoīda šķērso abscisu asi).

Datuma rindā ir redzami daudzi vadības slēdzi. Vispirms jau jāatzīmē slēdzi ar zīmēm «<>» un «>>». Ar šiem slēžiem var ātri «pāršķirstīt» gadus un mēnešus. Bet, ja grib apskatīt kādu vēsturisku datumu, piemēram, 1939. gada 1. septembri (2. pasaules kara sākums), tad labāk izvēlēties pirmo ikonu datuma rindā (tabulkalendāra simbols). Peles slēdzi noklikšķinot uz šīs ikonas, ekrānā parādās logs «Cits datums». Ierakstām norādītajos lodziņos 1, 9, 1939 un iedarbinām slēdzi OK. Ekrānā parādās 1939. gada septembra tabulkalendārs. Redzam, ka pirmais septembris bija piekt Dienā.

Neatņemama latviešu dzives sastāvdaļa ir vārdadienu atlīmēšana. Bet nevar taču atcerēties visu vārdadienu datumus, kas atrodami valsts un baznīcu kalendāros. Pieņem-



2. att.

sim, ka mēs vēlamies uzzināt, kad Ugīm ir vārdadiena. Peles slēdzi nospiežam uz ikonas ar kalendāra lapiņu un jautājuma zīmi. Ekrānā parādās logs «Vārdadienas meklēšana». Lodziņā ierakstām «Ugīs» un nospiežam slēdzi «Meklēt». Uz ekrāna parādās novembra mēneša tabulkalendārs, kurors nostājas uz 17. dienu, un vārdadienu logā redzam: Hugo, Uga, Ugīs. Lai gan datorkalendāra apkalpošana ar peles tipa manipulatoru ir ļoti ērta, tas nebūt nav obligāti. Visu var

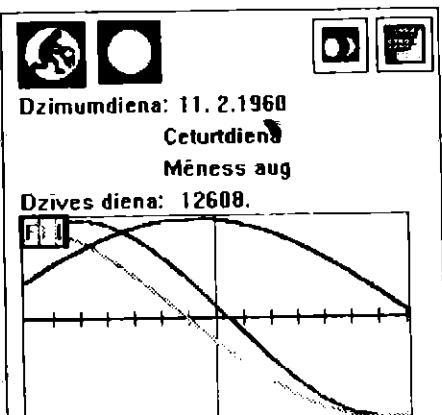
izdarīt arī ar tāstatūru. Nospicžot taustiņu ALT, cursors izcīnē komandu karti, kas sastāv no tris daļām: **Datums**, **Parametri** un **Logs**. Ja cursors atrodas uz **Datuma**, tad, nospiežot ievades taustiņu (ENTER vai RETURN), komandu karte uzrāda komandas: **Nākamais mēnesis**, **lepkiekšējais mēnesis**, **Nākamais gads**, **lepkiekšējais gads**, **Šodiena**, **Cits datums** un **Darba beigas**. Bet, atverot komandu karti **«Parametri»**, var izvēlēties kalendāru (valsts vai baznīcas), precīzēt savu geogrāfisko stāvokli, uzdot savu dzimšanas dienu un meklēt interesējošo vārdadienu. Komandu karte **«Logs»** dod iespēju pārslēgties uz astronomiskajiem vai personas datiem, kā arī rakstīt piezīmes un saņemt palīdzību datorkalendāra apkalpošanā.

KALENDĀRA PARAMETRI

Astronomiskās parādības atkarīgas ne tikai no datuma, bet arī no novērošanas vietas, tāpēc kalendārā paredzēta iespēja to uzdot ar geogrāfisko platumu un garumu, un augstumu. Taču Latvija ir pietiekami maza, tāpēc, ja mūs apmierina dažu minūšu precīzitāte, tad varam lietot Rīgas geogrāfisko platumu $56^{\circ}57'$ geogrāfisko garumu $24^{\circ}7'$ un augstumu 0 metri. Datorkalendārā parametrus var uzstādīt (mainīt) gan komandu kartē **«Parametri»** ar komandu **Geogrāfiskais stāvoklis**, gan ar ikonu **«Zemeslode»**.

Tā kā Latvijā vārdadienu svinēšanu var izvēlēties pēc valsts vai baznīcas kalendāra, tad paredzēta arī atbilstoša parametra iesādīšana. Mūsu valstī vairums ticīgo iedzīvotāju pieder luterānu, katoļu un pareizticīgo konfesijai. Lietotājs var izvēlēties vienu no baznīcas kalendāriem.

Programmā ir integrēta arī spēle **«Laika mašīna»**. Ieslēdzot šo spēli, gadujumskaitļu generators jūs pārviešo uz patvalīgu datumu. Jūsu uzdevums nonākt atpakaļ šodienā. Pārvietošanās laikā notiek, izvēloties kādu mēneša dienu. Pārvietošanās lielums atkarīgs no Mēness fāzes un Saules stāvokļa.



3. att.

TEHNISKĀS PRASIBAS

Programma ir uzrakstīta Turbo paskāla programmēšanas valodā, izmantojot objekt-orientēto pielikumu. Programma darbojas uz IBM savietojamajiem datoriem (sākot ar 386 procesoru un EGA vai VGA grafikas karti, 1 MB operatīvo atmiņu un ciešo disku) WINDOWS vidē. Programma tiek izplatīta

gan 3,5, gan 5,25 collu disketēs. Izplatīšanu uzņemties Latvijas—Vācijas kopuzņēmums «Com Tec. Das Systemhaus. GmbH», kas jau sponsorējis vairākus nelielus projektus, kas saistīti ar datoru lietošanu apmācībā un zinātniskās literatūras izdošanu. Programma tiks izplatīta par pašizmaksu, t. dažiem latiem.

T. Romanovskis, A. Zogla

PIRMO REIZI «ZVAIGŽNOTAJĀ DEBESĪ»



Rihards KOLIS — Dr. phil., Latvijas Universitātes Vēstures un filozofijas fakultātes docents. 1985. gadā aizstāvēja doktora disertāciju par tēmu «Vēsturiskuma problēma vācu ieracionālismā (no Dilteja līdz Heidegeram)». Vairāk nekā 50 zinātnisku publikāciju autors. Specializējies filozofijas un kultūras vēsturē. Tulko filozofisko klasiku (L. Feierbaha, I. Kanta, M. Heidegera darbus). Kopš 1988. gada «Zvaigžnotās Debess» redakcijas kolēģijas loceklis.



Aivars ZOGLA — 1983. gadā beidzis LVU Fizikas un matemātikas fakultāti fiziķa pedagoga specialitātē. Strādā Ugāles vidusskolā, vada ar augstvērtīgiem IBM savietojamiem datoriem komplektētu informātikas kabinetu, māca informātiku, programmē dažādās programmēšanas valodās un vidēs.

SKOLĀ

MERKURS — SAULEI TUVĀKĀ PLANĒTA

Nav nozīmes uzdot jautājumu: «Kas atklājis Merkuru?» Merkurs ir viena no piecām planētām, kas bija zināmas babiloniešu astronomiem jau tūkstoš gadu pirms mūsu ēras. Tās nosaukums saistīts ar sengrieķu un Senās Romas mitoloģiju. Ātrais un viltīgais Merkurs (sengrieķiem — Hermejs) bija tirgotāju un ceļnieku aizbildnis, vēlāk — Olimpa dievu vēstnesis. Spārnotās sandales apāvis, ar zizli rokā viņš lidoja pāri laukiem un mežiem nodot dievu sūtīlo ziņu, samierināt kildniekus u. tml. Savas ātrās orbitālās kustības dēļ planēta ieguva tieši šo vārdu.

Merkurs ir Saulei tuvākā planēta. Tas strauji (ar vidējo kustības ātrumu 48 km/s) riņķo milzīgas, svelmainās Saules tuvumā vidēji 58 miljonus km no tās. Tā kā Merkura orbita ir samērā eliptiska, tā attālums līdz Saulei slīpri mainās — no 46 līdz 70 miljoniem km. Vienu aprīkojumu ap Sauli planēta veic 88 dienās.

Ilgū laiku tika uzskatīts, ka Merkura apgriešanās periods ap savu asi sakrit ar tā aprīkošanas periodu ap Sauli, t. pret Sauli vienmēr ir pagriezta viena un tā pati planētas puse, tāpat kā Mēness vienmēr pagriezis Zemei vienu «avaigu». Pamatoties uz šo pieņēmumu, tika sastādītas Merkura kartes.

1965. gadā ar Aresibo 305 m radioteleskopu (Puertoriko, ASV) veiktajos Merkura radiolokacijas eksperimentos tika noteikts, ka planēta apgriežas ap savu asi 58,6, nevis 88 dienās, kā domāja agrāk. Merkura karšs nācās koriģēt.

Ari šis rotācijas periods ir saistīts ar pla-

nētas orbitālo kustību, bet saistība ir citāda: divu Merkura orbitālo aprīkojumu laikā (**divos Merkura gados**) planēta veic trīs apgriezienus ap savu asi. Šāda attiecība izveidojusies Saules gravitācijas iedarbibā, kas sinhronizējusi planētas rotāciju ar tās orbitālo kustību.

Redzamiba. Merkurs ir Zemes grupas planēta. Raugoties no Zemes, tas vienmēr atrodas Saules tuvumā. Planētas maksimālā elongācija no Saules nepārsniedz 28° . Merkurs medz būt redzams pāris nedēļu ilgumā zemu pie apvāršņa austrumu pusē pirms Saules lēkta vai rietumu pusē pēc Saules rieta kā samērā spoža zvaigzne (vidēji $+0^m.2$), bet uz spožā debess fona tas ir grūti pamānāms. **Merkuram,** tāpat kā Mēnesim, ir raksturiga fāžu maiņa ar periodu 116 dienas (nepilni 4 mēneši). Sajā laikā Merkuram ir viens rīta, viens vakara redzamības periods un divi neredzamības periodi, kuros tas atrodas tiešā Saules tuvumā šaipus tās (apakšējā konjunkcijā) vai aiz Saules (augšējā konjunkcijā). Planētas leņķiskie izmēri ir samērā mazi. Mainoties attālumam, izmēri mainās robežās no $5''$ līdz $13''$. Merkura disku var ieraudzīt vidēji lielā teleskopā, bet detaļas uz tā virsmas pat lielā teleskopā tikpat kā nav saskatāmas. Zinātniskos nolūkos Merkuru novēro dienā, jo tad tas atrodas augstāk virs horizonta.

Reizi vairākos gados notiek Merkura «pāriēšana» Saules diskam. Tas iespējams tad, kad planēta apakšējā konjunkcijā atrodas tieši starp Zemi un Sauli. Tad uz spožā Saules disks Merkurs izskatās kā melns punkts



I. att. Merkurs no-
iel no Saules diska
1973. gada 10. no-
vembrī

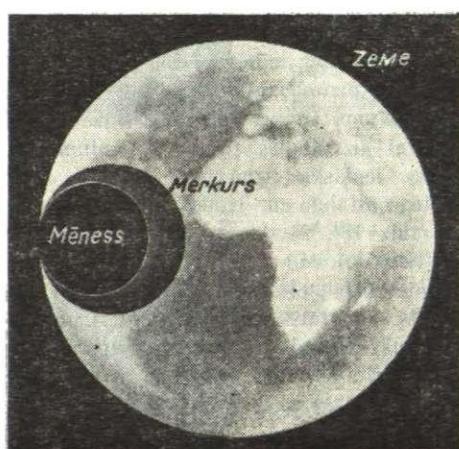
(sk. 1. att.). Tuvākā Merkura aizklāšana notiks 1999. gada 15. novembrī.

Fizikālais raksturojums un uzbūve. Merkurs ir otra mazākā Saules sistēmas planēta (aiz Plutona; sk. 2. att.). Tā diametrs ir 4879 km, un tas ir mazāks par Jupitera pavadoni Ganimēdu un Saturna pavadoni Titānu. Pašam Merkuram pavadotu nav. Smaguma spēks uz Merkura virsmas ir 2,7 reizes mazāks nekā uz Zemes (100 kg smags kosmonauts skaļandrā te «svērtu» 37 kg). Planēta ir pilnīgi apaļa — tās saspiedums praktiski vienāds ar nulli. Uz Merkura nav gadalaiku maiņas, jo tā orbitas un rotācijas plaknes praktiski sakrīt.

Rotācijas ipašību dēļ **diennakts uz Merkura ilgst 176 dienas jeb divus Merkura gadus**. Saules redzamajā kustībā pa planētas debesīm vērojams interesants efekts. Kad Merkurs atrodas perihēlijā, Saules šķietamās kustības ātrums nedaudz pieaug, tāpēc iedomātam novērotājam, kas atrodas uz planētas ekvatora, būs redzams, ka Saule savā diennakts gaitā apstāsies, nedaudz pavirzīsies atpakaļ uz austrumiem un tikai tad turpinās ceļu rietumu apvāršņa virzienā. Ja novērotājs izvietojies tā, ka viņš šajā laikā redz Saules lēktu, tad tā uz divām — trim dienām parādīsies virs horizonta, norietēs un uzlēks atkal no jauna, lai sāktu garo ceļu pa Merkura debesīm. Dienas beigās tā divas reizes norietēs.

Merkurs atrodas tuvu Saulei, tāpēc uz tā valda liels karstums. Saules disks Merkura debesis ir gandrīz 3 reizes lielāks nekā uz Zemes. Dienā Merkura virsma sasilst līdz 430°C . Sādā temperatūrā kūst vairāki metāli, piemēram, alva, svins un cinks. Planētas ekvators atrodas lieši tās orbītas plaknē, tāpēc visvairāk sakarst planētas ekvatoriālie rajoni (sk. krāsu ielikumu). Polu apvidū temperatūra arī dienā ir krietiņi zemāka.

Ja Saule atrodas zenītā, tad katrs virsmas kvadrātmetrs saņem 14 kW lielu Saules starojuma jaudu. Tā kā Merkuram ir tumša virsma (planētas atslarošanas spēja jeb albedo ir tikai 9%), tad lielākā daļa enerģijas tiek izlietota planētas virsmas sasildīšanai, un virsma spēcīgi sakarst. Taču Merkura virsmu, tāpat kā Mēnesi, klāj mikrometeoritu bom-



2. att. Zemes, Merkura un Mēness salīdzinošie izmēri

bardēšanas rezultātā izveidojies īdens slānis. Tam ir labas siltumizolācijas īpašības, un jau 1 m dziļumā virsmas temperatūras svārstības nav jūtamas. Šeit temperatūra ir pastāvīga un vienāda ar aptuveni 80°C .

Garajās naktis temperatūra uz Merkura sazīmēs līdz -180°C . Salīdzinājumā ar citām planētām uz Merkura ir vislielākā temperatūras starpība starp tā apgaismoto un neapgaismoto pusī — 600 grādu.

Lielās starpības cēlonis ir tas, ka **Merkuram praktiski nav atmosfēras**. Tikai tā virsmas tuvumā nelielā daudzumā konstatēti hēlija atomi. Taču šie atomi neveido pastāvīgu gāzes apvalku. Tie aizplūst starpplanētu telpā, bet to vietā Saules vējs «piegādā» jaunus.

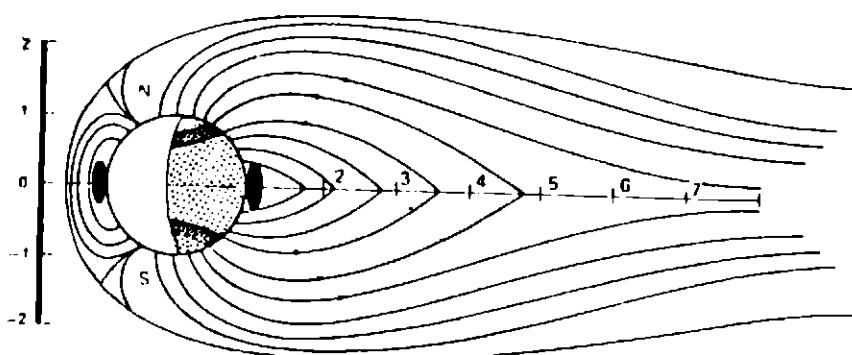
Merkuram ir vājš magnetiskais lauks. Tā intensitāte sastāda tikai 0,7% no Zemes magnetiskā lauka intensitātes. Magnetiskie poli ir nobidīti par 12° attiecībā pret planētas rotācijas poliem. Magnetiskais lauks piemīt pāsai planētai, un tāpēc var uzskalit, ka **Merkuram ir šķidrs kodols**. Planētai ir neliela magnetosfēra. Saules vējs (lādēto daļu plūsma, kas nāk no Saules) to piespiež tuvu planētas virsmai (sk. 3. att.). Saules pusē magnetosfēras robeža atrodas apmēram 1500 km augstumā, bet neapgaismotajā pusē magnetosfēras aste stiepjas tūkstošiem kilometru tālu.

Merkuram ir liels vidējais blīvums — 5440 kg/m^3 . No tā var secināt, ka planētai ir liels

kodols, kas acimredzot sastāv no dzelzs. Tā aptuvens rādiuss ir 1900 km, un tajā koncentrēti apmēram 60% planētas masas. To apņem silikātiežu apvalks, kura biezums ir aptuveni 550 km (sk. krāsu ielikumu).

Virsmas apskats. Pirmajā acu uzmetienā Merkura virsmas fotogrāfijas var viegli sajaukt ar Mēness uzņēumiem, jo tos abus pārklāj daudz krāteru. **Krāteri ir raksturigākā Merkura reljefa forma** (sk. 4. att. un krāsu ielikumu). Tie ir nosaukti slavenu mākslinieku — rakstnieku, gleznotāju, komponistu vārdos. Vislielākais ir L. van Bēthovena krāteris 625 km diametrā. Viens no Merkura krāteriem nosaukts arī Raiņa vārdā. Atšķirībā no Mēness, uz kura ir mazāks smaguma spēks, Merkura krāteri un kalni ir zemāki un lezenāki. Krāteru iekšējie valji biežāk veido terases, biežāk sastopams centrālais uzkalniņš. Gaišie stari ap jaunākajiem krāteriem nestiepjas tik tālu kā uz Mēness.

Uz Merkura ir arī «jūras», taču tās ir nelielas un nokrāsas ziņā maz atšķiras no «kontinentiem». To vidū ipatnējs ir 1300 km lielais Caloris triecienu baseins jeb Svelmes jūra, kas radusies īpaši liela meteorīta triecienu rezultātā. Tālu ap to stiepjas koncentriskas valņu grēdas, baseinu klāj plāisu tīkls (sk. vāku 3. lpp.). Meteorīta radītais triecienvilnis ir bijis tik spēcīgs, ka apliecis visu planētu un fokusejies diametrāli pretējā punktā, radojot ar pauguriem un gravām bagātu šķēr-



3. att. Merkura magnetosfēru Saules vējs piespiež tuvu planētas virsmai (attēla mērogs dots planētas rādiusos)



4. att. Merkura reljefa raksturīgākā forma ir krāteri («Mariner-10» uzņēmums)

šķotu apvidu (sk. 5. att.). Uz Merkura sastopama arī tāda interesanta reljela forma kā kraujas. To augstums ir no 1 līdz 2 km, bet garums — vairākus simtus km. Uzskata, ka tās ir radušās Merkura garozas verlikālas nobides rezultātā tajā laikā, kad dzīles kusa un sablivējās un planētas diamelrs nedaudz samazinājās (sk. 6. att.). Dažviet kraujas ir pardalījušas uz pusēm samērā lielus krāterus.

Merkura virsma ir ļoti sena. Tā reljefs ataino notikumus, kas risinājušies uz planētas pirms apmēram 4 miljardiem gadu. Drīz pēc izveidošanās Merkura dzīles strauji sasila un noslānojās. Smagakie elementi «nogrīma», izveidojot kodolu, bet vieglākie elementi «uzpeldēja». No tiem radas silikātiežu apvalks. Tajā laikā planēta bija vulkāniski ļoti aktīva. Tās virspuse dažviet izplūda lava. Vienlaicīgi turpinājās intensīva Merkura bombardēšana ar meteorītiem. Par šādiem procesiem liecina krāteri, kas daļēji aizpildīti ar lavu. Vēlāk garozas atdzisa un sacietēja, izveidojot mūsu dienās redzamās reljefa formas. Kopš tā laika virsma ir maz mainījusies. Radušies daži jauni meteorītu krāteri, par kuru relativi nesen izceļsmi liecina gaišo staru sistēmas ap tiem. Protams, Merkuru turpina bombardēt mikrometeorīti, pakāpeniski noārdot krāteru valņus un irdinot planētas virsmu. So procesu sauc par mikrometeorītu eroziju. Taču tie maz pārveido planētas virsmu salīdzinājumā ar Zemi, uz kurās ūdens, sals un vējš iežus noārdā daudz straujāk.

Par Merkura ģeoloģisko altistību vēl ir

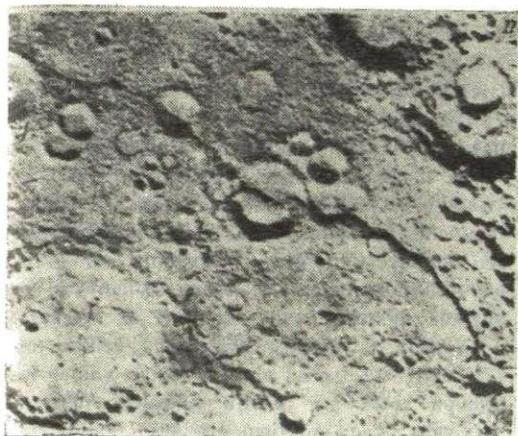
daudz neskaidrību. Piemēram, šādas. Kādā veidā planēta varēja tik strauji sakarst driz pēc tās izveidošanās? Vai Merkura dzīles vēl arvien ir karstas? Atbilde uz šiem jautājumiem vēl jāgaida.

Planētas izpēte no kosmosa. Optiskajos novērojumos no Zemes par Merkuru var iegūt maz informācijas. Tā, piemēram, detaļas, kas atzīmētas Merkura karlēs, maz saistitas ar planētas reljefa veidojumiem. Ar radiolokāciju tika noteikts attālums līdz Merkuram, tā izmēri un rotācijas periods. Taču galvenās ziņas par Merkura virsmu un apstākļiem uz tā sniegusi ASV starpplanētu stacija «Mariner-10», kas tika palaista 1973. gada 3. novembrī un bija domāta Venēras un Merkura pētījumiem no pārlidojuma trajektorijas. Lidaparāta masa bija 526 kg. Sakarā ar paredzēto tuvošanos Saulei tā tika apgādāta ar Saules aizsargekrānu. 1974. gada 5. februārī «Mariner-10» palidoja garām Venērai 5770 km attālumā, veicot tās pētījumus. Lidaparāta orbita bija izvēlēta tā, lai Venēras gravitācijas laiks to novirzītu Merkura virzienā. Tā bija pirmā reize starpplanētu lidojumu praksē, kad tika lietots gravitācijas manevrs.

Jau pēc nepilniem diviem mēnešiem «Mari-



5. att. Caloris baseinam diametrali pretējā pusē redzams šķēršļots apvidus, kas acīmredzot radies triecienviļņa darbības rezultātā



6. att. Apmēram 500 km gara un 3 km augsta krauja uz Merkura, kas radusies, planētas garozai vertikāli nobīdoties

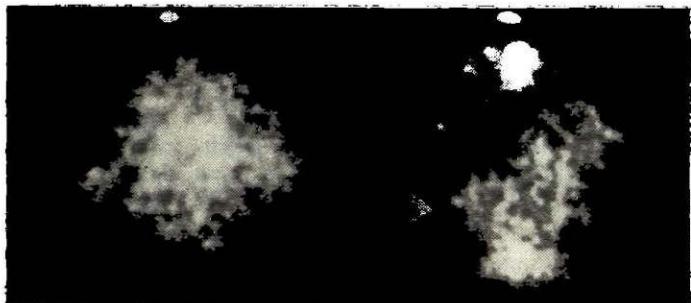
ner-10» nonāca Merkura apkaimē 1974. gada 29. martā pārlidoja to apmēram 750 km attālumā, fotografējot tā virsmu un veicot cilus mērījumus. Pēc tam sekoja vēl divi pārlidojumi tā paša gada 21. septembrī 48 000 km attālumā un 1975. gada 16. martā «pļaujošā lidojumā» gandrīz gar pašu planētas virsmu 318 km attālumā. Kopumā iegūts apmēram 3000 attēlu, kas ataino ne-pilnu pusi no planētas virsmas (sk. vāku 1., 2. un 4. lpp.). Dažos no tiem saskatāmas līdz 50 m sīkas detaļas. Pēc Merkura ietekmes uz lidaparāta trajektoriju tika precīzi noteikta planētas masa. Dažas dienas pēc pēdējā pārlidojuma darbs ar kosmisko aparātu tika pārtraukts, jo bija beigusies saspieštā gāze ori-ācijas sistēmas dzinējos. Tas bija pirms

pagaidām vienīgais tiešais Merkura pētījums ar kosmisko aparātu.

Merkura perihēlija nobīde. Jau 19. gadsimtā Merkura kustībā tika atklāta neizskaidrojama nobīde. Gravitācijas mijiedarbības dēļ planētu orbitas nedaudz mainās. Pārvietojas arī orbitas punkts, kurā planēta atrodas vislūvāk Saulei, — perihēlijs. Taču Merkuram konstā-tēla perihēlija nobīde bija par 43 loka sekundēm gadsimtā lielāka, nekā tai vajadzētu būt. Šo miklu atrisināja fizikis A. Einšteins. Viņa relativitātes teorija paredzēja, ka šādai nobīdei planētas kustībā jābūt, un aprēķinātais tās lielums labi sakrita ar novērojamo. Sādā veida Merkurs «izdarīja pakalpojumu» Einšteina teorijai, apsliprinot tās pareizību.

Jaunākie Merkura pētījumi. Ledus uz Merkura. Skan neticami, taču ne nciespējami. 1991. gadā ASV tika veikts Merkura radar-zondēšanas eksperiments, kura gaitā planētas ziemeļpolā tika atklāts radioviļņus labi atstarojošs (tātad radaratlēlā gaišs) plankums. Pēc speciālistu domām, tas varetu būt ūdens ledus. Pārējie gaišie plankumi acīmredzot vienkārši ir lidzeni virsmas apgabali (sk. 7. att.). Eksperimenta laikā Merkurs atradās apakšējā konjunkcijā un pret Zemi bija pa-vērsta planētas neapgaismotā puslode, tas ir, tā, ko savā laikā nebija izpētijis «Mariner-10».

Eksperimenta veikšanā piedalījās uzreiz divi radioteleskopi. 70 m radioteleskops Gold-stonā (Kalifornijā) sūtīja uz Merkuru signālu, kura jaunda bija pusmiljons vatū, bet atstaroto signālu uztvēra radioteleskopu komplekss VLA Sokorro (Jaunmeksikā). Rezul-lātā tika izveidota planētas radiokarte, kurā saskatāmas līdz 150 km lielas detaļas.



7. att. Merkura radarkarte, kas uzņemta 1991. gada 23. augustā. Iespējams, ka gai-šais plankums augšā ir pla-netas polārā cepure

Kādā veidā uz Merkura var izveidoties apstākļi polārās cepures pastāvēšanai? Tā kā planēta pret Sauli ir vienmēr pavērsusi savu ekvatoru, tad polu rajonos Saules starī krit ļoti slīpi, bet ieplakās uz pola tie neiespēj nemaz. Tāpēc temperatūra šeit ir stipri zemāka pat dienas vidū (ap – 150 °C) un ledus te ne tikai neizkūst, bet praktiski arī neiztvaiko. Taču paliēk neatbildēts cits jautājums, Kā šis ledus (ja tas tur patiešām ir) radies? Uz Zemes sniegs izkrit nokrišņu veidā. Taču Merkuram atmosfēras un līdz ar to arī nokrišņu nav. Ir izvirzīta hipotēze, ka Merkura ledus krājumus ir veidojušas komētas, kas laiku pa laikam tajā ietrieucas, taču tam vēl nepieciešami sīkāki teorētiski pētījumi.

Pēc amerikāņu astronoma A. Potera un T. Morgana domām, galvenā Merkura atmosfēras sašķīvība ir nātrijs, nevis hēlijs. Sādu secinājumu viņi izdarīja, analizējot

Merkura spektrus, kas 1985. gada tika iegūti ar Makdonalda observatorijas (Teksasa, ASV) 2,7 m teleskopu. Pēc viņu mērījumiem nātrijs Merkura atmosfērā ir varbūt pat 30 reižu vairāk nekā hēlija (sk. krāsu ielikumu). Daļa nātrijs visu laiku aizplūst starpplanētu telpā. Jauni tā krājumi var izdalīties no planētas virsmas minerāliem Saules vēja iedarbībā, taču miljonu gadu laikā šim procesam jau sen vajadzēja beigties. Iespējams, ka gāzes papildinājumi nāk no planētas dzilēm vai tos piegādā mikrometeorīti, kas krit uz Merkura.

So pašu astronomu 1989. gadā veiktie novērojumi ar Kitpikas observatorijas Saules teleskopu apstiprina nātrijs klātbūtni Merkura atmosfērā. Taču no tiem arī izriet, ka nātrijs daudzums dienu no dienas mainās. Tādējādi Merkurs tā pētniekiem turpina uztot arvien jaunas miklas.

I. Vilks

TURNĪRU MATEMĀTIKA, VI

Atgādinām, ka mēs aplūkojam turnīrus ar n dalībniekiem ($n \geq 2$), kuros katram ar katru paredzēts sacensības vienu reizi, turklāt neizšķirtu nav. Dalībniekus mēs bieži attēlosim ar punktiem un apzīmēsim ar burtiem (varbūt liejot arī indeksus). To, ka dalībnieks A uzvarējis dalībnieku B, attēlosim ar pierakstu $A \rightarrow B$.

Raksta pašreizējā daļā mēs aplūkojam monotonus turnīrus, t. i., tādus, kuros katriem trim spēlētājiem A, B un C no $A \rightarrow B$ un $B \rightarrow C$ sekos, ka $A \rightarrow C$.

Iepriekš mēs aplūkojām vairākus algoritmus, ko var lietot turnīru pilnīgai sakārtot: binārās ievietošanas, saliešanas un Forda—Džonsona algoritmu.

Abiem pirmajiem algoritmiem mēs parādījām, ka iespējamo spēļu skaits n dalībnieku turnīra gadījumā no augšas ierobežojams ar lielumu $n \cdot \log_2 n$, t. i., lietojot šos algoritmus, pat visneveiksmīgākajos gadījumos nenāk sīkot vairāk par $n \cdot \log_2 n$ spēlēm. Mēs pa-

rādījām arī, ka Forda—Džonsona algoritms pārspēj abus iepriekšminētos gadījumā, ja $n=24$; nav grūti parādīt, ka tas pats ir spēkā visiem $n \geq 5$.

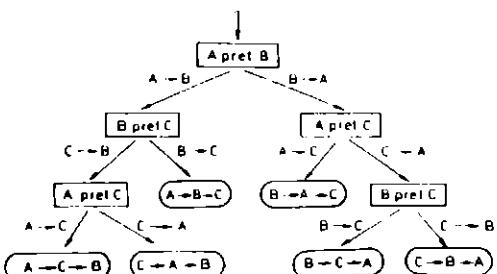
5.5. KĀRTOŠANAS ALGORITMU APAKŠĒJIE NOVĒRTEJUMI

Raksta iepriekšējās daļas mēs redzējām, ka monotonu turnīru kārtošanai pastāv daudzi algoritmi. Piemēram, 5 spēlētāju turnīra sakārtotanai mēs citu pēc cita izstrādājām 4 aizvien sarežģītākus algoritmus, kas šim mērķim pāterēja attiecīgi 10; 9; 8; 7 spēles. Bet varbūt tā vēl nav galīgā robeža un, labi pa-pūloties, mums izdotos atrast algoritmu, kas garantē šāda turnīra sakārtotanu ar 6 spēlēm?

Ja lasītājs mēģinājis šādu «superoptimālu» algoritmu atrast, viņš droši vien cietis ne-

veiksmi. Bet vai tikai vienīgi ilgstošas neveiksmes var būt par pamatu apgalvojumam, ka tāda algoritma vispār nav? Kā var pierādīt, ka kaut kādu minimālo spēju skaitu tālāk samazināt nevar — ne tagad, ne pēc miljons gadiem?

Aplūkosim šādu piemēru — shēmu, kas atšķeli triju spēlētāju A, B un C turnīra pilnīgu sakārtošanu (sk. 1. att.).



1. att.

Taisnstūros ierakstītas izspēlējamās spēles. No katras taisnstūra izejošās bultiņas atbilst abiem iespējamiem spēles iznākumiem. Ja bultiņa beidzas ar ovālu, tad tālākās spēles vairs nav nepieciešamas, un ovālā ir ieraksts turīra dalībnieku sakārtojums pēc spēlētprasmes, kas atbilst notikušajām spēlēm. Tāpēc katru šādu ovālu sauksim par kārtošanas shēmas izeju.

Iepazīstoties ar 1. att. redzamo kārtošanas shēnu (pārbaudiet tās pareizību patstāvigi), redzam, ka tai ir 6 izejas. Vai tā ir nejaunība vai arī to varēja paredzēt iepriekš?

Ievērosim, ka 3 spēlētāji A, B, C pēc spēlētprasmes var izkārtoties 6 dažādos veidos: ABC, ACB, BAC, BCA, CAB, CBA. Turnīra organizatoriem jābūt gataviem uz jebkuru no šiem izkārtojumiem.

Tālāk joti svarīgs ir apgalvojums: katram iespējamam izkārtojumam shēmā jābūt paredzētai citai izejai (1. att. shēmā tā ir). Pārliecīnāsīmies par tā pareizību.

Pieņemsim, ka diviem dažādiem izkārtojumiem α un β turnīra organizētāju praedzētāja shēmā atbilst viena un tā pati izeja. Tas nozīmē, ka gan izkārtojuma α , gan izkārtojuma

β gadījumā tiks izspēlētas vienas un tās pāšas spēles, kas beigsies ar analogiem rezultātiem. Tātad gadījumā, ja patiesais spēlētāju izkārtojums ir α , turnīra rikotāju rīcībā tā noslēgumā būs tāda pati informācija kā gadījumā, ja patiesais spēlētāju izkārtojums ir β . Bet tas nozīmē, ka turnīra rikotāji, pamatojoties uz savu izstrādāto shēmu, nevar atšķirt izkārtojumu α no izkārtojuma β , respektīvi, vismaz viena izkārtojuma gadījumā viņi būs spiesti kļūdīties (vai vismaz minēt uz labu laimi), bet tas nav pieļaujams.

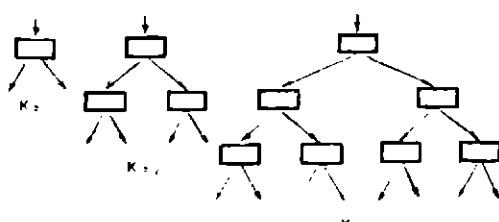
Tātad triju spēlētāju turnīra gadījumā tā rikotāju izstrādātajai shēmai tiešām jābūt vismaz 6 izejām (vārds «vismaz» liečols tāpēc, ka kādam izkārtojumam varētu atbilst arī vairākas izejas).

Nav grūti saprast, ka arī katru algoritmu, kas paredzēts n dalībnieku turnīra kārtošanai, var kārtot ar 1. att. redzamajai līdzīgu shēmu. Tā kā n dalībnieki var izkārtoties $1 \cdot 2 \cdots (n-1) \cdot n = n!$ dažādos veidos, tad šādai shēmai jābūt vismaz $n!$ izejām.

Ja pieņemam, ka kāds kārtošanas algoritms neviens gadījumā nepatērē vairāk par k spēlēm, tad tam atbilstošajai shēmai nevar būt vairāk par 2^k izejām. To viegli saprast no 2. att., ievērojot, ka vienas papildu spēles pieļaušana iespējamo izeju skaitu var, augstākais, dubultot (katras izejas vietā parādās spēle, no kuras izejošo abu bultiņu galos ir pa vienai izejai).

Apzīmējot kārtošanas algoritma shēmas izeju skaitu ar I , bet šā algoritma vissliktākajā gadījumā patērēto spēļu skaitu ar k , no iepriekšminētā iegūstam

$$2^k \geq I \geq n!$$



2. att.

No šejiens seko nevienādība $2^k \geq n!$ jeb $k \geq \log_2(n!)$.

No matemātiskās analīzes pazīstama Stirlinga formula, kas dod iespēju novērtēt liešumu $n!$. Saskaņā ar šo formulu

$$n! = \sqrt{2\pi n} \cdot \left(\frac{n}{e}\right)^n \cdot \alpha_n,$$

kur α_n ir vienīiekam tuvs, bet par to lielāks skaitlis ($n \geq 2$). Tātad $n! > \sqrt{2\pi n} \cdot \left(\frac{n}{e}\right)^n$, un no nevienādības $k \geq \log_2(n!)$ seko, ka

$$\begin{aligned} k &\geq n \cdot \log_2 n - n \cdot \log_2 e + \\ &+ \frac{1}{2} \log_2 n + \frac{1}{2} \log_2 (2\pi). \end{aligned}$$

Galvenais (visstraujāk augošais) saskaitāmais labajā pusē ir $n \cdot \log_2 n$. Tāpēc no šā rezultāta un saliešanas un binārās ievietošanas algoritma analīzes raksta IV daļā seko, ka n spēlētāju turnīra sakārtošanai minimālais pietiekamais spēļu skaits $S(n)$ apmierina sakarību

$$\lim \frac{S(n)}{n \cdot \log_2 n} = 1,$$

t. i., šā liešuma galvenā daļa ir $n \cdot \log_2 n$, jeb šis liešums «bezgalībā uzvedas» apmēram tāpat kā $n \cdot \log_2 n$.

Lasītājs pats var pārbaudīt, ka pie $n=5$ nevienādība $2^k \geq 5!$ jeb $2^k \geq 120$ dod $k \geq 7$ (jāatceras, ka k ir naturāls skaitlis), bet pie $n=24$ nevienādība $2^k \geq 24!$ dod $k \geq 80$. Tātad raksta IV daļā izstrādātais algoritms 5 spēlētāju turnīra gadījumā ir optimāls, bet Forda—Džonsona algoritms gadījumā $n=24$ vai nu ir optimāls, vai arī dod rezultātu, kas no optimāla atšķiras, augstākais, par vienu spēli (atceramies, ka FDž(24)=81). Vai patiesībā 24 spēlētāju turnīru var vai nevar sakārtot ar 80 spēļu palīdzību, šodien nav zināms; tā ir neatrisināta matemātiska problēma.

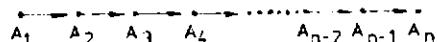
Lasītājam, kas ir pazīstams ar informācijas teorijas pamatiem, varam dot šādu iegūtā spēkājā novērtējuma pamatojumu. Katrā spēle mums sniedz 1 bitu informācijas (1 bits ir informācijas daudzums, ko satur atbilde uz jautājumu, kas pieļauj tikai divas dažadas atbildes; mūsu gadījumā — kurš no abiem spēles dalībniekiem ir spēcīgāks). Ja tiek izspē-

jētas k spēles, iegūstam k bitus informācijas. Bet ar k bitiem var kodēt 2^k atšķirīgas situācijas (uzskatāmi — iespējamas 2^k dažadas k vārdu virknītes, kurās katrs vārds ir «jā» vai «nē», vai arī 2^k nullju un vienīnieku virknītes garumā k). Tā kā ar šīs informācijas palīdzību mums jāšķiro $n!$ dažādu gadījumu, tad jābūt $2^k \geq n!$, no kurienes seko vajadzīgais.

Iepriekšminētā sprieduma dēļ aprakstīto metodi bieži sauc par informācijas teorijas sniegto apakšējo novērtējumu (information theory lower bound, информативно-теоретическая нижняя граница). Tā vēl šodien ir galvenā metode, ar kuras palīdzību iegūst dažādu kombinatorisku algoritmu apakšējos novērtējumus, t. i., robežas, par kurām tālāk algoritma darbības novērtējums nav uzlabojams.

Parādīsim vēl vienu šīs metodes pielietojumu. Analizējot Forda—Džonsona algoritmu un binārās ievictošanas algoritmu, mums bieži nācas ievietot vienu spēlētāju jau sakārtotā n spēlētāju virknītē. No aprakstītajiem piemēriem bija skaidrs, ka to var izdarīt ar k spēļu palīdzību, ja $n \leq 2^k - 1$. Pierādīsim, ka tas ir labākais iespējamais novērtējums, proti, ja $n \geq 2^k$, tad n spēlētāju sakārtotā virknītē ievietot $(n+1)$ -o spēlētāju ar ne vairāk kā k spēļu palīdzību nav iespējams.

Tiešām, apskatām n spēlētāju sakārtotu virknīti (sk. 3. att.).



3. att.

«Ievictojamais» spēlētājs B var ieņemt tajā jebkuru no šādām pozīcijām:

pirms A_1 ; starp A_1 un A_2 ; starp A_2 un A_3 ; ...; starp A_{n-1} un A_n ; aiz A_n .

Tātad B iespējama $n+1$ pozīcija. Pieņemsim, ka B ievictošanai izstrādāts algoritms, kas garantē mērķa sasniegšanu, neizspēlējot vairāk par k spēlēm. Spriežot līdzīgi kā iepriekš, iegūstam nevienādības

$$2^k \geq I \geq n+1$$

(te I — algoritma shēmas izeju skaits), no kurienes seko $2^k \geq n+1$ jeb $n \leq 2^k - 1$, ko arī vajadzēja pierādīt.

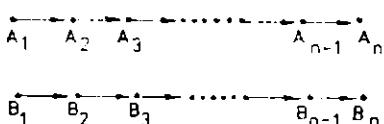
Lasītājs patstāvīgi var pārliecināties, ka arī raksta III daļā čempiona un vicečempiona, kā arī čempiona, vicečempiona un bronzas medaļas ieguvēja atrašanai izmantoto algoritmu apakšējos novērtējumos tika izmantota šī pati pieeja.

Tomēr informācijas teorijas metodes nav vienīgās, kas dod iespēju iegūt apakšējos novērtējumus. Par to varējām pārliecināties jau raksta III daļā: piemēram, čempiona atrašanas algoritma apakšējais novērtējums, ja tas tiktu iegūts ar nupat aprakstīto metodi, būtu tikai $\log_2 n$, kamēr patiesībā, kā mēs to redzējām, šis novērtējums ir $n-1$. Parādīsim vēl vienu piemēru, kur apakšējos novērtējumos tiek lietotas citas metodes.

Raksta IV daļā mēs apskalījām saliešanas algoritmu, kura būtiska sastāvdaļa ir divu jau sakārtotu spēlētāju virķu apvienošana vienā virknē. Mēs redzējām, ka divas spēlētāju virķes, katra no kurām ir pilnīgi sakārlota, var apvienot vienā virknē, izmantojot ne vairāk kā $2n-1$ spēles.

Parādīsim, ka šis rezultāts nav uzlabojams, i.e., pierādīsim, ka katrs algoritms divu šādu virknīšu apvienošanai vienā vismaz dažos gadījumos patērēs ne mazāk par $2n-1$ spēlēm.

Pieņemsim, ka sākumā dotas divas sakārtotas spēlētāju virķes (sk. 4. att.).



4. att.

Pieņemsim, ka, tās apvienojot, notikušas ne vairāk kā $2n-2$ spēles. Mūsu algoritmam jābūt gatavam arī uz šādiem rezultātiem:

- a) $A_i \rightarrow A_j$ un $B_i \rightarrow B_j$, ja starp šīm spēlēm ir spēle starp A_i un A_j (B_i un B_j) un $i < j$,
- b) $A_i \rightarrow B_j$, ja starp šīm spēlēm ir spēle starp A_i un B_j un $i \leq j$,
- c) $B_j \rightarrow A_i$, ja starp šīm spēlēm ir spēle starp A_i un B_j un $i > j$.

Pieņemsim, ka visas apvienošanas procesā

notikušās spēles beigušās ar šādiem rezultātiem. Apskatīsim sekojošus spēlētāju pārus (to skaits ir $2n-1$):

$$(A_1, B_1), (A_2, B_2),$$

$$(A_{n-1}, B_{n-1}), (A_n, B_n)$$

un

$$(A_2, B_1), (A_3, B_2), \dots, (A_n, A_{n-1}).$$

Tā kā izspēlētas ne vairāk kā $2n-2$ spēles, tad vismaz vienā pāri minētie spēlētāji savā starpā nav spēlējuši. Pārbaudiet patstāvīgi, ka neviens no abiem iespējamiem viņu savstarpējās spēles rezultātiem nav pretrunā ar līdz šim notikušo spēļu gaitā iegūto informāciju. Tātad notikušās spēles vēl nedod iespēju iegūt pilnīgu priekšstatu par visu spēlētāju pilnīgo sakārtojumu, un ar $2n-2$ spēlēm abu virķu apvienošanai nepietiek.

Lai pavingrinātos apakšējo novērtējumu iegūšanā, iesakām lasītājam patstāvīgi atrisināt šādus uzdevumus.

1. Jānis iedomājies naturālu skaitli, kas ne-pārsniedz 1000. Pēteris var viņam uzdot jau-lājumus, uz kuriem atbildē ir «jā» vai «ne». Pierādīt, ka mazākais jautājumu skaits, ar kuriem Pēteris var droši uzzināt Jāņa iedo-māto skaitli, ir 10.

2. Pierādīt, ka 20 un 21 spēlētāju gadī-jumā turnīra pilnīgai sakārtōšanai nepiecieša-mas un pietiekamas 62 respektīvi 66 spēles.

3. Pierādīt, ka, lai apvienotu divas jau sa-kārtotas spēlētāju virķes, kurās ir n un $n+1$ spēlētājs, nepieciešamas vismaz $2n$ spēles.

4. Dotas n pēc ārējā izskata vienādas mo-nētas. No tām $n-1$ monēta ir ar vienādu masu, bet viena monēta ir smagāka. Doti arī svīras svari bez atsvariem. Uz svaru kausiem var novietot patvalīgu monētu skaitu. Pierā-dīt, ka $\lceil \log_3 k \rceil$ ir mazākais svēršanu skaits, ar kuru droši var atrast smagāko monētu. (No-rāde. Padomājiet, cik dažādu iznākumu šoreiz iespējams katrai svēršanai!)

5. Saha galda rūtiņās ierakstīti naturāli skaitļi no 1 līdz 64 (katrā rūtiņā — cits skaitlis). Mēs varam ar vienu jautājumu no-rādīt uz jebkuru rūtiņu kopu, un kā atbildi mums pasacīs to skaitļu kopu, kas ierakstīti šajās rūtiņās, bet nepateiks, kurš skaitlis kurā

rūtiņā ierakstīts. Kāds ir mazākais jautājumu skaits, ar kuru mēs varam noskaidrot katrā rūtiņā ierakstīto skaitlī?

6. Kvadrāts sastāv no $n \times n$ rūtiņām. Katrā rūtiņā ierakstīts naturāls skaitlis. Visi ierakstītie skaitļi ir dažādi. Bez tam zināms, ka katrā kolonnā skaitļi pieauga no augšas uz leju un katrā rindā — no kreisās uz labo pusē. Ar vienu jautājumu mēs varam par jebkuru rūtiņu uzzināt, kāds skaitlis tajā ierakstīts. Kāds ir mazākais jautājumu skaits, ar

kuru var droši uzzināt, vai kādā rūtiņā ierakstīts skaitlis M ?

Līdz ar to iepazišanos ar turnīru kārtosanas problēmām pagaidām beidzam. Lasītāji papildinformāciju var atrast, piemēram, darbā *Кнут Д. Искусство программирования для ЭВМ. Ч. III. — М.: Мир, 1983; аri grāmatā *Лорин Г Сортировка и системы сортировки. — М.: Мир, 1983.**

A. Andžāns

PAR PLĀPIGIEM KAIMIŅIEM

Vienā no nesen iznākušajiem «Zvaigžņotās Debess» numuriem lasītājs varēja iepazīties ar nepatīkamo situāciju, kādā nonāk sastrīdējušies kaimiņi, kas viens otru nevēlas satikt pat celā uz aku pēc ūdens.* Radušās problēmas risināšanā tika iesaistīta grafu teorija un tās pierādīts: ja triju strīdīgo kaimiņu mājas katrā jāsavieno ar trim akām (vienām un tām pašām), turklāt nedrīkst izmantot netiltīgus, ne tuneļus, tad kādi divi celiņi noteikli krustosies un strīdigajiem kaimiņiem būs lielas iespējas sastapties.

Sajā rakstā grafu teoriju izmantosim, lai analizētu zināmā mērā pretēju situāciju — aplūkosim ciematu, kurā dzīvo n ļoti draudzīgi kaimiņi. Pieņemsim, ka katrs no viņiem vienlaicīgi uzzina vienu jaunu ziņu (katrs — citu). Kaimiņi ir ieinteresēti, lai visi uzzinātu visus jaunumus. Kā to vislabāk panākt?

Atbilde acimredzot ir atkarīga gan no tā, kādus līdzekļus drīkst lietot informācijas izplatīšanai, gan arī no tā, ko sauksim par labu un ko — par sliktu informācijas izplatīšanas algoritmu. Dažos gadījumos ir svārīgi, lai «pilnīgā informētība» iestātos iespējamīgi ātri, citos — lai tiktu izmantoti iespējamīgi mazi tehniskie resursi (vēstules, telegrammas, telefona līniju noslodzes laiks utt.).

Aplūkosim dažus uzdevumus, kas rodas, cenšoties atrisināt šo problēmu. Visos gadījumos pieņemsim, ka ciematā ir vismaz 2 iedzīvotāji.

1. VĒSTULES

Pieņemsim, ka informācijas izplatīšanai tiek lietotas vēstules, turklāt katrā no tām var uzrakstīt visus rakstišanas brīdī zināmos jaunumus. Cik liels ir mazākais vēstuļu skaits, kuras jāuzraksta, lai ciemata visi n iedzīvotāji uzzinātu visus jaunumus?

Nav grūti saprast, ka šādu mērķi var sniegt, uzrakstot pavisam $2n-2$ vēstules. Ir iespējami vairāki varianti, kā to izdarīt. Lūk, divi no tiem.

1. Visi ciemata iedzīvotāji, izņemot viņu pašu, uzraksta vēstules iedzīvotājam A. Tā rezultātā A zina visus jaunumus un ir uzrakstīta pavisam $(n-1)$ vēstule.

Tālāk A uzraksta pa vēstulei visiem pārējiem $n-1$ iedzīvotājiem, un pilnīga informētība ir sasniegta. Kopējais vēstuļu skaits ir: $(n-1) + (n-1) = 2n-2$.

2. Sanumurēsim iedzīvotājus pēc kārtas: A_1, A_2, \dots, A_n . To, ka iedzīvotājs X raksta vēstuli iedzīvotājam Y, attēlosim ar pierakstu: $X \rightarrow Y$. Lasītājs pats var pārbaudīt, ka pilnīgu informētību nodrošina arī šāda $2n-2$ vēstuļu secība:

$A_1 \rightarrow A_2; A_2 \rightarrow A_3; A_3 \rightarrow A_4; \dots; A_{n-2} \rightarrow A_{n-1}; A_{n-1} \rightarrow A_n; A_n \rightarrow A_{n-1}; A_{n-1} \rightarrow A_{n-2}; A_{n-2} \rightarrow$

* Sk. France I. Par strīdīgiem kaimiņiem // Zvaigžņotā Debess. — 1994./95. gada ziema. — 44. lpp.

$\rightarrow A_{n-s}; \dots; A_s \rightarrow A_2; A_2 \rightarrow A_1$.

Iesakām patstāvīgi atrast vēl citus algoritmus, katrā no kuriem izmanto $2n-2$ vēstules.

Tomēr mūsu uzdevums vēl nav līdz galam atrisināts, jo mēs neesam noskaidrojuši, vai $2n-2$ ir vismazākais vēstuļu skaits, ar kuru var panākt pilnīgu informētību. Pamatosim to.

Aplūkosim vēstuļu rakstišanas procesā to bridi, kurā pirmais no visiem ciemata iedzīvotājiem ir uzzinājis visas jaunās ziņas. Apzīmēsim šo bridi ar T . Tātad bridi T precizi viens no iedzīvotājiem — apzīmēsim to ar A — jau zina visus jaunumus.

Tā kā A ir uzzinājis visu pārējo $n-1$ iedzīvotāju jaunumus, tad katrs no šiem pārējiem ir uzrakstījis vismaz vienu vēstuli (vai nu A , vai kādam citam); pretējā gadījumā atbilstošais jaunums būtu palicis pie tā sākotnējā «ipašnieka» un nebūtu nonācis līdz A . Tātad pirms laika momenta T uzrakstīta vismaz $(n-1)$ vēstule.

Tā kā momentā T pārējie $(n-1)$ iedzīvotāji (izņemot A) vēl nezina visus jaunumus, tad pēc momenta T katram no viņiem jāsaņem vismaz vēl viena vēstule; tātad pēc momenta T tiks saņemta vēl vismaz $(n-1)$ vēstule. Tāpēc kopējais vēstuļu skaits tiešām ir vismaz $(n-1) + (n-1) = 2n-2$.

Līdz ar to esam pierādījuši, ka $2n-2$ tiešām ir mazākais vēstuļu skaits, ar kuru var sasniegt pilnīgu informētību.

Uzmanīgs lasītājs būs pamanījis mūsu spriedumā zināmu trūkumu: formāli ķemot, ir iespējams tas, ka vairāki cilvēki vienlaicīgi nekļūst pilnībā informēti laika momentā T . Iesakām lasītājam šo trūkumu novērst patstāvīgi (tas nav grūti).

2. TELEFONI

Daudz grūtāks (un arī interesantāks) ir gadījums, kurā informācijas izplatīšanai lieto telefonu. Mēs vispirms apskatīsim situāciju, kurā ir mazsvārīgs kopējais telefonsarunu skaits, bet ir būtiski panākt, lai visi jaunumi izplatītos iespējami ātri.

Pieņemsim, ka katram no n iedzīvotājiem mājās ir telefons, ka katras telefonsaruna ilgst vienu stundu un ka katras sarunas laikā abi tās dalībnieki pavēsta viens otram visus jaunumus, kurus viņi dotajā brīdī zina. Cik liels ir mazākais stundu skaits, pēc kura visi var zināt visus jaunumus?

Izrādās, ka atbilde ir atkarīga no skaitļa n pārības.

1. teorēma. Mazākais stundu skaits, pēc kura visi iedzīvotāji var zināt visus jaunumus, ir šāds:

- $\lceil \log_2 n \rceil$, ja n ir pāra skaitlis;
- $\lceil \log_2 n \rceil + 1$, ja n — nepāra skaitlis.

Piezīme. Ar $[x]$ apzīmējam mazāko veselo skaitli, kas nav mazāks par x . Piemēram, $[4]=4$, $[4,8]=5$ utt.

Pierādījums. Vispirms pamatosim to, kāpēc uzdevuma prasības nav sasniedzamas ātrāk par norādīto laiku. Aplūkosim gadījumu, kad n ir pāra skaitlis.

Izvēlēsimies jebkuru jaunu mu. Pēc pirmās stundas to zina tikai divi iedzīvotāji — jaunuma sākotnējais «ipašnieks» un tas, ar kuru viņš šīs stundas laikā sarunājās. Otrās stundas laikā no viņiem šo jaunu mu var uzzināt vēl, maksimāli, divi jauni cilvēki, tāpēc pēc otrās stundas to zina ne vairāk kā 4 cilvēki utt. Līdzīgi turpinot, iegūstam, ka pēc k stundām jaunu mu zina ne vairāk kā 2^k cilvēki. Lai būtu sasniegta pilnīga informētība, jābūt $2^k \geq n$, tātad $k \geq \log_2 n$. Levērojot, ka k ir naturāls skaitlis, iegūstam $k \geq \lceil \log_2 n \rceil$, ko arī vajadzēja pierādīt.

Ja n ir nepāra skaitlis, tad ievērosim, ka pirmās stundas laikā vismaz viens iedzīvotājs sarunās nepiedalās, tātad viņa jaunu mu pēc pirmās stundas zina tikai viens iedzīvotājs. Tālākie spriedumi līdzīgi jau minētajiem.

Tagad pierādīsim, ka ar minēto stundu skaitu pietiek, lai sasniegtu pilnīgu informētību.

Vispirms aplūkosim gadījumu, kurā n ir divnieka pakāpe, $n=2^k$. Mums jāpierāda, ka pilnīgu informētību var sasniegt $\lceil \log_2 2^k \rceil = k$ stundās.

Izmantosim matemātisko indukciju pēc parametra k .

Bāze, ja $k=1$, ir acīm redzama.

Pieņemsim, ka mūsu apgalvojums ir pareizs, ja $k=m$, t. i., pieņemsim, ka 2^m iedzīvotāju gadījumā pilnīgu informētību var panākt m stundās. Aplūkosim 2^{m+1} iedzīvotājus. Mums jāpierāda, ka viņu pilnīgu informētību var panākt $m+1$ stundās.

Sadalisim 2^{m+1} iedzīvotājus divās grupās pa 2^m cilvēkiem katrā. Saskaņā ar induktīvo hipotēzi katras grupas ietvaros var panakt pilnīgu informētību m stundās. Pēdējo stundu izmantosim, liekot runāt savā starpā 2^m cilvēku pāriem, kas katrs satur pa vienam cilvēkam no katras grupas. Tādējādi pilnīga informētība būs panākta. Pierādījums pabeigts.

Tagad aplūkosim gadījumu, kurā n ir ne-pāra skaitlis. Tādā gadījumā n atrodas starp divām vienotrai sekojošām divnieka pakāpēm; varam pieņemt, ka $2^k < n < 2^{k+1}$. Tad $\lceil \log_2 n \rceil = k+1$, un mums jāparāda, kā panākt pilnīgu informētību $k+2$ stundās.

Varam rīkoties, piemēram, šādi. Sadalām visus n iedzīvotājus divās grupās: grupā A, kurā ir 2^k iedzīvotāju, un grupā B, kurā ir $(n-2^k)$ iedzīvotāju. Saskaņā ar k izvēli grupā B ir mazāk iedzīvotāju nekā grupā A.

Pirmajā stundā katrs B iedzīvotājs sarunājas ar kādu no A iedzīvotājiem (daja A iedzīvotāju šajās sarunās nepiedalās). Pēc tam k stundās A iedzīvotāji savā starpā panāk pilnīgu informētību (kā to izdarīt, parādīts iepriekš). Pēc tam pēdējā stundā katrs B iedzīvotājs, sarunājoties ar kādu A iedzīvotāju, arī uzzina visas viņam vēl trūkstošās ziņas.

Atliek aplūkot gadījumu, kurā n ir pāra skaitlis, bet nav divnieka pakāpe. Atkal varam pieņemt, ka $2^k < n < 2^{k+1}$. Mums jāpierāda, kā sasniegta pilnīgu informētību $k+1$ stundās.

Apzīmēsim $n=2m$, kur m ir naturāls skaitlis, un izveidosim divas vienādās platformas regulāra m -stūra formā, kas atrodas tieši viena virs otras un nostiprinātas uz kopīgas vertikālas ass. Katras platformas katrā stūrī novietosim pa ciemata iedzīvotājam: uz augšējās platformas — A_1, A_2, \dots, A_m , uz apakšējās — B_1, B_2, \dots, B_m , turklāt A_i un B_i atrodas tieši viens virs otrs ($i=1; 2; \dots; m$).

Pirmajā stundā savā starpā sarunājas tie iedzīvotāji, kas atrodas tieši cits virs cita. Pir-

mās stundas beigās augšējo platformu pagriežam par vienu vienību pulksteņa rāditāja kustības virzienā («viens» šajā gadījumā ir leņķis $\frac{2}{m} \pi$, t. i. leņķis, par kādu jāpagriež regulārais m -stūris ap tā centru, lai katra virsotne nostātos nākamās virsotnes iepriekšējā vietā). Tagad atkal liekam sarunāties iedzīvotājiem, kas atrodas cits virs cita. Otras stundas beigās pagriežam augšējo daudzstūri par divām vienībām, trešās stundas beigās — par četrām, \dots, k -tās stundas beigās — par 2^k vienībām. (Ievērosim, ka $2^k > m$.) Lasītājs pats var izsekat, ka katrs jaunums ir izplatījies starp visiem ciemata iedzīvotājiem.

Lidz ar to teorēma pierādīta.

Tagad aplūkosim citu nostādnī, kurā mūs neinteresē tas, lai ziņas izplatītos ātri, bet gan tas, lai jaunu mu izplatīšanās notiku ekonomiski. Cik liels mazākais telefonsarunu skaits garantē ciemata iedzīvotāju pilnīgu informētību?

Lasītājs var viegli pārbaudīt, ka gadījumā, ja $n=2$, nepieciešama un pietiekama ir viena saruna, bet gadījumā, ja $n=3$, nepieciešamas un pietiekamas ir 3 sarunas. Turpmāk aplūkosim gadījumu, kad $n \geq 4$.

Tā kā ar vēstulēm informācija izplatās tikai vienā virzienā, bet telefonsarunās — abos, varētu domāt, ka minimālajam pietiekamajam telefonsarunu skaitam jābūt apmēram divas reizes mazākam nekā vēstuļu skaitam, t. i., $\approx n$. Tomēr izrādās, ka šī informācijas «divpusējā izplatīšanās» nedod gandrīz nekādu efektu.

2. teorēma. Ja $n \geq 4$, tad nepieciešamais un pietiekamais telefonsarunu skaits, kas ļauj sasniegta pilnīgu informētību, ir $2n-4$.

Pietiekamība. Sadalīsim iedzīvotājus 2 grupās A_1, A_2, \dots, A_m un B_1, B_2, \dots, B_k tā, lai katrā no tām būlu vismaz 2 iedzīvotāji; tātad $m \geq 2$, $k \geq 2$ un $m+k=n$. Vispirms noorganizēsim sarunas $A_1-A_2, A_2-A_3, A_{m-1}-A_m$ un $B_1-B_2, B_2-B_3, \dots, B_{k-1}-B_k$ (tieši šādā secībā). Pēc $m+k-2$ sarunām A_{m-1} un A_m zina visus A grupas jaunumus, bet B_{k-1} un B_k — visus B grupas jaunumus. Tālāk noorganizējam sarunas $A_{m-1}-B_{k-1}$ un A_m-B_k ; pēc tām $A_{m-1}, B_{k-1}, A_m, B_k$ zina

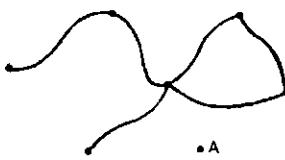
visus jaunumus. Beidzot kāds no viņiem piezvana attikušajiem $n-4$ cilvēkiem un pastāsta tiem visus jaunumus. Kopā patērētas $(m+k-2)+2+n-4=(m+k)+n-4=2n-4$ sarunas.

Nepieciešamība. Tagad pierādīsim, ka ar mazāk nekā $2n-4$ sarunām prasīto panākt nav iespējams. Šā fakta pierādījums ir sarežģīts (savulaik nopietnos zinātniskajos žurnālos tika publicēti 3 nepareizi pierādījumi!). Tālāk dotois pierādījums izveidots, kombinējot amerikāņu matemātiķu A. Beikera, A. Hajnala, E. Milnera, R. Šostaka un ungāru matemātiķa E. Semeredi atrisinājumus.

Atgādināsim vairākus grafu teorijas jēdzīnus (precīzas un sīkas definīcijas un piemērus sk., piemēram, I. Frances rakstos iepriekšējos «Zvaigžnotās Debess» numuros).

Par grafu sauksim punktu (virsotnu) kopu, kas savā starpā savienoti ar līnijām (šķautnēm).

Definīcija. Grafu sauc par sakarīgu, ja tajā katrām divām virsotnēm eksistē ceļš, kas ved no vienas virsotnes uz otru (l. attēla grafs nav sakarīgs, jo virsotne A ir izolēta).



1. att.

Definīcija. Par grafa komponenti sauc sakarīgu dotā grafa apakšgrafi.

Risinājumā cilvēkus attēlosim kā grafa virsotnes, bet sarunas starp viņiem — kā grafa šķautnes. Teiksim, ka grafa virsotne klūst universāla, ja tajā esošais cilvēks zina visas ziņas.

Uzskašim, ka sarunas notiek pēc kārtas: $s(1), s(2), \dots, s(z)$.

Tālāk seko 2 lemmas par informācijas izplatīšanos.

1. lemma. Pēc $n-2$ zvaniem nav nevienas universālas virsotnes. (Grafs ar n virsotnēm nevar būt sakarīgs, ja tajā ir $\leq n-2$ šķautnes, tādēļ arī nevar būt nevienas universālas virsotnes.)

Risinājumā patstāvīgi ar matemātisko indukciju pierādīt apgalvojumu: «Ja dots sakarīgs grafs ar n šķautnēm, tad tajā ir ne vairāk kā $n+1$ virsotne.»

2. lemma (lemma par mainīšanu).

Ja sarunas $s(\alpha), s(\alpha+1), \dots, s(\alpha+k)$ notikušas tikai starp cilvēkiem A_1, A_2, \dots, A_m , bet nākamās sarunas $s(\alpha+k+1), s(\alpha+k+2), \dots, s(\alpha+k+v)$ — tikai starp cilvēkiem B_1, B_2, \dots, B_t , turklāt visiem $i, j : A_i \neq B_j$, tad no cilvēku informātības viedokļa galarezzullātā nekas nemainīsies, ja sarunu grupas $s(\alpha), \dots, s(\alpha+k)$ un $s(\alpha+k+1), \dots, s(\alpha+k+v)$ laika ziņā samainīs vietām.

Tiešam, tas, vai sarunas starp cilvēkiem A ir notikušas vai ne, nekādi nevar iespaidot pārējo cilvēku, to vidū arī cilvēku B , informātību un arī otrādi.

Tālāk seko pamatapgalvojums (kas sastāv no divām daļām), kura pierādījumā lietosim matemātisko indukciju pēc k :

1) pēc $n+k-4$ zvaniem ir ne vairāk par k universālām virsotnēm;

2) ja ir tieši k universālās virsotnes, tad sarunas $s(n-3), s(n-2), \dots, s(n+k-4)$ var tā samainīt vietām, nemainot vispārējo informātību, lai pēdējās k sarunas $s'(n-3), s'(n-2), \dots, s'(n+k-4)$ būtu starp šim k universālām (beigās) virsotnēm.

Indukcijas bāze

Ja $k=0, k=1, k=2$, tad no 1. lemmas ir skaidrs, ka pēc $n-4, n-3$ vai $n-2$ zvaniem nav nevienas universālas virsotnes.

Induktīvā pāreja

Pieņemsim, ka, ja $k < t$ ($t \in N$ ir patvālīgs naturāls skaitlis), tad esam pierādījuši, ka:

1) pēc $n+k-4$ zvaniem ir ne vairāk par k universālām virsotnēm;

2) ja ir tieši k universālās virsotnes, tad sarunas var pārvietot tā, lai pēdējās k sarunas būtu starp šim k (beigās universālām) virsotnēm.

Pierādīsim, ka arī tad, ja $k=t$, ir spēkā abas minētās īpašības.

1. Pierādām, ka pēc $n+t-4$ zvaniem ir ne vairāk par t universālām virsotnēm. Pieņemsim pretējo, t. i. ka pēc $n+t-4$ sarunām ir $t+1$ universāla virsotne.

Tā kā vienās sarunas laikā var nākt klāt

ne vairāk kā 2 universālas virsotnes, tad pēc $n+t-5$ sarunām bija vismaz $t-1$ universāla virsotne $x_1, x_2, x_3, \dots, x_{t-1}, x_t$ un x_{t+1} radās ar $(n+t-4)$ -o sarunu. Pēc $n+(t-1)-4$ sarunām tātad ir $t-1$ universāli punkti. Tātad pēc induktīvā pieņēmuma sarunas šajā posmā var pārkārtot tā, ka sarunas $s(n+1-4), s(n+2-4), \dots, s(n+(t-1)-4)$ ir starp x_1, x_2, \dots, x_{t-1} . Pēc 2. lemmas var mainīt šo $t-1$ sarunu bloku ar pēdējo sarunu. Iegūstam, ka pēc $n-3$ sarunām būs 2 universāli punkti — x_t un x_{t+1} (jo x_t un x_{t+1} , kļūst universāli pēc $n+t-4$ sarunām, bet pēdējās $t-1$ sarunās neviens no tiem nepiedalās). Iegūta pretruna ar 1. lemmu.

2. Uzmanību! Otrās daļas pierādījumu nekādā ziņā nedrīkst aizmirst!

Pieņemam, ka pēc $n+t-4$ zvaniem ir t universāli punkti (sarunas $s(1), s(2), \dots, s(n+t-4)$ kā iepriekš).

Apskatām pirmos $n-2$ zvanus $s(1), s(2), \dots, s(n-2)$ un radušos grafu. Tāja ir vairākas komponentes (t. i. grafs nav sakarīgs). Pierādisim, ka šajā grafā nevar būt izolēta virsotne x . Pieņemsim pretejo, t. i., ka tāda atrodama. Dotajā brīdi nav nevielas universālas virsotnes, tātad ar atlikušajām $t-2$ sarunām virsotnei x jāsavienojas ar vēl vismaz $t-1$ universālajiem punktiem. Tātad $t-2$ šķautnēm jāsavieno t punkti, kas nevar būt.

Tātad grafa, kas izveidojies pēc $n-2$ sarunām, nav izolētu virsotnu un katrā grafa komponentē ir notikusi vismaz viena saruna.

Līdz ar to pēc 2. lemmas varam, nemainīt informētību pēc $n-2$ sarunām, sarunas saņmainīt tā, lai $s(n-3)$ un $s(n-2)$ būtu dažādās komponentēs. Veicam šo samainīšanu.

Tagad pārejam tieši pie apgalvojuma pierādījuma.

Pieņemam, ka ne visi pēdējie t zvani ir starp beigās universāliem punktiem. Tad ir tāds p , $p \leq t$, ka $p-1$ pēdējie zvani $s(n+t-p-2), \dots, s(n+t-5), s(n+t-4)$ ir starp universāliem punktiem, bet p -tais zvans no beigām — $s(n+t-p-3)$ — nav.

Aplūkojam gadījumu, kurā $p=t$.

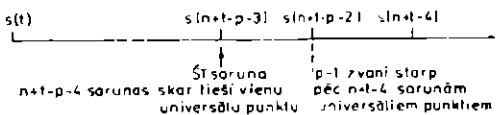
Tad saruna $s(n-2)$ ir starp beigās universāliem punktiem, bet saruna $s(n-3)$ — nav.

Tā kā $s(n-2)$ un $s(n-3)$ ir dažādās kom-

ponentēs, tad tās var mainīt vietām. Samainīt tās, saruna $s(n-2)$ jau nebūs starp universāliem punktiem. Tātad šis gadījums reducējas uz nākamo, kurā

$$p < t.$$

Aplūkojam zvanu $s(n+t-p-3)$. Tas skar vai nu vienu, vai arī nevienu pēc $n+t-4$ sarunām universālu punktu. Ja $s(n+t-p-3)$ neskartu nevienu universālu punktu, tad pēc 2. lemmas to varētu mainīt ar visiem nākamajiem, un tad būtu iegūti t universāli punkti jau pēc $n+t-5$ zvaniem, kas ir pretrunā ar induktīvā pieņēmuma 1. daļu. Tātad $s(n+t-p-3)$ skar tieši vienu universālu punktu (sk. 2. att.).



2. att.

Atceramies, ka $p < t$.

Tagad aplūkojam pēdējo p sarunu veidoto grafu. Tājā izdalām komponenti C , kas satur sarunu $s(n+t-p-3)$. Pieņemsim, ka C satur r šķautnes ($r \leq p$), apzīmējām tās ar $\tilde{s}(1)=s(n+t-p-3), \tilde{s}(2), \tilde{s}(3), \dots, \tilde{s}(r)$, turklāt tādā secibā, kādā tās redzamas sākotnējā grafā, t. ja $i < j$, tad $\tilde{s}(i)$ notiek pirms $\tilde{s}(j)$.

Analogi visas pārējās šķautnes (kas beigās nenonāk komponentē C) apzīmējam ar $\tilde{\tilde{s}}(1), \tilde{\tilde{s}}(2), \dots, \tilde{\tilde{s}}(p-r)$.

Bet tad pēc lemmas par mainīšanu, nemainīt informētību pēc $n+t-4$ zvaniem, sarunas var pārkārtot šādā secibā:

$s(1), \dots, s(n+t-p-4), \tilde{s}(1), \dots, \tilde{s}(p-r),$ $\tilde{s}(1), \dots, \tilde{s}(r)$ sarunas kompo-	nentē C	sarunas ārpus komponentes C
--	---------	--------------------------------

Komponentē C ir r šķautņu, tātad $\leq r+1$ virsotne. Vismaz viena no tām nav universāls punkts, jo $s(n+t-p-3)$ savienoja vienu universālu un vienu neuniversālu punktu. Tātad C satur $\leq r$ universālu punktu.

Tāpēc, noteikot sarunām $s(1), \dots, s(n+t-p-4)$, $\tilde{s}(1), \dots, \tilde{s}(p-r)$, ir radies vismaz $t-r$ universālu punktu.

Šķautņu skaits te ir $(n+t-p-4)+(p-r) = n+(t-r)-4$. Tā kā $r>0$, tad, pēc induktīvās hipotēzes 1. daļas, pēc šīm sarunām ir radies ne vairāk par $t-r$ universālu punktu. Tātad pēc šādi sakārtotām $n+(t-r)-4$ sarunām ir tieši $t-r$ universālu punktu.

Pēc induktīvās hipotēzes 2. daļas varam pārkārtot pirmos $n+t-r-4$ zvanus tā, lai pēdējie $t-r$ no tiem būtu starp universāliem punktiem (kas nav komponentē C):

$s'(1), s'(2), \dots, s'(n-4), \dots, s'(n+t-r-4)$,
 $\tilde{s}(1), \tilde{s}(2), \dots, \tilde{s}(r)$, kur $r \leq p < t$.

Bet tad sarunas $s'(n-3), \dots, s'(n+t-r-4)$ var mainīt vietām ar sarunām $\tilde{s}(1), \tilde{s}(2)$. $\tilde{s}(r)$ (zvani $s'(n-3), \dots, s'(n+t-r-4)$) ir ārpus komponentes C, bet zvani $\tilde{s}(1), \tilde{s}(r)$ — komponentē C):

$s'(1), s'(2), s'(n-4), \tilde{s}(1), \tilde{s}(2)$,
 $\tilde{s}(r), s'(n-3), s'(n+t-r-4)$.

Tā kā sarunas $s'(n-3), s'(n-2), s'(n+t-r-4)$ rada tieši $t-r$ universālu punktu, tad pēc sarunām $s'(1), s'(2), s'(n-4), \tilde{s}(1), \tilde{s}(2), \dots, \tilde{s}(r)$ būs radušies tieši r universāli punkti. Bet tad pēc induktīvā pieņēmuma šīs sarunas var pārkārtot tā, lai pēdējās r sarunas būtu starp beigās (t. i. pēc $n+r-4$ sarunām) universāliem punktiem:

$s''(1), s''(2), s''(n-4), s''(n-3)$,
 $s''(n+r-4)$

starp universāliem punktiem.

Tātad visā pārkārtotajā sarunu virknē $s''(1), s''(2), s''(n+r-4), s''(n-3)$.

$s''(n+t-r-4)$ pēdējās $r+t-r=t$ sarunas būs starp beigās universālām virsotnēm. Tādējādi pierādīts arī otrs induktīvās pārejas apgalvojums, un tādēļ pierādīls arī, starp citu, ka katram k pēc $n+k-4$ sarunām ir ne vairāk par k universālām virsotnēm.

Bet tad arī pēc $2n-5$ zvaniem ir ne vairāk

par $n-1$ universālu virsotni. Tātad, lai visas virsotnes kļūtu universālas, ir nepieciešams $2n-4$ sarunas. Teorēma pierādīta.

3. JAUNUMIEM JĀBŪT JAUNIEM

Sajā sadaļā aplūkosim vēl vienu problēmas noslēdzi, ko pētījis ungāru matemātiķis A. Serešs. Viņš ieguvis arī šeit izklāstītos rezultātus.

Pieņemsim, ka ciemata iedzīvotājus neinteresē ne tas, cik ātri viņi uzzina visus jaunumus, ne arī tas, cik telefonsarunu tam nepieciešams, bet viņi nekādā gadījumā negrib dzirdēt divas reizes vienu un to pašu jaunu. Pārējie nosacījumi paliek spēkā (arī tas, ka katras telefonsarunas laikā abi izstāsta viens otram visus dotaī brīdī zināmos jaunumus). Kādiem n iespējams organizēt sarunas tā, lai visi uzzinātu visus jaunumus?

Spriedumu gaitā iedzīvotājus sauksim par plāpām.

Apzīmēsim plāpas alfabetiskā secībā ar lieļajiem burtiem A, B, C, (var būt ar indeksiem), bet to sākotnēji uzzinātos jaunumus — ar atbilstošajiem burtiem.

Pieņemsim, ka plāpas ar jaunumiem apmaiņas tā, lai uzdevumā minētās prasības tiktū ievērotas. Ja ar A apzīmēsim kādu no plāpām, tad par A sirdsraudzeni vai sirdsdraugu sauksim plāpu B, ar kuru pirmo A runā. So faktu pierakstīsim šādi: $S(A)=B$.

1. lemma. Ja $S(A)=B$, tad $S(B)=A$.

Pieņemsim pretejo: $S(B)=C$, $C \neq A$. Jaunums a izplatās tikai reizē ar jaunu b ; tātad tajā brīdī, kad C uzzinās a , viņš dzirdēs arī b . Bet jaunu b viņš būs dzirdējis jau icprieķā (B pirmās sarunas gaita). Iegūta pretruna. Lemma pierādīta.

Secinām, ka plāpas var sadalīt sirdsdraugu pāros, tātad to skaitam noteikti jābūt pāra skaitlim.

Tālāk mēs pierādīsim, ka plāpu skaits var būt jebkurš pāra skaitlis n , ja $n \geq 20$, kā arī 2, 4, 8, 12 un 16.

2. lemma. Pļāpu skaits var būt 2^k , $k \in N$.

Lemmas pareizība acīm redzama, ja $k=1$. Pieņemsim, ka tā pareiza 2^k pļāpām. Nemēsim 2^{k+1} pļāpas un sadalīsim tās 2^k pāros. Vispirms katrs pāris aprunājas savā starpā, pēc tam veidojam 2 grupas pa 2^k pļāpām katrā un katrā no tām organizējam sarunas saskaņā ar induktīvo pieņēmumu.

3. lemma. Pļāpu skaits var būt 12.

Sadalām pļāpas 3 grupās pa četrām un vispirms organizējam sarunas katras grupas iekšienē. Apzīmēsim šīs grupas ar \tilde{A} , \tilde{B} , \tilde{C} . Tālāk veidojam trīs jaunas grupas (sk. 3. att.); nav grūti saprast, kādā veidā organizēt sarunas katras jaunās grupas iekšienē.

\tilde{A}	A_1	A_2	A_3	A_4
\tilde{B}	B_1	B_2	B_3	B_4
\tilde{C}	C_1	C_2	C_3	C_4

3. att.

4. lemma. Pļāpu skails var būt 20.

Sadalām pļāpas pa četrām 5 grupās un vispirms organizējam sarunas katras grupas iekšienē. Tālāk sadalām visas pļāpas divās grupās (sk. 4. att.). Pilnīgu informētību

\tilde{A}	A_1	A_2	A_3	A_4
\tilde{B}	B_1	B_2	B_3	B_4
\tilde{C}	C_1	C_2	C_3	C_4
\tilde{D}	D_1	D_2	D_3	D_4
\tilde{E}	E_1	E_2	E_3	E_4

4. att.

«augšējās» grupas ietvaros var panākt ar sarunām D_1E_1 , A_1C_1 , B_1D_1 , C_1D_1 , A_1E_1 , A_1B_2 , B_3E_1 , B_1C_2 , A_2B_1 , A_3C_2 (tieši šādā kārtībā). Līdzīgi rīkojas «apakšējās» grupas ietvaros.

5. lemma. Ja n ir pieļaujams pļāpu skaits, n dalās ar 4, $0 \leq 4k \leq n$ un $n+4k$ ir pieļaujams pļāpu skaits, tad $3n+4k$ arī ir pieļaujams pļāpu skaits.

Sadalīsim $3n+4k$ pļāpas trīs grupās: \tilde{A} satur $n+4k$ pļāpas, \tilde{B} un \tilde{C} pa n pļāpām (sk. 5. att.).

\tilde{A}	$A_1 \dots A_{n-4k}$	A_n	$A_{n+1} \dots A_{n+4k}$
\tilde{B}	$B_1 \dots B_{n-4k}$	B_n	
\tilde{C}	$C_1 \dots C_{n-4k}$	C_n	

5. att.

Vispirms organizējam sarunas katras grupas ietvaros. Pēc tam izveidojam $(n-4k)/4$ grupas, katrā no kurām satur 12 pļāpas (pa četrām no grupu \tilde{A} , \tilde{B} , \tilde{C} kreisajiem apgabaliem), un $4k$ grupas, katrā no kurām satur pa vienai pļāpai no \tilde{B} un \tilde{C} un divas pļāpas no \tilde{A} . Viegli saskatit, kādā veidā katras jaunās grupas ietvaros panākt pilnīgu informētību.

Tagad pierādīsim, ka visi $n \geq 20$, kas dalās ar 4, ir pieļaujami pļāpu skaiti. Tiešām, pieņemsim, ka n ir mazākais no tiem naturālajiem skaitļiem, kas dalās ar 4, nav mazāki par 20 un nevar būt par pieļaujamu pļāpu skaitu. No jau pierādītā seko, ka $n \geq 24$. Tā kā 5. lemmā var nemot $n=8$, $k=0$, tad jābūt $n > 24$. Dalīsim n ar 12 ar atlikumu. Pastāv 3 iespējas:

- a) $n = 12t + 4$, $t = 2; 3; \dots$; tā nevar būt, jo saskaņā ar n izvēli $4t$ un $4t+4$ ir pieļaujami pļāpu skaiti, tāpēc pēc 5. lemmas arī $3 \cdot 4t + 4 = 12t + 4 = n$ ir pieļaujams pļāpu skaits;
- b) $n = 12t + 8$, $t = 2; 3; \dots$; izspričam līdzīgi, aplūkojot pļāpu skaitus $4t$ un $4t+8$ (ievērojam, ka $4t \geq 8$, tātad 5. lemmu var izmantot);
- c) $n = 12t$, $t = 3; 4$; izspričam līdzīgi, aplūkojot pļāpu skaitu $4t$ un nemot 5. lemmā $k=0$.

Atliek aplūkot tos pāra skaitlus n , kas ir lielāki par 20 un nedalās ar 4. Tā kā spriedumi līdzīgi jau izdarītajiem, vietas ekonomi-

jas dēļ dosim tīkai galvenos risinājuma etapus.

1. Ar tiešām konstrukcijām pierāda, ka plāpu skaits var būt 22; 26; 30; 34; 38; 42; 46; 50; 54; 58; 62.

2. Pieņemsim, ka n ir minimālais pārā skaitlis, kas lielāks par 62, nedalās ar 4 un neder par plāpu skaitu. Izsakām $n = x + 16t$, $t \geq 1$, $x \in \{50; 54; 58; 62\}$. Tālāk šķirojam gadījumus atkaribā no x .

2.1. $x=50$. Sadalām plāpas 4 grupas, kas satur attiecīgi $4t+8$, $4t+8$, $4t+12$ un $4t+22$ plāpas. Katras grupas ietvaros sarunas var noorganizēt saskaņā ar jau pierādīto un ar n izveli. Pēc tam izveidojam divas jaunas grupas: vienā ietilpst pa $4t$ plāpām no katras no jau minētām četrām grupām, otrā pārējās plāpas. Katrā jaunajā grupā var panākt pilnīgu informētību. Tādējādi iegūta pretruna ar n izveli.

2.2. $x=54$. Rikojas līdzīgi, vispirms sadalot plāpas 4 grupas, kas satur $4t+8$; $4t+12$; $4t+12$; $4t+22$ plāpas.

2.3. $x=58$. Rikojas līdzīgi, vispirms sadalot plāpas četrās grupās, kas satur $4t+12$; $4t+12$; $4t+12$; $4t+22$ plāpas.

2.4. $x=62$. Rikojas līdzīgi, vispirms sadalot plāpas četrās grupās, kas satur $4t+12$; $4t+12$; $4t+16$; $4t+22$ plāpas.

Tātad ir pierādīts, ka arī visi tie pāra skaiti, kas pārsniedz 20 un nedalās ar 4, var būt par plāpu skaitu.

Atliek noskaidrot jautājumu, vai plāpu skaits var būt 6; 10; 14; 18. Visos gadījumos atbilde ir negatīva. Mēs to pierādīsim gadījumam, kad $n=6$.

Kā jau redzējām 1. lemmas pierādījumā attiecībā uz pirmo sarunu, plāpas apvienojas pāros. Līdzīgi pierādām: ja plāpai X pēdējā

saruna ir ar plāpu Y, tad plāpai Y pēdējā saruna ir ar plāpu X. (Izdariet to patstāvigi!)

Iegūstam citu sadalījumu pa pariem. Turklāt skaidrs, ka neviens pirmā sadalījuma pāris vienlaicīgi nav arī otrā sadalījuma pāris.

Apzīmēsim informāciju, kas katrai plāpai ir pēc viņa pirmās sarunas (un sastāv no diviem jaunumiem), ar LJ (lielais jaunums). Pēc plāpu pirmajām sarunām izveidojas 3 lietie jaunumi (apzīmēsim tos ar α , β , γ), katu no kuriem zina 2 plāpas (sk. 6. att.). Informācija tālāk izplatās tikai LJ formā.

A	B	C	D	E	F
α		β		γ	

6. att.

Pirms savas pēdējās sarunas neviens plāpa nedrīkst zināt divus LJ. Tiešām, ja tāda plāpa X būtu, tad viņas priekšpēdējais sarunu partneris Y (tāds eksistē, jo saskaņā ar sākumā teikto katrai plāpai eksistē vismaz divi dažādi sarunu partneri — pirmais un pēdējais) pēc sarunas ar X arī zinātu šos pašus divus LJ. Tātad X un Y savās pēdējās sarunās drīkstētu runāt tikai ar divām plāpām Z un T, kas katra zina vienu (X un Y vēl nezināmo) LJ un neko citu. Tātad abas atlikušās plāpas (ne X, Y, Z, T) nezina un nekad neuzzinās Z un T zināmo LJ.

Tātad esam pierādījuši, ka pirms savas pēdējās sarunas katra plāpa zina tikai vienu LJ. Bet tad (atceroties sākumā minēto) pēc pēdējās sarunas viņš zinās tikai divus LJ, tātad — nezinās visu.

Gadījumus, ja $n=10; 14; 18$, analizē līdzīgi. Piedāvājam lasītājam to izdarīt patstāvigi.

A. Andžāns

AMATIERIEM

VASARAS NOVĒROŠANAS NOMETNE «ĒRGĀ DELTA»

No 1994. gada 12. līdz 15. augustam Siguldā, Latvijas Astronomijas biedrības observatorijā, notika vasaras novērošanas nometne «Ērgla Delta» (sk. krāsu ielikumu). Tāpat kā citus gadus, tajā galvenokārt piedalījās skolēni un studenti, kas interesējas par astronomiju. Soreiz Siguldā bija sapulcējušies 22 jaunie astronomi no Rīgas, Jūrmalas, Salaspils, Valmieras, Tukuma un Kuldīgas.

Meteoru novērojumi šogad bija visai sek-migi. Pirmajā vakarā, kad bija gaidāms Perseīdu maksimums, debesis gan bija skaidras tikai divas stundas, tomēr šajā laikā nometnes dalībnieki paspēja ieraudzīt 101 meteoru, vairums no kuriem bija Perseīdas. Nākamajā dienā notika Saules novērojumi. Uz Saules diska bija redzamas trīs nelielas plankumu grupas, kas tika rūpīgi apskatītas un uzzīmētas. Otrajā vakarā debesis bija skaidras tikai nepilnu stundu, tāpēc novērojumi bija epizodiski. Trešās dienas rītā nolija spēcīgs lietus, kas tomēr nemazināja dalībnieku apņēmību izpildīt nometnes programmu līdz galam. Šis cerības attaisnojās, jo pēdējā naktī debesis bija skaidras un ļoti dzidras. Daļa novērotāju skaitlīja meteorus, bet citi novēroja debess dzīļu objektus ar Siguldas observatorijas 13 cm refraktoru, dažās stundās pagūstot apskatīt lielu daudzumu zvaigžņu kopu (Perseja dubultkopu, M 2, M 11, M 16, M 36, M 37, M 38, M 71), miglāju (M 8, M 17, M 27, M 57) un galaktiku (M 31, M 33, M 51, M 74). No planētām labi bija

novērojams tikai Saturns, kam bez Titāna bija redzami arī citi pavadoņi.

Nometnes viesis šogad bija LU Fizikas un matemātikas fakultātes docents profesors T. Romanovskis, kurš uz nometnes laiku nodeva tā dalībnieku rīcībā personālo skaitļotāju PC 386 un aicināja uz sadarbību skaitļotāju un astronomijas saskares jomā. Jaunie astronomi ar interesī iepazinās ar astronomiskajām programmām «Dance of planets», «Skyglobe» un citām, kā arī paši izmēģināja savus spēkus programēšanā.

Skolēniem un studentiem bija iespēja pārbaudit savas zināšanas astronomijā, atbildot uz astronomijas testa 195 jautājumiem. Veiksmīgākās atbildes un nepilnības zināšanās tika pārsPriestas pie nometnes ugunkura. Tika pārrunāts arī kopīga teleskopa izgatavošanas projekts. Spoguli 25 cm diametrā šīm teleskopam ir sagādājusi Latvijas Astronomijas biedrība. Tā sakot, «cīrvja kāts» jau ir, atliek tikai «izvārīt zupu», t. i., uzbūvēt pašu teleskopu.

Visi dalībnieki devās pārgājiens gar ēnaino Gaujas krastu uz Lielo Velna alu, pa ceļam apskatot divas mazākas alas: Aunapieri un Mazo Velna alu. Atpakaļceļš veda pa upes otru krastu, garām Siguldas bobsleja trasei. Otra pārgājiens maršruts bija tradicionāls — no Gūlmaņa alas uz Turaidas pili, tālāk uz Dainu kalnu un Siguldas pilstdrupām. Vienā no vakariem bija iespējams noskatīties, kā gumijas trosē iesieli drosmīnieki lec no gaisa

tramvaja vagoniņa, kas karājās augstu virs Gaujas.

Jaunie astronomi ne tikai novēroja debess objektus un izklaidējās, bet paveica arī vēl ko derīgu. Tika apzāgēti vairāki koki, to viðu viens visaj liels, kas traucēja debess novērošanu teleskopa paviljona apkārtnē.

So nometni organizēja LU Astronomiskā observatorija un Latvijas Astronomijas biedrība, kas arī uzņemās ar to saistītos izdevumus. Ipaši pirmajās naktis nometnē valdīja

azartisks novērošanas gars. Kopīgā darbošanās deva iespēju nomelnes dalībniekiem labāk iepazīt citam citu, pārrunat astronomijas jaunumus, kā arī vienoties par kopīgiem novērojumiem nākošnē. Šāda nometne tiks organizēta atkal 1995. gadā no 10. līdz 13. augustam. Sikāka informācija pa telefonu 223149.

I. Vilks, nometnes vadītājs

JAUNUMI ISUMĀ ● JAUNUMI ISUMĀ ● JAUNUMI ISUMĀ ● JAUNUMI ISUMĀ

** Pirms dažiem gadiem holandlešu zinātnieks K. Velkens (*Ch. Waelkens*) ar līdzstrādniekiem, pētot spožo zvaigzni HR 4049, atklāja, ka tās spektrā ir tikai H, C, N un O atomu līnijas. Detalizēti ķimiskā sastāva pētījumi liecināja, ka dzelzs daudzums fotosfērā ir apmēram desmit tūkstošus reižu mazāks nekā dzelzs saturs Saulei. Vēlāk atrada vēl dažas tādas zvaigznes, no kurām zvaigzne HD 52961 ir ar izcilu mazu dzelzs saturu ($\text{Fe/H} = -5,0$, t. i., 100 000 reižu mazāk nekā Saulei). Sākotnējais piegēmums, ka šīs zvaigznes ir ar smagajiem elementiem vīsnabdzīgākās un tāpēc visvečākās zvaigznes Galaktikā, izrādījās nepareizs, jo C, N, O un S saturs ir līdzīgs kā Saulei. Ar atmosfēru modeļu palīdzību pētot zvaigzni HD 52961, konstatēja, ka arī cinka saturs ir tāds pats kā Saulei. Tādējādi tām trūkst tikai Fe, Ti, Ca un dažu citu metālu. Šīs zvaigznes ietilpst dubultzvaigžņu sistēmās ar plāšu ekscentrisku orbitu, un ap četrām no tām ir putekļu apvalki. Izvirzīta hipotēze, ka šie objekti vēl ir zvaigznes attīstības stadijā pēc asimptotiskā milžu zara un dzelzs un citi metāli, kas nav novērojami fotosfērā, ir uzkrāti to putekļu apvalkā.

** Cefeīdu novērošana ir viena no standartmetodēm attālumu noteikšanā. Tāpēc ir joti svarīgi atklāt cefeīdas tālās galaktikās, tādējādi precīzējot to attālumus un izmantojot novērojamo sarkanu nobidi, noteikt Habla konstantes vērtību. Ar šādu mērķi, izmantojot Kanādas un Francijas teleskopu Havaju salās, veikti Jaunavas galaktiku kopas galaktikas NGC 4771 pētījumi. Atklātas četras maiņzvaigznes ar spožumu sarkanajos staros diapazonā no 23,4 līdz 24,1 zvaigžņielumam un periodu no 50 līdz 90 dienām. Aprēķinātais attālums līdz galaktikai ir 14,1 megaparseks, kas liecina par labu tā saucamai īsajai attālumu skalai līdz Jaunavas galaktiku kopai; attiecīgā Habla konstantes vērtība ir 93 km/(s. Mpe).

** Planētu meklēšana ap citām zvaigznēm (izņemot Sauli) līdz šim bijusi nesekmīga. Visai negaidīti 1992. gadā tika atklātas planētas ap ātri rotējošu vecu neutronu zvaigzni B 1257+12. Tika konstatēts, ka tās tuvumā ir divas planētas ar masu $2,8 M_{\oplus}$ (M_{\oplus} — Zemes masa) un $3,4 M_{\oplus}$ attiecīgi 0,36 un 0,47 astronomisko vienību attālumā no aprīņķošanas periodiem 66,5 un 98,2 dienas. Turpinot šos pētījumus, atklāja arī trešo joti mazas masas planētu ($0,015 M_{\oplus}$) ar aprīņķošanas periodu 25,3 dienas 0,19 astronomisko vienību attālumā no pulsāra. Konstatēta arī gravitācijas mijiedarbība starp abām masīvajām planētām, kas apliecina to planetāro dabu.

DRAMATISKA CĪNA PAR VENTSPILS ANTENĀM UN VSRC

Iepriekšējā «Zvaigžņotās Debess» numurā šā raksta autors informēja par iespējam izmantot Krievijas armijas Kosmisko sakaru centra (k/d 51429) jeb tā sauktā objekta «Zvaigznīte» antenas Ventspils rajona Ances ciemā augslvērtīgu zinātnisko pētījumu veikšanai un ieceri izveidot uz to bāzes Ventspils radioastronomijas centru* vai Ventspils starptautisko radioastronomijas centru (VSRC). Pēdējais projekts šķiet pievilcīgāks gan zinātnes internacionālā rakstura dēļ, gan tādēļ, ka niecigais finansējums, ko — vismaz pašlaik — Latvijas valdība var atvēlēt zinātnei, nekādi nespētu nodrošināt šāda centra normālu funkcionēšanu bez citu valstu līdzdalibas. So ieceri principā atbalstīja gan bijušais Latvijas Zinātņu akadēmijas (LZA) prezidents akadēmīkis J. Lielpēters, gan pašreizējais LZA prezidents akadēmīkis T. Millers, gan izglītības un zinātnes (IZ) ministrs J. Vaivads, gan šīs ministrijas Augstākās izglītības un zinātnes departamenta direktors A. Kāpenicks. To, protams, atbalstīja arī Krievijas ZA prezidents akad. J. Osipovs, bez kura akcepta Krievijas armijas vadība par šādu variantu diezin vai būtu kaut kādas sarunas vispār uzsākusi.

Lai konkretizētu un īstenotu šo ideju, laikā no 1994. gada 25. līdz 28. aprīlim Rīgā, Lat-

vijas Zinatņu akadēmija uzturējas autoritatīva Krievijas Federācijas delegācija 8 cilvēku sastāvā, no kuriem pieci — A. Finkelšleins, M. Kaidanovskis, B. Koinašs, B. Poperečenko un A. Romanovs — parstāvēja Krievijas Zinātņu akadēmiju un trīs — V. Lastovskis, G. Poļeščuks un V. Tjumencevs — Krievijas Aizsardzības ministriju (AM), kuras īpašumā bija galvenais sarunu priekšmets, t. i. 32 un 16 m antenas. Šīs delegācijas vadītāji bija ģeneralleitnants G. Poļeščuks un prof. A. Finkelšleins.

Sarunās ar šo delegāciju no Latvijas puses arī piedalījās astoņas personas — E. Bervalds, J. Ekmanis, A. Kāpenieks, V. Kozlovskis, J. Upmalis, D. Valdmanis, J. Zagars un šo rindu autors (lurpmāk — autors). Latvijas puses pārstāvniecība lika uzticēta J. Upmalim — Krievijas karaspēka izvešanas no Latvijas kontroles biroja vadītājam un akad. J. Ekmanim — LZA viceprezidentam.

Šo sarunu, kuras nevarētu nosaukt par vieglām un vienkāršām, rezultātā tika panākta vienošanās un parakstīts nodomu protokols, kurā abas sarunu puses piekrīta VSRC izveidošanas lietderībai, tā izmantošanai tikai zinātniskiem un mierīgīgiem mērķiem, iespējai iesaistīt tā darbā citas ieinteresētās puses utt. Krievijas puse apņēmās veikt pasākumus, lai varētu segt ap 90—95% no VSRC ekspluatācijas izdevumiem, taču izvirzīja noteikumu, lai šā centra organizēšanu atbalstītu Latvijas Republikas (LR) valdība, kura līdz ar to garantētu, ka antenu komplekss, kas tādējādi

* Sk.: *Balklavs A. Vai būs Ventspils radioastronomijas centrs // Zvaigžņotā Debess. — 1994./95. gada ziema. — 55. lpp.*

nonākto Latvijas pārziņā un rīcībā, netiktu izmantots sākolnējam uzdevumam — kosmiskajai izlūkošanai jeb, tautas valodā runājot, spiegošanai, taču šoreiz jau pret Krieviju. Šī Krievijas AM vai faktiski valdības izvirzīlā prasība šķita tik loģiski pamatota un pieņemama, ka Latvijas puse to akceptēja, neņemot vērā J. Upmaļa brīdinājumu, ka VSRC organizēšana LR valdības atbildības līmenī var radīt lielas grūtības un sarežģījumus. Brīdinājums, kas acīmredzot bija izteikts, balstoties uz pamatīgu iepriekšējā darba pieredzi, izrādījās ļoti pravietisks — ap VSRC jautājumu sākās grūti saprotama vilcināšanās un neizlēmība no LR Ministru kabineta (MK) vadības puses.

30. maijā uz «Zvaigznīti», lai iepazītos ar objektu, tā stāvokli un gatavību nodošanai Latvijai, izbrauca Ministru prezidents V. Birkavas ar sava kabineta atbildīgiem darbiniekiem. Noslēguma pārrunās ar Latvijas un Krievijas zinātnieku pārstāvjiem viņš neizrādīja ipašu iepriekšējumu par iecerēm šā objekta turpmākai izmantošanai. Ar objektu iepazinās arī viena no, varētu teikt, visvairāk ieinteresētajām pusēm — līvu pārstāvis Saemā LNNK frakcijas deputāts D. Stalls, kas gluži otrādi, t. i., visnotaļ pozitīvi, vērtēja planus par objekta konversiju. Notikums guva plašu atspoguļojumu daudzos valsts masu informācijas līdzekļos, kuru korespondenti kuplā skaitā arī bija ieradušies objektā.

Jautājuma izskatīšana MK kavējās, lai gan vienigais, kas bija vajadzigs tā risinājuma tālāk virzībai pēc būlibas, bija principiāls valdības atbalsts VSRC organizēšanas idejai. Tas varēja būt pat tikai apgalvojums, ka valdība neiebilst pret šo ideju, protams, papildus izvirzot tos vai citus noteikumus, kuru izpilde būtu nepieciešama, lai (ktū) ievērotas Latvijas intereses un garantēta tās drošība. Par kavēšanās cēloni var uzskatīt Ministru prezidenta nostājas maiņu VSRC organizēšanas jautājumā. Uz pirmo LZA prezidenta akad. J. Lielpētera premjerministram V. Birkavam adresēto vēstuli par Ventspils 32 m antenu bija V. Birkava norāde, ka apskatāmās jautājums jākārto, ievērojot zinātnieku intereses, taču vēlāk, 1994. gada 5. maijā, rezolūcija jau

tika mainīta tādējādi, ka zinātnieku intereses, protams, jāievēro, bet Latvijas intereses ir pāri visām citām. Tātad bez jebkādas argumentācijas vai konkrēta piemēra tiek norādīts, ka Latvijas zinātnieku intereses var būt pretējā ar Latvijas valsts interesēm (??).

Bez dotajā situācijā tik nepieciešamā principiāla atbalsta vai piekrišanas par VSRC izveidošanu no Latvijas valdības puses kā obligāta tiek izvirzīta prasība, lai VSRC būtu ne tikai divpusēja Latvijas un Krievijas zinātnieku kooperācija, bet lai tā veidošanā (kas vēl ir zem lielas jautājuma zīmes) ieiklautos arī Rietumvalstu zinātnieki.

Pildot šo prasību, LZA Radioastrofizikas observatorijas darbinieki — VSRC izveidošanas iniciatīvas grupas vadītājs prof. E. Bervalds un šo rindu autors, aktīvi līdzdarbojoties un palīdzot LZA ārzemju loceklim Lundas observatorijas (Zviedrija) prot. D. Dravīnam un vēl daudziem citiem, paveica gandrīz neiespējamo — ieguva principiālo atbalstu VSRC organizēšanas idejai un gatavību sadarboties no vairākām Rietumvalstu starptautiskās zinātniskās institūcijas — JIVE (akronīms no nosaukuma angļu valodā — Joint Institute for VLBI in Europe, t. i., Eiropas apvienotais VLBI (attiecīgi — Very Long Base line Interferometry vai latviski — loli garas bāzes interferometrija) institūts) un URSI (akronīms no nosaukuma franču valoda Union Radio-Scientifique Internationale, t. Starptautiskā radiozinālīpu savienība, kas koordinē radioastronomiskos pētījumus visā pasaulē), kā arī divas autoritatīvās Rietumvalstu zinātniskās iestādes — Onsalas kosmiskā observatorija (Zviedrija) un Maksa Planka Radioastronomijas institūts (Vācija). Sis iestādes izteica atbalstu, neiepazīstoties ar 32 m un 16 m antenu reālo stāvokli (sk. krāsu ielikumu). Tas viss prasīja daudzus desmitus vēstulju, telefonsarunu, faksu, pārrunu, saskaņojumu, konsultāciju utt. Tika sastādīts un MK iesniegts arī premjera V. Birkava pieprasītais organizējamā objekta tehniski ekonomiskais pamatojums.

Par astronomisko pētījumu nepieciešamību un lomu nācijas garīgajā dzīvē, kā arī par

Latvijas astronomu nodomiem attiecībā uz Krievijas armijas objektu «Zvaigznīte» tika informēti Latvijas iedzīvotāji (sk. autora interviju «Vai latviešiem vajadzīga astronomija?», laikr. «Labrit», 1994. gada 21. marts, nr. 67, 14. lpp., un «Vai livu krastā būs starptautisks radioastronomisks centrs?», laikr. «Neatkarīgā Cīņa», 1994. gada 14. jūnijs, nr. 137 (882), 6. lpp.), kā arī LNNK un «Tēvzemei un brīvībai» frakciju deputāti D. Stalts un M. Grīnblats. Apjomīgu informāciju un savas pozitīvās attieksmes pamatojumu Saeimas Izglītības, kultūras un zinātnes komisijai (deputātam D. Staltam) sagatavoja un 1994. gada 1. jūnijā izsūtīja prof. D. Dravīņš (esam iecerējuši to arī publicēt kādā no tuvākajiem «Zvaigžņotās Debess» numuriem). 1994. gada 10. jūnijā savu atbalstu VSRC organizēšanai izteica Latvijas Zinātnes padomes Fizikas, matemātikas un astronomijas nozares ekspertu komisija akad. M. Jansona vadībā.

Pēc premjerministra V. Birkava norādījuma valdības lēmuma sagatavošana VSRC jautājumā tika uzdotā MK Vaiļsts un sociālo lietu komitejai. Tā savā 1994. gada 20. jūnija sēdē valsts reformu ministra M. Gaiļa vadībā, piedaloties prof. E. Bervaldam, J. Upmalim, A. Kapeniekam un autoram, akceptēja zinātnieku izstrādāto lēmuma projektu, kurā tika atbalstīta bijušā Krievijas Federācijas militārā objekta «Zvaigznīte» saglabāšana valsts īpašumā un tā nodošana LZA valdījumā ar noliku organizēt uz tā bāzes zinātnisku ieštādi — bezpečas organizāciju «Ventspils starptautiskais radioastronomijas centrs». Jau šķita, ka jautājums tuvojas savam normalam, logiskam atrisinājumam.

Taču MK 1994. gada 28. jūnija sēdē, uz kuru bija uzaicināti un arī piedalījās LZA pārstāvji prof. E. Bervalds un autors un kurā vajadzēja akceptēt sagatavoto rīkojuma projektu, tas tomēr tika noraidīts, balstoties galvenokārt uz Ārietu ministrijas (ĀM) valsts sekretāra M. Virša izteikumiem par nepieciešamību ievērot valsts drošību. Neldzēja ne IZ ministra J. Vaivada atbalsts, ne prof. E. Bervalda izturētā, ne autora visai asā uzstāšanās. Jaulājuma galīga izlemšana atkal

tika atlikta uz nākamo MK sēdi, kas bija ieplānotā 19. jūlijā.

Sakarā ar Latvijas valdības neizlēmību un vilcināšanos pār Ventspils antenām savilkās visai nopietni iznicibas draudu mākoņi. Krievijas armija, kuras īpašumā bija «Zvaigznīte», saskaņā ar savas valdības lēmumu bija gatava nodot šo stratēģiski svarīgo objektu zinātnieku rīcībā tikai ar iepriekšminēto noteikumu, t. i., tad, kad Latvijas valdība oficiāli ar savu lēmumu atbalstīs starptautiska zinātniska centra organizēšanu un līdz ar to uzņemsies atbildību un garantēs šā objekta resursu izmantošanu tikai zinātniskiem vai ciemīm miernīcīgiem mērķiem. Pretējā gadījumā bija paredzēta antenu dalēja demontaža, bet atlīkušās daļas varbūtēja uzspridzināšana. Pēc Krievijas armijas izvešanas grātika «Zvaigznīte» apsaimniekojošajai karaspēka daļai līdz pat pēdējai militārpersonai objektu vajadzēja atlāt 22. jūlijā, bet MK sēde ar nezināmu un neprognozējamu lēmumu bija paredzēta tikai 19. jūlijā. Karaspēka daļas vadībai radās pamatotas bažas, vai Latvijas valdības negatīva lēmuma gadījumā tai pietiks laika izpildit savas pavēlniecības rīkojumu par antenu likvidēšanu.

Autoram radās iespaids, ka kādas, visādā ziņā Latvijā ļoti iespaidīgas aprindas ir ieinteresētas, lai Ventspils antenas tiktu likvidētas vai vismaz padarītas nelietojamas. Ministru prezidents, ļoti labi apzinoties starptautisko zinātnisko un arī citu aprindu iespējamo reakciju, nevēlējās skaidri un nepārprotami VSRC organizēšanu noraidīt, bet, ope-rējot ar neargumentētām norādēm par Latvijas drošības interesēm, piekopa novilcīnāšanas taktiku cerībā, ka neizturēs Krievijas armijas vadības nervi un tā, būdama spiesta ievērot armijas izvešanas termiņus, izdos pavēli antenas likvidēt. Tādējādi Latvijas valdība būtu saglabājusi savu starptautisko prestižu, jo vilcināšanās, it sevišķi, ja tā tiek pamatota ar rūpēm par valsts drošības garantēšanas prioritāti, bez šaubām, nevar būt nekas nosodāms, bet viss «nesmukums» par VSRC idejas ištēnošanas izjaukšanu gultos uz Krieviju, respektīvi, tās militāro vadību. Protams, tā ir tikai autora versija, bet citādu izskaidrojumu

visam šim būtībā skaidrajam, taču varas gai-
teņos māksligi sarežģītajam un vilcinātajam
jautājuma risinājumam grūti atrast, ja vien
negrib valdības vadibai pārmest vēl sma-
gāku vainu — nekompetenci.

Sākās patiešām satraucoša nervu spēle.
1994. gada 14. jūlijā LZA prezidents akad.
T. Millers nosūta premjerministram V. Birkavam
vēl vienu vēstuli, aicinot paredzamajā
19. jūlija MK sēdē pieņemt zinānieku izstrā-
dāto rīkojuma projektu par VSRC organizē-
šanu. Latvijas un Krievijas zinānieku veiktais
situācijas izskaidrošanas darbs, kā arī norāde
par iespējamo starptautisko rezonansi, šķiet,
palidzēja izturēt arī Krievijas armijas vadības
nerviem. Līdz 1994. gada 19. jūlijam abas
antenas joprojām stāvēja neskartas.

Latvijas Ārlietu ministrija informēja, ka tā
pa diplomātiskajiem kanāliem mēģinājusi no-
skaidrot Rietumvalstu oficiālo nostāju par
VSRC izveidošanu ar Krievijas piedalīšanos.
Nav saņemtas ne nepārprotami pozitīvas, ne
nepārprotami negatīvas atbildes (bet kā gan
citādil — *Autora replika*). Tajā pašā laikā
ĀM norādīja, ka, nemot vērā pozitīvo un pat
uzstājīgo autoritativāko šīs nozares starptau-
tisko zinātnisko centru un organizāciju po-
zīciju, negatīvs lēmums jautājumā var VSRC
izveidi varētu negatīvi iespaidot LR prestižu
ārvalstu zinātniskajās aprindās.

Un tā atausa 19. jūlijā rīts. Uz MK sēdi
uzaicinātie zinānieku pārstāvji, prot. E. Ber-
valds, IZ ministrijas Augstākās izglītības
un zinātnes departamenta direktors A. Kape-
nieks un autors, tomēr neverēja sēdē pieda-
līties, jo tā bija slēgta. Ap astoņiem vakarā
ministrs J. Vaivads aiz durvīm sēdošajiem
paziņoja, ka zinānieku sagatavotais valdības

rīkojuma projekts nav pieņemts, bet ka val-
dība principā neiebilstot pret VSRC izveido-
šanas ideju un objektā «Zvaigznīte» esošā
valsts ipašuma nodošanu Latvijas Zinātņu aka-
dēmijas valdījumā. Tas tiksot noformēts at-
liecīgā valdības rīkojuma veidā, kuru premj-
erministrs V. Birkavs esot apņēmies parak-
slīt 20. jūlijā LZA saņemšot šīs sēdes proto-
koļa izrakstu un, ja Krievijas armijas pār-
stāvniecībai ar to pietikšot, varot sākt ob-
jekta pārņemšanu. Par laimi, Krievijas pusei
ar to pietika, un 1994. gada 22. jūlijā tika
parakstīts objekta «Zvaigznīte» nodošanas un
pieņemšanas akts (prof. E. Bervalds bija šīs
komisijas priekšsēdētājs, bet autors — viens
no tās locekļiem). Ar to objekts (starp citu,
atšķirībā no daudziem citiem Krievijas armi-
jas atstātajiem objektiem nodots Latvijas pu-
sei labā, nesabojātā stāvoklī) ar abām ante-
nām, kura vērtība noteikta 10 714 650 tūkstoši
Krievijas rbl. pēc Krievijas puses un 1 071 465
Ls pēc Latvijas puses vērtējuma, ir nonācis
LZA valdījumā. Tās pašas dienas vakarā pē-
dējie Krievijas armijas pārstāvji šā objekta
teritoriju atstāja.

Burtiski dažu stundu laikā bija jānoorga-
nizē objekta apsardze, lai pasargātu to no
pašreizējos Latvijas apslāklos gandrīz vai par
tradīciju kļuvušās izlaupišanas, uz ko acīm-
redzot jau cerēja ne viena vien uz šo gadī-
jumu sagatavojušies un gan ar, gan bez
transportlīdzekļa ieradusies civilpersona.

Minētais LR valdības rīkojums par «Zvaig-
znīti» līdz 18. augustam — šā raksta uzrak-
stišanas brīdim — vēl nebija parakstīts. Bet
par to un tālāko, kas saistīts ar VSRC, ce-
ram, citreiz.

A. Balklavs

ZVAIGŽNOTĀ DEBESS 1995. GADA PAVASARĪ

1995. g. astronomiskais pavasaris sāksies 21. marta pl. 4^h14^m, kad Saule savā šķietamajā kustībā pa ekliptiku nonāks pavasara punktā (♈), kas atrodas Zivju zvaigznājā. No šā brīža līdz pat rudens sākumam Saule atradīsies debess sfēras ziemeļu puslodē. Tas nozīmē, ka Zemes ziemeļu puslodē dienas būs garākas nekā nakts un tā saņems vairāk gaismas un siltuma nekā dienvidu puslode.

Astronomiskais pavasaris beigsies 21. jūnijā pl. 23^h34^m, kad Saule ieies Vēža zīmē (♏). Sajā brīdi tai būs maksimālā deklinācija, bet nakts no 21. uz 22. jūniju būs pati īsākā visā 1995. gadā.

Pavasari labākais laiks, kurā var iepazīties ar zvaigžnoto debesi, ir līdz maija vidum, jo vēlāk debess vērošanu traucē gaišās nakts.

Pavasara sākumā vakaros vēl labi novērojami krāšnie ziemas zvaigznāji — Orions, Vērsis, Vedējs, Dvīņi, Lielais Suns un Mazais Suns. Tomēr pavisam drīz tos nomaina pavasara zvaigznāji — Vēzis, Hidra, Sekstants, Lauva, Jaunava, Kauss, Krauklis un Berenikes Mati.

Visvairāk spožo zvaigžņu ir Lauvas zvaigznājā. Tā izteiksmīgā figūra labi izceļas uz citu pavasara zvaigznāju tona. Interesanti, ka šopavasar pierastlo Lauvas izskatu mainīs Mars, kuru labi varēs pazīt pēc lielā spožuma un sarkanīgās krāsas (maijs otrajā pusē tas atradīsies pavisam tuvu Regulam — Lauvas α).

Gaišajās maija nakts par orientieriem var kalpot Spika (Jaunavas α) un Arklurs (Vēršu Dzinēja α), jo pārējo pavasara zvaigznāju

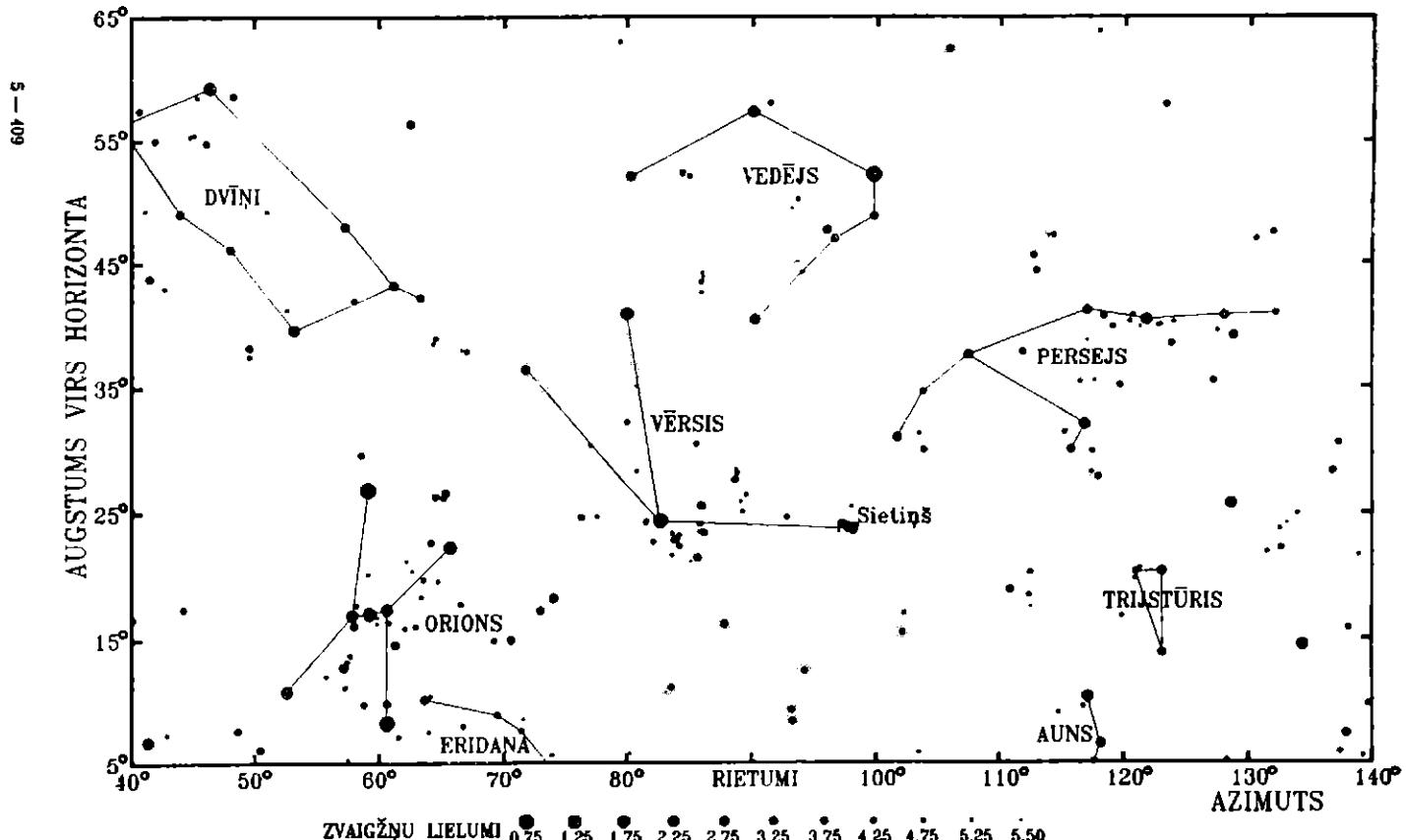
zvaigžņu spožums ir krietiņi vājāks un tās nekādi neizceļas.

Jūnijā pie mums ir baltās naktis. Tāpēc šajā laikā gaišās debesis ir pavisam nepiemērotas zvaigžnotās debess objektu novērošanai, jo redzamas tikai pašas spožākās zvaigžnes.

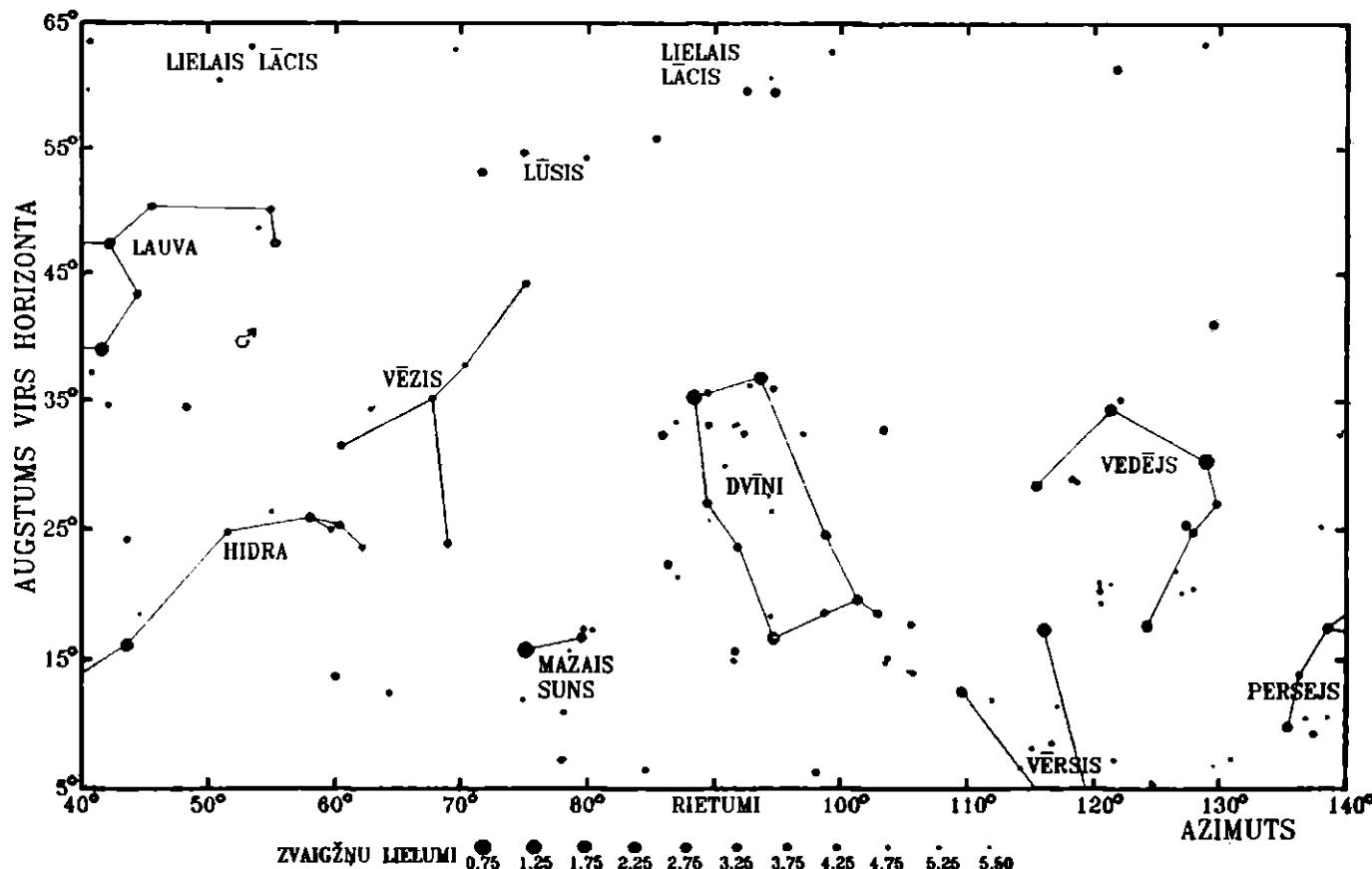
Tie, kam pieejami labi bīnokļi vai nelieli teleskopi, var iepazīties ar atsevišķiem interesantiem debess objektiem, kas labi novērojami tikai pavasaros. Vēža zvaigznājā redzamas divas valējās zvaigžņu kopas — krāšnā M 44 (Sile) un mazāk izteiksmīgā M 67. Hidras zvaigznājā atrodams planetārais miglājs NGC 3242. Berenikes Matu zvaigznājā novērojama valējā zvaigžņu kopa un vairākas spiralveida galaktikas (NGC 4565, M 64). Jaunavas zvaigznājā atrodas galaktiku kopa, kurā spožākā un interesantākā ir M 104. Medību Suņu zvaigznājā atrodas izteiksmīgā lodveida zvaigžņu kopa M 3.

Iepirkšējā gada «Zvaigžnotās Debess» pavasara numurā bija parādīts zvaigžnotās debess izskats dienvidu virzienā. Šā numura atēlos (sk. I.—3. att.) ir parādīts, kā mainās zvaigžnotās debess izskats pavisara vakaros rietumu virzienā.

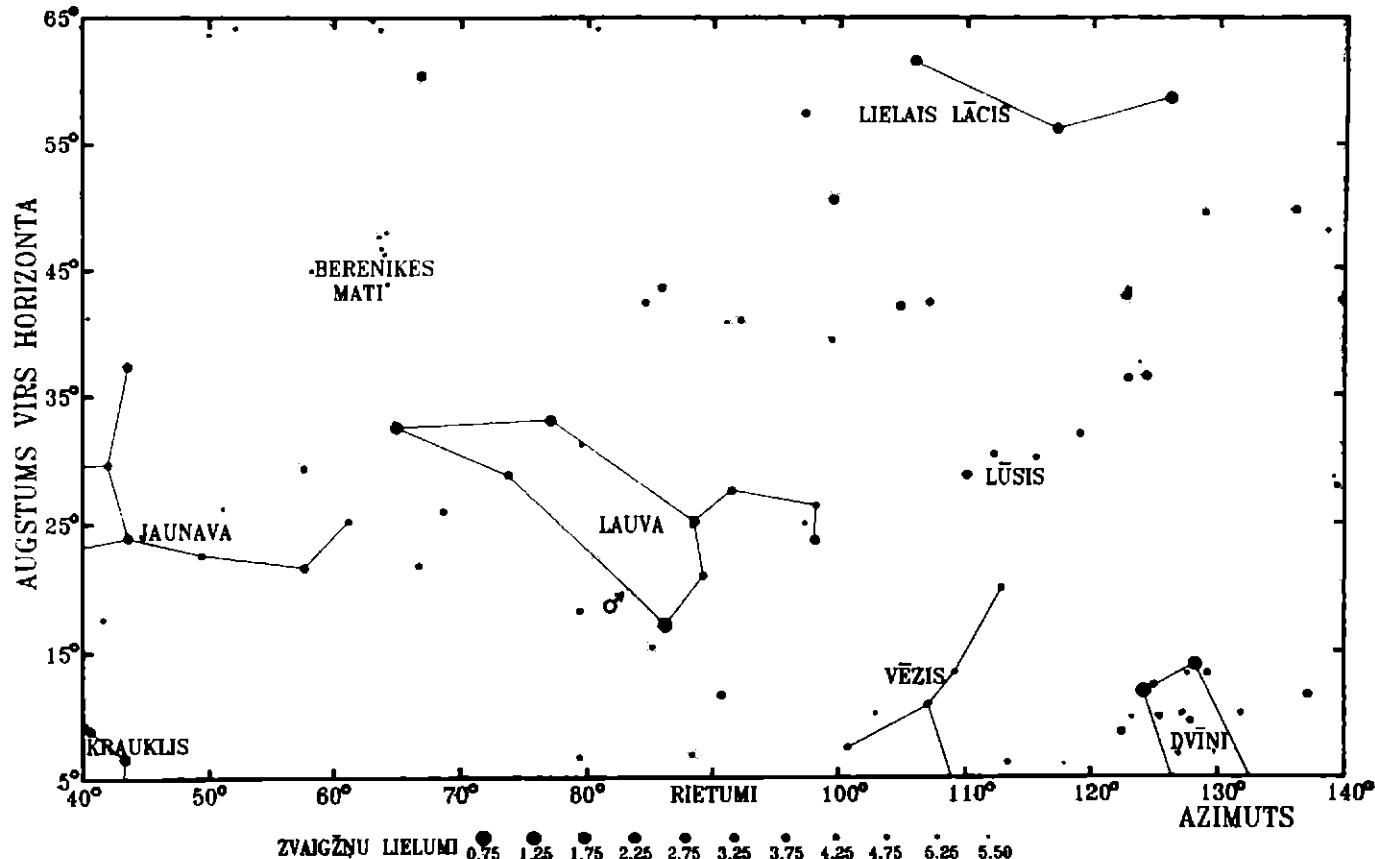
Pavasara vakari ir joli labvēligi augoša Mēness novērošanai. Izdevīgos apstākļos var izdoties ieraudzīt tikai vienā diennakti vecu (jaunu) Mēnesi. Sogad 1. aprīļa vakarā var mēģināt ieraudzīt ap 40 stundu vecu Mēnesi, bet 30. aprīļa vakarā — tikai 26 stundas vecu Mēnesi.



1. att. Zvaigžnotā debess rietumu virzienā Latvijas centrālajā daļā 1. aprīlī pl. 22^h00^m



2. att. Zvaigžņotā debess rietumu virzienā Latvijas centrālajā daļā 1. aprīlī pl. 1^b000^m
un 1. maijā pl. 23^b00^m (Marsa atrašanās vieta atbilst 1. maijam pl. 23^b00^m)



3. att. Zvaigžnotā debess rietumu virzienā Latvijas centrālajā daļā 1. aprīlī pl. 4^h00^m, 1. maijā pl. 2^h00^m un 1. jūnijā pl. 24^h00^m (Marsa atrašanās vieta atbilst 1. jūnijam pl. 24^h00^m)

PLANĒTAS

Marta beigās **Merkurs** atradīsies Ūdensvīra zvaigznājā un, kaut gan tam būs samērā liela rietumu elongācija (24. martā — 19°), tomēr tas praktiski nebūs novērojams, jo lēks gandrīz reizē ar Sauli.

Ari visu aprili tas nebūs redzams. 14. aprili Merkurs būs augšējā konjunkcijā ar Sauli (aiz tās).

12. maijā tas nonāks maksimālajā austrumu elongācijā (22°) Vērsa zvaigznājā. Tāpēc, sākot ar maija sākumu un līdz pat maija otrajai pusei, to var mēģināt atrast vākaros rietumu pusē, zemu pie horizonta. Maija sākumā tā spožums būs $-0^m,7$, bet maija vidū $+0^m,8$. Jūnijā un līdz pat pavasara beigām tas atkal nebūs novērojams, jo 5. jūnijā atradīsies apakšējā konjunkcijā ar Sauli (starp Zemi un Sauli). 30. martā 4^h Mēness paies garām 2° uz augšu, 9. aprili 0^h-3° uz augšu, 16. maijā 5^h-2° uz augšu un 12. jūnijā 11^h-2° uz augšu no Jupitera.

Pavasara sākumā **Venēra** atradīsies Mežāža zvaigznājā, kaut gan tai būs liela rietumu elongācija (24. martā — 38°) un redzamais spožums sasniegs $-4^m,0$, tomēr tā lēks gandrīz reizē ar Sauli. Tāpēc šajā laikā un ari vēlāk, līdz pat pavasara beigām, tās novērošana praktiski nebūs iespējama. 28. martā 7^h Mēness paies garām 6° uz augšu, 27. aprili 8^h-4° uz augšu no tās, bet 27. maijā 0^h Mēness aizklās Venēru.

Marta beigās un līdz aprīļa vidum **Marss** atradīsies Vēža zvaigznājā. Tā novērošanas apstākļi šajā laikā vēl būs ļoti labi, jo tā spožums pavasara sākumā būs $-0^m,4$ un redzams tas būs lielāko naktis daļu. Aprīļa otrajā pusē tas pāries uz Lauvas zvaigznāju, kur atradīsies līdz pavasara beigām. Novērošanas apstākļi pamazām pasliktināsies. Maija sākumā Marss spožums būs $+0^m,5$, jūnijā sākumā — $+0^m,9$, bet redzams tas būs tikai naktis pirmajā pusē. 24. maijā Marss paies garām $1^{\circ},1$ uz augšu no Regula — Lauvas zvaigznāja spožākās zvaigznes. 10. aprili 17^h Mēness aizies garām 8° uz leju, 8. maijā 17^h-7° uz leju un 5. jūnijā 23^h-6° uz leju no Marss.

Jupiter pavasari būs redzams ļoti labi, jo

1. jūnijā atradīsies opozīcijā. Visu pavasari tas novērojams Čūskneša zvaigznājā. Marta beigās un aprili naktis otrajā pusē redzams kā $-2^m,2$ spožuma objekts. Maijā un jūnijā Jupiter novērojams praktiski visu nakti, bet tā spožums sasniegs $-2^m,6$. Tomēr novērošanu traucēs apstāklis, ka pat kulminācijā Jupitera augstums virs horizonta nepārsniegs 12° un naktis būs ļoti gaišas. 22. martā 16^h Mēness paies garām 2° uz augšu, 9. aprili 0^h-3° uz augšu, 16. maijā 5^h-2° uz augšu un 12. jūnijā 11^h-2° uz augšu no Jupitera.

Saturns 1995. g. pavasari atradīsies tuvu pie Ūdensvīra un Zivju zvaigznāja robežas. Gandrīz visu šo laiku tas praktiski nebūs novērojams. Tikai jūnija rītos neilgi pirms Saules lēkta to var mēģināt ieraudzīt kā $+1^m,2$ spožuma objektu. Bet ari tad gaišās naktis būs traucēkļis Saturna novērojumiem. 29. martā 16^h , 26. aprili 4^h , 23. maijā 14^h un 19. jūnijā 22^h Mēness paies garām Saturnam 6° uz augšu no tā.

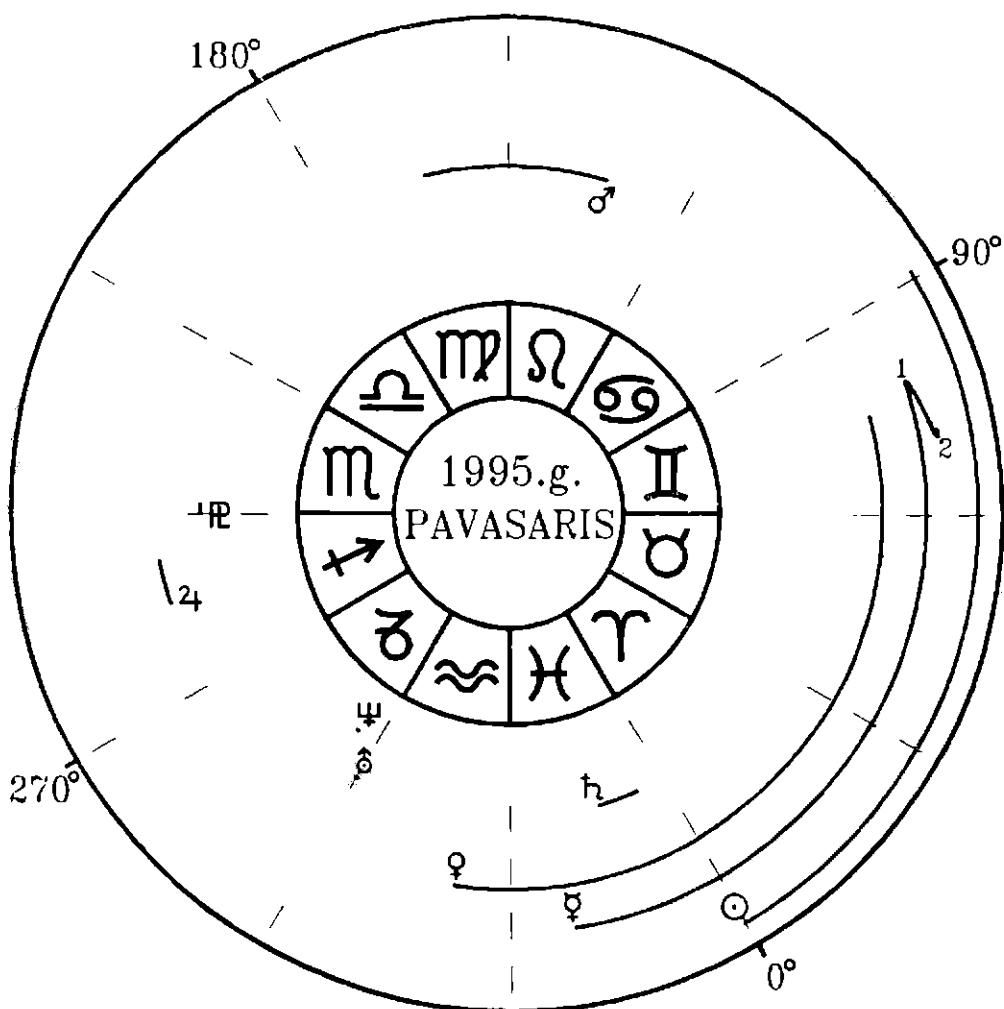
Urāns visu pavasari vēl arvien atradīsies Mežāža zvaigznājā, kur rīta pusē to varēs novērot kā $+5^m,7$ spožuma objektu. Jūnijā Urāns būs redzams gandrīz visu nakti. Tomēr Latvijā tā novērošana būs apgrūtināta, jo Urāna augstums virs horizonta nepārsniegs 13° , kā ari naktis būs ļoti gaišas. 25. martā 23^h , 22. aprili 7^h , 19. maijā 13^h un 15. jūnijā 22^h Mēness aizies garām Urānam 6° uz augšu no tā.

APTUMSUMI

1. **Dalējs Mēness aptumsums 15. aprili.** Sis aptumsums ar maksimālo fāzi $0,12$ Latvijā nav redzams. To varēs novērot Ziemeļamerikā, Dienvidamerikā, Tālajos Austrumos un Klusajā okeānā. Tā kā maksimālā fāze būs maza, tad aptumsums lielu interesī neradis.

2. **Gredzenveida Saules aptumsums 29. aprili.** Redzams Dienvidamerikas ekvatoriālajā zonā: Peru, Ekvadorā, Kolumbijā un Brazilijā. Kā dalējs tas novērojams Centrālamerikas valstīs un visā Dienvidamerikā. Latvijā nav redzams.

SAULES UN PLANĒTU KUSTĪBA ZODIĀKA ZĪMĒS

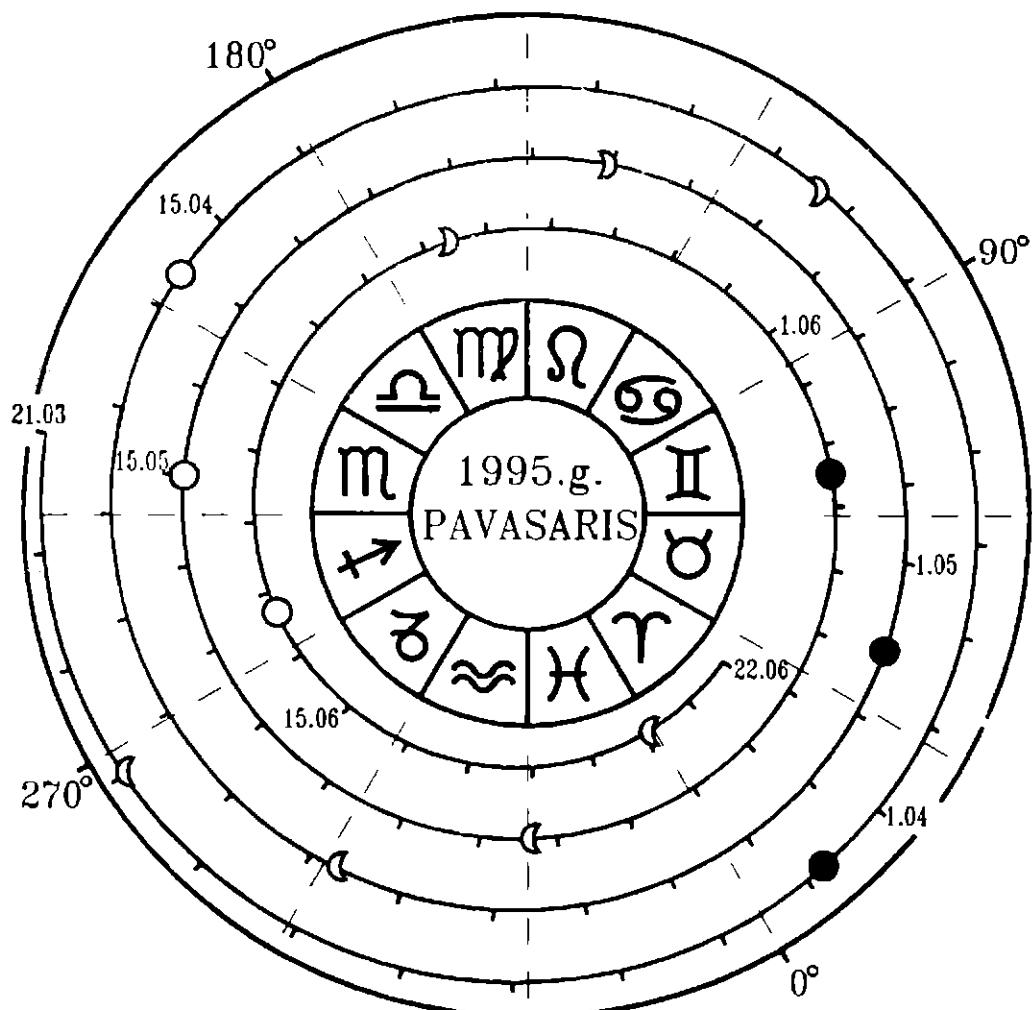


○ - Saule - sākuma punkts 21.03 0^h, beigu punkts 22.06 0^h
 (šie momenti attiecas arī uz planētām; simbolu novietojums
 atbilst sākuma punktam).

♀ - Merkurs, ♀ - Venēra, ♂ - Marss, ♃ - Jupiters,
 ⚪ - Saturns, ⚫ - Urāns, ♆ - Neptūns, ♇ - Plutons.
 1 24.maijs 12^h; 2 17.jūnijs 10^h

Kartes programinējis un veidojis Juris Kauliņš

MĒNESS KUSTĪBA ZODIAKA ZĪMĒS



Mēness kustības treka iedaļa ir viena diennakts.

MĒNESS

Mēness fāzes

Pēdējais ceturksnis: 23. martā 22^h10^m; 22. aprīlī 6^h18^m; 21. maijā 14^h36^m; 20. jūnijā 1^h01^m.

Jauns Mēness: 31. martā 5^h09^m; 29. aprīlī 20^h36^m; 29. maijā 12^h27^m.

Pirmais ceturksnis: 8. aprīlī 8^h35^m; 8. maijā 0^h44^m; 6. jūnijā 13^h26^m.

Pilns Mēness: 15. aprīlī 15^h08^m; 14. maijā 23^h48^m; 13. jūnijā 7^h03^m.

Mēness perigejā un apogejā

Perigejā: 17. aprīlī 11^h; 15. maijā 18^h; 13. jūnijā 4^h.

Apogejā: 5. aprīlī 13^h; 3. maijā 4^h; 30. maijā 11^h.

MĒNESS IEIEŠANA ZODIAKA ZĪMĒS

21. martā	15 ^h (♀)	Strēlnieks	9. maijā	2 ^h	Jaunava
23. martā	18 ^h (♂)	Mežāzis	11. maijā	8 ^h	Svari
25. martā	21 ^h (≈)	Ūdensvīrs	13. maijā	10 ^h	Skorpions
28. martā	3 ^h (Δ)	Zīvis	15. maijā	10 ^h	Strēlnieks
30. martā	10 ^h (Υ)	Auns	17. maijā	10 ^h	Mežāzis
1. aprīli	20 ^h (♂)	Vēršis	19. maijā	11 ^h	Ūdensvīrs
4. aprīli	8 ^h (Χ)	Dviņi	21. maijā	15 ^h	Zīvis
6. aprīli	21 ^h (⊖)	Vēzis	23. maijā	22 ^h	Auns
9. aprīli	8 ^h (Ω)	Lauva	26. maijā	9 ^h	Vēršis
11. aprīli	17 ^h (Π)	Jaunava	28. maijā	21 ^h	Dviņi
13. aprīli	21 ^h (△)	Svari	31. maijā	10 ^h	Vēzis
15. aprīli	23 ^h (♏)	Skorpions	2. jūnijā	22 ^h	Lauva
18. aprīli	0 ^h	Strēlnieks	5. jūnijā	9 ^h	Jaunava
20. aprīli	1 ^h	Mežāzis	7. jūnijā	16 ^h	Svari
22. aprīli	4 ^h	Ūdensvīrs	9. jūnijā	20 ^h	Skorpions
24. aprīli	9 ^h	Zīvis	11. jūnijā	21 ^h	Strēlnieks
26. aprīli	17 ^h	Auns	13. jūnijā	20 ^h	Mežāzis
29. aprīli	3 ^h	Vēršis	15. jūnijā	20 ^h	Ūdensvīrs
1. maijā	15 ^h	Dviņi	17. jūnijā	22 ^h	Zīvis
4. maijā	4 ^h	Vēzis	20. jūnijā	5 ^h	Auns
6. maijā	16 ^h	Lauva			

METEORI

Pavasarī ir novērojamas divas samērā stipras meteoru plūsmas.

1. Liridas. Redzama laikā no 19. līdz 24. aprīlim. Maksimums 22. aprīlī, kad stundas laikā var novērot līdz 25 meteoriem.

2. nAkvāridas. Redzama laikā no 1. līdz 8. maijam. Maksimums 5. maijā, kad tās intensitāte var sasniegt 60 meteoru stundā. Tomēr, tā kā Latvijā šīs plūsmas radiants atrodas zemu pie horizonta, tad reāli novērojamais meteoru skaits stundā nepārsniedz 25.

J. Kauliņš

CONTENTS

DEVELOPMENTS IN SCIENCE. Specification of Hubble constant is continuing. *M. Krastiņš.* NEWS. Dwarf galaxies of Local Group. *Z. Alksne.* The list of very distant quazars is growing. *A. Balklavs.* Anomalous supernova in nearby galaxy. *J.-I. Straume.* Eta Carinae — supernova in future? *J.-I. Straume.* ULYSSES Comet Watch observations. *A. Alksnis.* FOLKLORE. Sun's gait in the dainas of Latvian regions. *Z. Alksne.* SCIENTIST AND HIS WORK. Dr. E. Grinbergs' theorem on Hamiltonian circuits. *J. Dambītis.* THE WAYS OF KNOWLEDGE. Dialectics of nature or thinking? *R. Kūlis.* A little something about -isms. *J. Birzvalks.* COMPUTER IN ASTRONOMY. Calendar in computer. *T. Romanovskis.* *A. Zogla.* AT SCHOOL. Mercury — nearest planet to the Sun. *I. Vilks.* Mathematics of tournaments, VI. *A. Andžāns.* On gossiping neighbours. *A. Andžāns.* FOR AMATEURS. Summer Star Party «Delta Aquilae». *I. Vilks.* CHRONICLE. Dramatic struggle for Ventspils antennae and Ventspils International Radioastronomical Centre. *A. Balklavs.* THE STARRY SKY in the spring of 1995. *J. Kaulinš.*

СОДЕРЖАНИЕ

ПОСТУПЬ НАУКИ. Уточнение константы Хаббла продолжается. *М. Крастиньш.* НОВОСТИ. Карликовые галактики Местной Системы. *З. Алксне.* Список очень далеких квазаров непрерывно пополняется. *А. Балклавс.* Необычная сверхновая в близкой галактике. *Я.-И. Стравме.* Эта Килья — будущая сверхновая? *Я.-И. Стравме.* Наблюдения комет по программе ULYSSES. *А. Алкснис.* НАРОДНАЯ МУДРОСТЬ. Пути Солнца в дайнах краев Латвии. *З. Алксне.* УЧЕНЫЙ И ЕГО ТРУД. Теорема Э. Гринберга о гамильтоновых циклах. *Я. Дашибитис.* ПУТИ ПОЗНАНИЯ. Диалектика природы или мышления? *Р. Кулис.* Немного об «измах». *Ю. Бирзвалкс.* КОМПЬЮТЕР В АСТРОНОМИИ. Календарь в компьютере. *T. Романовскис.* *A. Жогла.* В ШКОЛЕ. Меркурий — ближайшая к Солнцу планета. *I. Вилкс.* Турнирная математика, VI. *A. Андженс.* Задача о болтливых соседях. *A. Андженс.* ЛЮБИТЕЛЯМ. Летний наблюдательный лагерь «Дельта Орла». *I. Вилкс.* ХРОНИКА. Драматическая борьба за Вентспилсские антенны и Вентспилсский международный радиоастрономический центр. *A. Balklavs.* ЗВЕЗДНОЕ НЕБО весной 1995 года. *Ю. Каулиньш.*

ZVAIGZNOTA DEBESS, 1995. GADA PAVASARIS

Sastādītāja *I. Pundure*

Redaktors *E. Liepiņš*

Mākslinieciskais redaktors *G. Krutojs*

Tehniskā redaktore *G. Šķepkova*

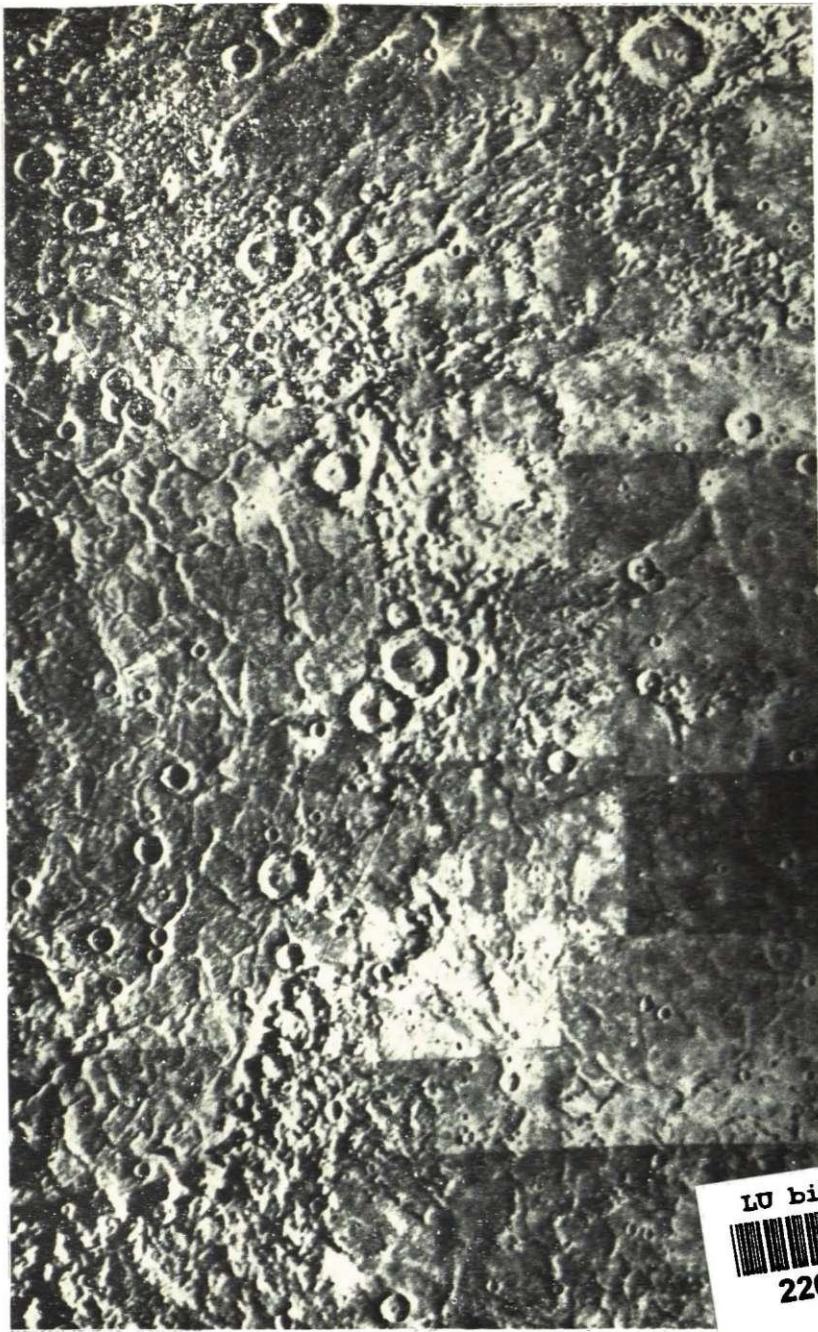
Korektore *K. Pokrotniece*

THE STARRY SKY, SPRING 1995

Compiled by *Irena Pundure*

«Zinātne» Publishing House, Riga 1995
In Latvian

Nodota salīdzinanai 94.03.11. Parakstīta iespiešanai 95.24.01. Formāts 70×90/16. Tipogr. papīrs. Literatūras garnitūra. Augstspiedums. 5.56 uzsk. iespiegl.; 6.72 izdevn. l. Metiens 1100 cks. Pasūt. Nr. 409/2. Izdevniecība «Zinātne». Turgeneva ielā 19, Rīga, LV-1003. Reģistrācijas apliecība Nr. 2-0250. Iespiesla tipogrāfijā «Rota», Blaumaņa ielā 38/40, LV-1011.



LU bibliotēka
220062614

Caloris baseins jeb Svelmes jūra 1300 km diametrā (attēlā redzama puse no tā). Ievērojiet plaisas baseina virsmā un koncentriskās valņu grēdas!

Vāku 4. lpp.: Merkura attēlu mozaīka, kas izveidota no «Mariner-10» pārraidītajiem attēliem. Merkuru var viegli sajaukt ar Mēnesi (NASA attēls)

ZVAIGŽNOTĀ
DEBESS

